

W356

4-1

СБОРНИКЪ  
ФИЗИЧЕСКИХЪ ЗАДАЧЪ

для  
СРЕДНИХЪ УЧЕБНЫХЪ ЗАВЕДЕНИЙ

СОСТАВИЛЪ  
С. КОВАЛЕВСКІЙ,

ПРЕПОДАВАТЕЛЬ ФИЗИКИ ВЪ С.-ПЕТЕРБУРГСКОМЪ 1-МЪ РЕАЛЬНОМЪ УЧИЛИЩЪ

Цѣна 65 коп.



С.-ПЕТЕРБУРГЪ  
ТИПОГРАФІЯ А. С. СУВОРІНА. ЭРТЕЛЕВЪ № 13  
1903



# ОГЛАВЛЕНИЕ.

ПРЕДИСЛОВИЕ . . . . .	страниц. VII
ЗАДАЧИ.	
A. ДВИЖЕНИЕ и СИЛЫ. Прямолинейное равнотриверное движение . . . . .	1—38
Прямолинейное равно-ускоренное движение . . . . .	39—67
Падение тѣла . . . . .	68—104
Машинна Атвуда . . . . .	105—120
Движение тѣла, брошенного вертикально вверхъ . . . . .	121—136
Падение тѣла по наклонной плоскости . . . . .	137—162
Центробѣжная сила. Маятникъ . . . . .	163—176
Сложение и разложение силъ . . . . .	177—209
Центръ тяжести тѣла . . . . .	210—219
Простыя машины . . . . .	220—264
Работа и энергія . . . . .	265—281
B. ГИДРОСТАТИКА. Принципъ Паскаля. Давленіе жидкости. Законъ Архимеда. Плотность. Плаваніе тѣль . . . . .	282—398
C. АЭРОСТАТИКА. Давленіе атмосферы. Законъ Архимеда. Законъ Мариотта. Законъ Дальтона. Воздушный насосъ и манометры .	399—485
D. ТЕПЛОТА. Термометрія. Калориметрія. Теплоемкость. Расширение тѣла. Законъ Мариотта и Гей-Люссака. Скрытая теплота. Упругость паровъ. Законъ Дальтона. Влажность . . . . .	486—678
E. ЗВУКЪ . . . . .	679—709
F. СВѢТЪ. Распространеніе свѣта и фотометрія. Отраженіе свѣта. Преломленіе свѣта . . . . .	710—787
G. ЭЛЕКТРОСТАТИКА. Законъ Кулона. Плотность статического электричества . . . . .	788—799
H. ЭЛЕКТРОДИНАМИКА. Сила тока. Электродвижущая сила. Сопротивление проводниковъ. Составленіе батарей. Тепловыя и свѣтловыя дѣйствія тока. Химическія дѣйствія тока. Работа тока . .	800—898
СТРАНИЦЫ.	
ОТВѢТЫ . . . . .	121—150

Дозволено цензурою 18-го января 1903 г. С.-Петербургъ

## ПРЕДИСЛОВИЕ.

При опытномъ изученіи физики, мы обращаемъ вниманіе какъ на вѣнчшюю сторону физическихъ явлений, такъ и на зависимость того или другого явленія отъ условій, при которыхъ оно совершаются. Подобные зависимости, или физические законы служать источникомъ множества частныхъ вопросовъ, которые вмѣстѣ съ данными, необходимыми для ихъ разрѣшенія, составляютъ содержание разнообразныхъ физическихъ задачъ. Безъ опыта и упражненій въ рѣшеніи этого рода задачъ невозможно изучать физику. При рѣшеніи какой-либо физической задачи необходимо прежде всего выяснить себѣ зависимости между данными физическими величинами и тою, которую требуется опредѣлить. Когда упомянутыя зависимости вполнѣ выяснены, надлежащіе законы подысканы, тогда не трудно дать правильный отвѣтъ на поставленный въ задачѣ вопросъ. Въ предлагаемомъ «сборникѣ физическихъ задачъ» **отвѣты** выражены двояко: въ видѣ алгебраическихъ формулъ и ариѳметическихъ чиселъ. **Первая** форма отвѣта должна быть предпочтена второй, потому что въ формулѣ остаются ясные слѣды и приема, употребленного для рѣшенія данной задачи, и тѣхъ физическихъ законовъ, на которыхъ основано самое рѣшеніе, тогда какъ въ ариѳметическомъ, притомъ случайномъ числѣ все это безслѣдно тонеть. Что касается до размѣщенія задачъ, относящихся къ той или другой части какого-либо отдела физики, то мы держались въ нашемъ сборникеъ такого порядка. Возьмемъ для примѣра равномѣрное движеніе. Непосредственно за этимъ заглавиемъ помѣщены въ небольшомъ числѣ несложныя типическія задачи подъ литерами: а) на пространство, б) на скорость и с) на время.

Рѣшаю эти задачи въ классѣ, подъ руководствомъ преподавателя, ученики могутъ всесторонне уснить себѣ сообщенный имъ понятія объ элементахъ названного движенія и въ то же время знакомятся при помощи преподавателя съ общими пріемами рѣшенія физическихъ задачъ. За типическими задачами слѣдуетъ достаточный рядъ задач въ смѣшанномъ порядкѣ на тѣ же элементы равномѣрного движенія. Задачи этого ряда (задачи для рѣшеній) решаются учениками самостоятельно въѣхъ класснаго времени для приобрѣтенія навыка и умѣнья прилагать общіе физические законы къ частнымъ случаямъ. Знаніе безъ умѣнья приложить его къ дѣлу представляетъ собою не дѣйствительное, а кажущееся знаніе. Задачи въ нашемъ сборникѣ насколько возможно соображены съ степенью развитости и математической подготовкой учениковъ средней школы.

С. Ковалевскій.

С.-Петербургъ.

## Прямолинейное и круговое равномѣрное движеніе.

а) Пространство. б) Скорость. с) Время.

Уа 1. Желѣзодорожный поѣздъ движется отъ Петербурга до Москвы въ теченіе  $t = 14$  часовъ съ среднею скоростью  $v = 12,7$  метровъ въ 1''. Какъ велико численное значеніе разстоянія  $e$  между упомянутыми городами?

2. Съ одного и того же мѣста и одновременно начали двигаться равномѣрно два тѣла  $A$  и  $B$  по взаимно перпендикулярнымъ направлѣніямъ; тѣло  $A$  проходить по  $e = 3$  километровъ, тѣло  $B$  по  $e_1 = 4$  км. въ часъ. На сколько километровъ расходятся тѣла въ теченіе каждого часа?

3. Изъ пункта  $A$  начали двигаться одновременно и равномѣрно два тѣла въ противоположныя стороны; скорость первого тѣла —  $v = 6$  метровъ въ 1'', скорость второго —  $v_1 = 7$  м. въ 1''. Спрашивается, въ какомъ разстояніи  $e$  находятся тѣла другъ отъ друга въ концѣ  $t$ -ой = 10-й секунды?

4. Найти отношеніе между длинами путей  $l_1$  и  $l_2$ , пройденныхъ тѣлами  $A$  и  $B$  съ одинаковою скоростью, при чмъ первое тѣло двигалось  $t_1 = 3$  минутъ, второе  $t_2 = 15$  минутъ времени.

5. Шаръ движется около точки  $A$ , при чмъ центръ его перемѣщается со скоростью въ  $v = 10$  сантиметровъ въ 1'' и проходитъ  $\frac{1}{n} = 0,25$  окружности въ  $t = 20'$ . Какъ велико разстояніе  $e$  между центромъ шара и точкою  $A$ ?  $\pi = 3,14$ .

б) 6. Съ какою скоростью  $v$  должно двигаться тѣло, чтобы пройти  $e = 180$  метровъ равномѣрно въ  $t = 10$  минутъ времени?

7. Локомотивъ проходитъ  $e = 4500$  метровъ въ  $t = 15$  минутъ; найти среднюю скорость  $v$  движения его въ 1''.

8. Почтовый голубь, выпущенный изъ Москвы въ 10 часовъ утра, прилетѣлъ въ Кострому въ  $t_1 = 12$  часовъ 22 минуты 41 секунды пополудни того же дня. Какъ велика средняя скорость  $v$  въ 1" полета голубя? Растояніе между Москвою и Костромою— $e = 371,239$  километровъ.

9. Тѣло А движется равномѣрно въ теченіе  $t = 20$  минутъ, при чмъ скорость его въ первыя  $t_1 = 4$  минутъ отъ начала движенія равна  $v_1 = 1,25$  метрамъ въ 1"; въ послѣднія  $t_2 = 16$  минутъ скoрость— $v_2 = 0,75$  метровъ въ 1". Спрашивается, какое пространство  $e$  проходитъ тѣло A и съ какою постоянной скoростью  $v$  должно двигаться другое тѣло B, чтобы пройти въ одинаковое время съ первымъ то же пространство?

10. Скoрость течения рѣки  $v_1 = 120$  метровъ въ минуту; пароходъ идетъ противъ течения со скoростью  $v_2 = 3$  метровъ въ секунду. Спрашивается, какъ велика скoрость  $v$  въ часъ того же парохода при движenіи его по течению рѣки?

11. Тѣло движется равномѣрно со скoростью  $v = 10$  сантиметровъ въ 1". Во сколько времени  $t$  пройдетъ оно путь  $e = 25$  метровъ?

12. Во сколько времени  $t$  пѣшеходъ пройдетъ  $n = 1$  иѣм. миль<sup>1)</sup>, перемѣщаясь съ среднею скoростью  $v = 0,75$  метровъ въ 1"?

13. Два тѣла, A и B, перемѣщаясь равномѣрно, проходятъ: первое— $e = 60$  метровъ во время  $t$  и со скoростью въ  $v = 2$  м. въ 1", второе— $e_1 = 50$  м. во время  $t_1$  и со скoростью въ  $v_1 = 5$  м. въ 1". Найти отношеніе между временами  $t$  и  $t_1$  движенія тѣль.

14. Всадникъ A догоняетъ всадника B; въ началѣ наблюденія раздѣляющее ихъ растояніе равно  $e = 50$  метровъ. Чрезъ сколько времени  $t$  отъ начала наблюденія первый всадникъ догонить второго, если скoрость догоняющаго— $v = 8$  м., догоняемаго— $v_1 = 3$  м. въ 1"?

15. Сколько времени  $t$  потребуется на то, чтобы обѣхать въ кругъ земли при скoрости движенія въ  $v = 3,2$  метровъ въ 1"? Окружность земного шара равна  $n = 5400$  географич. миль<sup>2)</sup>.

### Задачи для решения.

16. Товарный поѣздъ вышелъ изъ Петербурга въ Москву въ  $t = 8$  часовъ вечера и движется безостановочно съ среднею скo-

ростью въ  $v = 360$  метровъ въ 1'. Черезъ  $t_1 = 2$  часовъ послѣ него вышелъ изъ Петербурга почтовый поѣздъ, движущійся съ среднею скoростью въ  $v_1 = 10$  м. въ 1". Черезъ сколько часовъ  $t_2$  и въ какомъ разстояніи  $e$  отъ Петербурга почтовый поѣздъ догонить товарный?

17. Лошадь пробѣгаетъ окружность круга равномѣрно въ  $t = 3$  минутъ. Найти скoрость  $v$  движенія лошади въ 1"? Радиусъ круга— $r = 200$  метровъ;  $\pi = 3,14$ .

18. Изъ мѣста A отправляются по одному направленію и въ одну сторону два курьера B и C черезъ  $t = 15$  минутъ одинъ послѣ другого; скoрость догоняющаго курьера B— $v_2 = 300$  м. въ 1', скoрость догоняемаго C— $v_1 = ?$  метровъ въ 1". Чрезъ сколько времени  $t_1$  первый курьеръ догонить второго?

19. Желѣзнодорожный поѣздъ вышелъ изъ Петербурга въ Москву въ  $t = 1$  часовъ пополудни; часомъ позже вышелъ поѣздъ изъ Москвы въ Петербургъ; средняя скoрость петербургскаго поѣзда— $v = 700$  метровъ въ 1', московскаго— $v_1 = 800$  м. въ 1'; разстояніе между упомянутыми городами— $e = 644$  километровъ. Сколько времени  $t_1$  шелъ московскій поѣздъ до встрѣчи съ петербургскимъ, и сколько километровъ  $e_1$  прошелъ петербургскій поѣздъ до встрѣчи съ московскимъ?

20. Ведущее колесо локомотива, въ  $D = 1,5$  метровъ въ диаметрѣ, проходитъ равномѣрно  $n = 1$  иѣм. миль въ  $t = 8'$  времени. Сколько дѣлаетъ оно оборотовъ  $m$  въ 1'?  $\pi = 3,14$ ?

21. Земля движется вокругъ солнца съ среднею скoростью  $v = 3,98$  миль въ 1". Спрашивается: а) какой путь  $e$  проходитъ земля въ  $t = 1$  часовъ и б) какъ велико среднее разстояніе  $r$  земли отъ солнца? Въ году считается 365,2422 среднихъ сутокъ.

22. Маховое колесо паровой машины,  $r = 3$  метровъ въ вѣнчанемъ радиусѣ, дѣлаетъ  $n = 30$  оборотовъ въ  $t = 1$  минутъ. Найти скoрость  $v$  движенія въ 1" точки, взятой на окружности колеса.  $\pi = 3,14$ .

23. Свѣтъ распространяется въ пространствѣ со скoростью 40152 миль въ 1". Во сколько времени  $t$  онъ проходитъ разстояніе отъ солнца до земли, равное 20000000 миль?

24. На поверхности земли взята точка подъ широтою  $\varphi$ ; на сколько километровъ  $e$  перемѣщается она въ  $t$  часовъ при суточномъ вращеніи земли около своей оси? Радиусъ земного шара— $R = 6435$  километровъ.

<sup>1)</sup> 1 иѣм. миля = 7,5 километровъ.

<sup>2)</sup> 1 географическая миля = 7,420 метровъ.

**25.** Тѣло, перемѣщаюсь равномѣрно, проходитъ  $e = 1200$  метровъ въ  $t = 2$  минутъ, что составляетъ  $\frac{1}{n} = 0,25$  длины пути, проходимаго другимъ тѣломъ равномѣрно въ  $t_1 = 30$  секундъ времени. Требуется опредѣлить отношеніе между скоростями  $v_1$  и  $v_2$  данныхъ тѣлъ.

**26.** Отъ двухъ пристаней *A* и *B*, отстоящихъ одна отъ другой на  $e = 28,8$  километровъ, отошли одновременно два парохода и движутся на встрѣчу другъ другу; скорость первого парохода— $v_1 = 7$  метровъ, а второго— $v_2 = 5$  м. въ 1''. Чрезъ сколько времени  $t$  послѣ своего отхода пароходы встрѣтятся?

**27.** Человѣкъ идетъ со скоростью въ  $v_1 = 1$  метровъ въ 1'' по палубѣ движущагося парохода и по направленію движения послѣдняго; скорость парохода— $v_2 = 3$  м. въ 1''. Какъ велика равнодѣйствующая скорость человѣка?

**28.** Изъ Петербурга отправленъ желѣзнодорожный поѣздъ въ 12 час. дня съ среднею скоростью въ  $v = 10$  метр. въ 1''; чрезъ  $t = 2$  часовъ отправляется изъ Петербурга другой поѣздъ въ томъ же направленіи и догоняетъ первый въ  $t_1 = 5$  часовъ пополудни. Съ какою среднею скоростью  $v_1$  въ 1'' движется второй поѣздъ?

**29.** Отъ станцій *A* и *B* отправляются одновременно и на встрѣчу другъ другу по поѣзду, каждый по отдаленному пути. Поѣздъ *A* движется со скоростью— $v_1 = 12$  метровъ, поѣздъ *B* со скоростью  $v_2 = 15$  м. въ 1''. Разстояніе между станціями— $e = 8$  иѣм. миль. Чрезъ сколько времени  $t$  и въ какомъ разстояніи  $e_1$  отъ станціи *A* поѣзда пройдутъ мимо другъ друга?

**30.** Пароходъ пробѣгаетъ по теченію рѣки путь въ  $e = 80$  километровъ въ  $t = 4$  часовъ, а противъ теченія—путь въ  $e_1 = 75$  км. въ  $t_1 = 5$  часовъ. Требуется опредѣлить скорость  $v$  теченія рѣки.

**31.** Полное обращеніе луны вокругъ земли совершаются въ 27 сутокъ 7 часовъ и 43 минуты. На сколько градусовъ  $n^\circ$  перемѣщается луна ежедневно?

**32.** Тѣла *A* и *B* движутся на встрѣчу другъ другу прямолинейно и равномѣрно, при чёмъ разстояніе между ними уменьшается на  $e = 600$  сантиметровъ въ  $t_1 = 10$  секундъ; если тѣ-же тѣла станутъ двигаться въ противоположныя стороны, то разстояніе между

*одину*

ними увеличивается на  $e_2 = 800$  см. въ  $t_2 = 5$  секундъ. Требуется опредѣлить скорости  $v_1$  и  $v_2$  тѣлъ *A* и *B*.

**33.** Минутная стрѣлка въ  $n = 3$  раза длиннѣе секундной. Требуется найти отношеніе между скоростями  $v$  и  $v_1$  концовъ этихъ стрѣлокъ?

**34.** Паровая лодка направляется къ противоположному берегу рѣки перпендикулярно къ направленію теченія и со скоростью  $v_1 = 4$  метровъ въ 1''; скорость теченія воды— $v_2 = 3$  м. въ 1''. Требуется найти равнодѣйствующую скорость  $v$  лодки и направленіе этой скорости.

**35.** Два поѣзда, *A* и *B*, проходятъ мимо друга со скоростями одинъ въ  $v_1 = 14$  метровъ, другой въ  $v_2 = 18$  м. въ 1''. Какъ велика ихъ относительная скорость  $v$  и чрезъ какое время  $t$  они будутъ другъ отъ друга на разстояніи  $e = 1$  километровъ?

**36.** Тѣло движется по окружности радиуса  $r$  со скоростью  $v$  въ 1''; на сколько градусовъ  $n^\circ$  перемѣстится оно въ  $t$  секундъ?

**37.** Два встрѣчныхъ поѣзда проходятъ одинъ мимо другого; длина первого поѣзда— $l_1 = 100$  метровъ и скорость движения  $v_1 = 60$  км. въ часъ; длина второго поѣзда— $l_2 = 200$  м. и скорость  $v_2 = 40$  км. въ часъ. Сколько времени  $t$  будетъ проходить второй поѣздъ для лицъ, сидящихъ въ первомъ поѣздѣ?

**38.** Пароходъ движется съ среднею скоростью въ  $v = 7$  метр. въ 1'' и съ такою же скоростью бросается послѣдовательно тѣло: а) съ кормы на носъ, б) съ носа на корму и с) съ одного борта на другой; въ послѣднемъ случаѣ перпендикулярно къ направленію движения парохода. Требуется опредѣлить скорости  $v_1$ ,  $v_1$  и  $v_2$  данныхъ составныхъ движений.

### Прямолинейное равномѣрно-ускоренное движение.

a) Пространство. b) Скорость. c) Ускореніе. d) Время.

**39.** Тѣло начинаетъ двигаться равноускоренно отъ точки *A* и чрезъ  $t = 10$  секундъ достигаетъ точки *B*. Требуется опредѣлить разстояніе  $e$  между упомянутыми точками, если скорость движущагося тѣла увеличивается въ каждую секунду на  $c = 100$  сантиметровъ.

**40.** Тѣло движется равноускоренно и проходитъ въ первую секунду отъ начала движения  $a = 4$ , 905 метровъ. Какое пространство  $e$  пройдетъ оно въ  $t$ -ую = 3-ю секунду?

**41.** Тѣло, движущееся равноускоренно, проходитъ въ первую секунду отъ начала движения  $a = 5$  метровъ. Какое пространство  $e$  проходитъ оно въ  $\frac{1}{n} = 0,1''$   $t$ -ой = 5-ой секунды отъ начала движения?

**42.** Тѣло движется отъ точки  $A$  до точки  $B$  съ постояннымъ ускореніемъ въ  $c = 5$  метровъ въ  $1''$  и приобрѣтаетъ въ точкѣ  $B$  скорость въ  $v = 20$  м. въ  $1''$ . Требуется опредѣлить разстояніе  $e$  между упомянутыми точками<sup>1)</sup>.

**b) 43.** Тѣло движется равноускоренно и проходитъ въ первую секунду отъ начала движения  $a = 15$  сантиметровъ. Спрашивается, какую скорость  $v$  приобрѣтаетъ тѣло въ концѣ  $t$ -ой = 10-ой секунды?

**44.** Тѣло начало двигаться отъ точки  $M$  съ постояннымъ ускореніемъ въ  $c = 10$  сантиметровъ въ секунду и чрезъ нѣкоторое время достигаетъ точки  $N$ , отстоящей отъ  $M$  на  $e = 40$  см. Опредѣлить скорость  $v$  движения въ точкѣ  $N$ .

**45.** Тѣло проходитъ равноускоренно въ  $t$ -ую = 5-ую секунду отъ начала движения  $e = 36$  метровъ. Какъ велика скорость  $v$  въ концѣ  $t$ -ой = 7-ой секунды?

**46.** Тѣло, движущееся равноускоренно, проходитъ въ  $t$ -ую = 2-ую секунду отъ начала движения разстояніе въ  $e = 30$  метровъ. Какъ велика средняя скорость  $w$  для  $t_1 = 3$  секундъ и средняя скорость  $w_1$  для  $\frac{1}{n} = 0,1$   $t_2$ -ой = 5-ой секунды?

**47.** Тѣло проходитъ равноускоренно пространство въ  $e = 19,62$  метровъ отъ начала движения и въ концѣ этого пути приобрѣтаетъ скорость въ  $v = 19,62$  м. въ  $1''$ . Опредѣлить численное значеніе скорости  $v_1$  въ концѣ пути въ  $e_1 = 122,625$  метровъ.

**c) 48.** Тѣло проходитъ въ первую секунду отъ начала равноускоренного движения  $a = 10$  метровъ. Опредѣлить численное значеніе ускоренія  $c$ .

<sup>1)</sup> Предполагается, что тѣло движется безъ начальной скорости, если о ней не упоминается въ задачѣ.

**49.** Скорость равноускоренного движения въ концѣ  $t$ -ой = 11-ой секунды численно равна  $v = 220$  метровъ въ секунду. Опредѣлить ускореніе  $c$  движения.

**50.** Тѣло проходитъ равноускоренно пространство  $e = 45$  метровъ въ  $t = 3$  секундъ отъ начала движения. Требуется вычислить ускореніе этого движения.

**d) 51.** Тѣло, перемѣщаясь равноускоренно и обладая ускореніемъ  $c = 6$  метровъ въ  $1''$ , приобрѣтаетъ въ концѣ  $t$ -ой секунды отъ начала движения скорость въ  $v = 300$  метровъ въ  $1''$ . Опредѣлить время  $t$  движения тѣла.

**52.** Тѣло движется равномѣрно и проходитъ въ  $t = 4$  секундъ  $e = 20$  сантиметровъ; въ слѣдующія затѣмъ  $t_1 = 5$  секундъ тѣло, подъ вліяніемъ постоянной силы, проходитъ  $e_1 = 150$  см. Требуется опредѣлить ускореніе  $c$  въ  $1''$ .

**53.** Тѣло движется равноускоренно въ теченіе  $t$  секундъ времени и въ концѣ движения приобрѣтаетъ скорость  $v = 100$  метровъ въ  $1''$ , пройдя при этомъ  $e = 500$  метровъ. Опредѣлить время  $t$  движения тѣла.

**54.** Тѣло, двигаясь равноускоренно, приобрѣтаетъ скорость  $v = 70$  сантиметровъ въ  $1''$ , пройдя въ первую секунду отъ начала движения  $a = 5$  см. Опредѣлить время  $t$  движения тѣла.

### Задачи для рѣшенія.

**55.** Тѣло движется равноускоренно и проходитъ въ теченіе  $t$ -ой = 5-ой секунды отъ начала движения  $e = 72$  метровъ. Какое пространство  $a$  пройдено тѣломъ въ теченіе первой секунды?

**56.** Тѣло, перемѣщаясь равноускоренно и, пройдя длину пути  $e = 250$  метровъ, приобрѣтаетъ скорость въ  $v = 100$  метровъ въ  $1''$ . Вычислить ускореніе  $c$  движения.

**57.** Тѣло въ концѣ  $t$ -ой = 6-ой секунды отъ начала равноускоренного движения приобрѣтаетъ скорость въ  $v = 100$  сантиметровъ въ  $1''$ . Опредѣлить пространство  $e$ , пройденное тѣломъ во время  $t$ .

**58.** Тѣло начинаетъ двигаться равноускоренно отъ точки  $A$  къ точкѣ  $B$ , отстоящей отъ точки  $A$  на  $e = 400$  метровъ. Черезъ сколько времени  $t$  отъ начала движения тѣло будетъ въ точкѣ  $B$ ? Ускореніе движения  $c = 8$  метровъ въ  $1''$ .

**59.** Тѣло проходитъ въ первую секунду отъ начала равноускоренного движения  $a = 25$  сантиметровъ и въ концѣ пути  $e$  приобрѣтаетъ скорость  $v = 30$  см. въ 1''. Определить длину  $l$  пути.

**60.** Въ концѣ  $t$ -ой = 10-ой секунды отъ начала равноускоренного движения тѣло приобрѣтаетъ скорость  $v = 50$  метровъ въ 1''. Какъ велико ускореніе  $c$  и пространство  $e$ , пройденное тѣломъ въ теченіе  $t$  секундъ отъ начала движенія?

**61.** Тѣло проходитъ въ  $t$ -ую = 7-ую секунду отъ начала равноускоренного движения  $e = 65$  метровъ. Какъ велики ускореніе  $c$  движения и скорость его  $v$  въ концѣ упомянутой секунды?

**62.** Тѣло, пройдя равноускоренно  $e = 72$  метровъ отъ начала движенія, имѣеть въ концѣ этого движенія скорость  $v = 24$  м. въ 1''. Спрашивается, какъ велико ускореніе  $c$  и въ какое время  $t$  тѣло приобрѣтаетъ упомянутую скорость?

**63.** Тѣло движется равноускоренно въ теченіе  $t = 5$  секундъ отъ начала движенія; въ концѣ  $t$ -ой секунды сила прекращаетъ свое дѣйствіе, и тѣло въ слѣдующія  $t_1 = 6$  секундъ проходитъ пространство  $e = 3000$  сантиметровъ. Требуется определить скорость  $v$  тѣла въ концѣ  $t_2$ -ой = 3-ей секунды и ускореніе  $c$  движения въ 1''.

**64.** Тѣло движется подъ вліяніемъ постоянныхъ и въ одну сторону направленныхъ силъ  $p = 12$  граммовъ и  $p_1 = 30$  гр.; сила  $p_1$  сообщаетъ тѣлу ускореніе  $c = 20$  см. въ 1''. Какъ велика скорость тѣла  $v$  въ концѣ  $t$ -ой = 4-ой секунды отъ начала движенія?

**65.** Тѣлу  $A$  сообщена скорость  $v = 56$  метровъ въ 1'' по направлению, противоположному дѣйствію некоторой постоянной силы  $P$ . Какое ускореніе  $c$  сообщаетъ эта сила тѣлу, если послѣднее останавливается черезъ  $t'' = 8''$  отъ начала движенія?

**66.** Паровозъ движется со скоростью  $v = 20$  метровъ въ 1''; съ момента наблюденія скорость движения его начала непрерывно падать на 0,5 м. въ 1'', и черезъ  $t$  секундъ паровозъ остановился. Требуется определить время  $t$  отъ начала наблюденія и какое разстояніе  $e$  прошелъ паровозъ въ это время.

**67.** Ядро, ударяясь въ однородный деревянный щитъ, проникаетъ въ него на  $h = 20$  сантиметровъ. Требуется определить сопротивленіе  $f$  дерева и время  $t$  движенія въ немъ ядра, начальная скорость которого равна  $v = 100$  метровъ въ 1''.

### Паденіе тѣлъ.

а) Пространство. б) Ускореніе. в) Скорость. д) Время.

**68.** Тѣло свободно падаетъ въ теченіе  $t = 5$  секундъ. Какое пространство  $e$  метровъ проходитъ оно въ послѣднія  $t_1 = 2$  секундъ <sup>1)</sup>?

**69.** Падающее тѣло, въ моментъ удара о землю, имѣеть скорость  $v = 100$  метровъ въ 1''. Съ какой высоты  $h$  упало тѣло?

**70.** Тѣло свободно падаетъ въ теченіе  $t$  секундъ. Требуется найти отношеніе между пространствами  $e_1, e_2, e_3, \dots$ , проходимыми тѣломъ въ первую, вторую, третью и т. д. секунды отъ начала движенія.

**71.** Свободно падающее тѣло прошло въ  $t = 0,25$  секундъ отъ начала движения пространство  $e = 0,30656$  метровъ. Какъ велико ускореніе  $g$  падающаго тѣла?

**72.** Человѣкъ прыгаетъ съ платформы, держа въ руки грузъ въ  $p = 5$  килограммовъ. Какъ велико давленіе  $q$  груза на руку въ то время, когда прыгающій находится еще въ воздухѣ?

**73.** Дождевое облако находится надъ землею на высотѣ  $h = 1$  километровъ. Какую скорость  $v$  въ секунду приобрѣтаетъ у поверхности земли дождевая капля, падающая изъ этого облака, если пренебречь сопротивленіемъ воздуха?

**74.** Съ какою начальною скоростію  $v_0$  должно быть брошено тѣло внизъ, чтобы оно, пройдя  $e = 150$  метровъ, имѣло въ концѣ этого пути скорость  $v = 100$  м. въ 1'', и въ теченіе какого времени  $t$  пройдетъ тѣло упомянутый путь  $e$ ?

**75.** Тѣло падаетъ безъ начальной скорости; определить скорость его въ километрахъ въ часть въ концѣ  $\frac{1}{n} = 0,1$  секунды отъ начала движенія.

**76.** Сколько времени  $t$  должно падать тѣло безъ начальной скорости, чтобы въ послѣднюю секунду своего паденія пройти такое же разстояніе, какое прошло оно до послѣдней секунды?

**77.** Свободно падающее тѣло проходитъ въ послѣднюю секунду пространство  $e = 93,195$  метровъ. Спрашивается, сколько времени  $t$  падало тѣло?

<sup>1)</sup> Ускореніе тяжести принимаемъ численно равнымъ  $g = 981$  см. въ 1''; сопротивленіе же воздуха не берется въ расчетъ.

78. Два тѣла *A* и *B* начали падать съ одинаковой высоты черезъ  $t=2''$  секунды одно послѣ другаго. Въ какой моментъ времени  $t_1$  разстояніе между тѣлами будетъ  $e=117,72$  метровъ?

### Задачи для рѣшенія.

79. Скорость паденія тѣла въ данный моментъ времени численно равна  $v=98,1$  метровъ въ  $1''$ . Какое пространство  $e$  прошло тѣло до данного момента и какое пространство  $e_1$  пройдетъ оно въ слѣдующую затѣмъ секунду?

80. Тѣло падаетъ съ нѣкоторой высоты  $h$  надъ землею. Спрашивается, сколько времени  $t$  оно будетъ падать и какую приобрѣтетъ скорость  $v$  въ моментъ удара о землю?

81. Тѣло свободно падаетъ въ теченіе  $t=10$  сек. безъ начальной скорости. Какъ велика скорость  $v$  тѣла въ концѣ  $t$ -ой = 10-й секунды, и какія пространства  $e_1$  и  $e_2$  проходитъ оно въ теченіе  $t_1$ -ой = 5-ой секунды и въ теченіе  $t=10$ -ти секундъ?

82. Съ нѣкоторой высоты падаетъ тѣло *A*; черезъ  $t=2$  секунды послѣ него начало падать съ той же высоты тѣло *B*. Въ какомъ разстояніи  $e$  находятся другъ отъ друга тѣла *A* и *B* въ концѣ  $t_1$ -ой = 10-ой секунды?

83. Тѣло при свободномъ паденіи проходитъ въ послѣднія 2 секунды пространство  $e=78,48$  метровъ. Спрашивается, сколько времени  $t$  тѣло падаетъ?

84. Тѣло, брошенное отвѣсно внизъ съ высоты  $h=44,145$  метровъ и начальною скоростью  $v_0$  метровъ въ  $1''$ , достигаетъ поверхности земли въ  $t=2$  сек. Какъ велика начальная скорость  $v_0$ ?

85. Скорость свободно падающаго тѣла въ концѣ  $t=3$ -хъ секундъ числено равна  $v_1=29,43$  метровъ въ  $1''$ , въ концѣ  $t_1=7$  секундъ равна  $v_2=68,67$  м. въ  $1''$ . Требуется опредѣлить скорость  $v_3$  въ срединѣ данного промежутка времени.

86. Свободно падающее тѣло прошло отъ начала паденія  $e=490,5$  метровъ. Спрашивается, сколько времени  $t$  оно падало?

87. Съ нѣкоторой высоты падаетъ тѣло *A* безъ начальной скорости; чрезъ  $t=2$  секунды съ той же высоты и безъ начальной скорости падаетъ тѣло *B*. Спрашивается, по прошествіи какого

времени  $t_1$  удвоится разстояніе, раздѣлявшее тѣла до начала паденія тѣла *B*?

88. Съ высоты  $h=80,48$  метровъ пускаютъ тѣло *B* надъ точкою *A* поверхности земли; одновременно съ тѣломъ *B* начало двигаться отъ точки *A* равномѣрно, по горизонтальному направлению, другое тѣло *C* со скоростью  $v=40$  километровъ въ часъ. Спрашивается, въ какомъ разстояніи  $e$  будутъ находиться тѣла другъ отъ друга, когда тѣло *B* достигнетъ земли?

89. Тѣло *A* находится надъ землею на высотѣ  $h=981$  метровъ; на такой же высотѣ находится тѣло *B* надъ луной. Спрашивается, черезъ сколько времени  $t$  и  $t_1$  каждое изъ нихъ при своемъ паденіи достигаетъ соотвѣтственной поверхности, если ускореніе, сообщаемое притяженіемъ луны, равно  $g_1=1,65$  метровъ въ  $1''$ ?

90. Тѣло *A* находится надъ тѣломъ *B* на одной вертикальной линіи и въ разстояніи  $m=10$  метровъ одно отъ другого; первое изъ нихъ, *A*, начало падать чрезъ  $t=3$  секунды послѣ второго, *B*. Спрашивается, какія разстоянія  $e_1$  и  $e_2$  раздѣляютъ эти тѣла въ концѣ  $t_1$ -ой = 2-ой и въ концѣ  $t_2$ -ой = 5-ой секундъ?

91. Въ первую секунду отъ начала наблюденія тѣло, падающее свободно и безъ начальной скорости, проходитъ  $e=44,145$  метровъ. Сколько времени  $t$  оно падало до наблюденія?

92. Тѣло, брошенное внизъ съ начальною скоростью  $v_0$  въ  $1''$ , прошло  $e=492$  метровъ въ теченіе  $t=10$  секундъ. Какъ велики начальная скорость  $v_0$  и скорость  $v_1$  въ концѣ  $t$ -ой = 10-й секунды?

93. Съ вершины башни падаетъ тѣло на землю, при чёмъ послѣдніе  $e=78,48$  метровъ проходитъ въ  $t=2$  секунды. Какъ велика высота  $h$  башни, и сколько времени  $t_1$  падало тѣло?

94. Съ нѣкоторой высоты и безъ начальной скорости падаетъ тѣло *A*. Спрашивается, чрезъ сколько времени  $t$  слѣдуетъпустить съ той же высоты и безъ начальной скорости другое тѣло *B*, чтобы въ концѣ  $t_1$ -ой = 5-ой секунды отъ начала паденія тѣла *A* разстояніе между *A* и *B* было равно  $e=44,145$  метровъ?

95. Съ высоты  $h=100$  метровъ надъ землею пускается тѣло *A* безъ начальной скорости; одновременно съ тѣломъ *A*, но съ большей высоты  $h_1=300$  м., пускается другое тѣло *B* съ начальною

скоростью  $v_0$  въ 1''. Какъ велика начальная скорость  $v_0$ , если оба тѣла одновременно достигают земли?

**96.** Тѣло въ концѣ  $t$ -ой = 5-ой секунды отъ начала паденія встрѣчаетъ иѣкоторое препятствіе, при чмъ теряетъ половину своей скорости. Какое пространство  $e$  пройдетъ тѣло въ слѣдующую затѣмъ секунду?

**97.** Съ иѣкоторой высоты и безъ начальной скорости пущено тѣло  $A$ ; когда оно прошло разстояніе  $e = 19,62$  метровъ, пущено съ той же высоты другое тѣло  $B$  тоже безъ начальной скорости. Спрашивается, чрезъ сколько времени  $t$  отъ начала паденія тѣла  $A$  разстояніе между ними будетъ равно  $e_1 = 196,2$  метровъ?

**98.** Сколько секундъ  $t$  отъ начала движенія должно падать тѣло безъ начальной скорости, чтобы пріобрѣсти скорость  $v = 196,2$  метровъ въ 1'', и какое пространство  $e$  пройдетъ оно въ это время?

**99.** Тѣла  $A$  и  $B$  находятся на одной отвѣсной линіи и на разстояніи  $e = 53,955$  метровъ другъ отъ друга. Когда выше расположенное тѣло  $A$  прошло при своемъ паденіи  $e_1 = 4,905$  метровъ, начало падать тѣло  $B$ . Черезъ сколько времени  $t$  отъ начала паденія тѣла  $B$  настигнетъ его тѣло  $A$ ?

**100.** Свободно падающее тѣло проходитъ въ послѣднюю секунду отъ начала своего паденія такое же пространство, какое оно прошло до послѣдней секунды. Спрашивается, какъ велико все пройденное пространство  $e$ , и въ какое время  $t$  оно пройдено?

**101.** Съ высоты  $h = 156,96$  метровъ надъ точкою  $A$  поверхности земли брошено тѣло по горизонтальному направленію; переносясь въ этомъ направленіи со скоростью  $v_0 = 10$  метровъ въ 1'', оно удаляется въ точку  $B$ , лежащую въ одной горизонтальной плоскости съ точкою  $A$ . Требуется опредѣлить разстояніе  $e$  между  $A$  и  $B$ .

**102.** Въ колодезь, глубиною въ  $h = 214$  метровъ, пущенъ камень безъ начальной скорости; чрезъ  $t = 3$  сек. пущенъ туда другой камень съ начальною скоростью  $v_0$  въ 1'', при чмъ оба камня одновременно достигаютъ поверхности воды колодца. Какъ велика начальная скорость  $v_0$  второго камня, если пренебречь сопротивленіемъ воздуха?

**103.** Съ высоты  $h = 176,58$  метровъ надъ землею пущено тѣло  $A$  безъ начальной скорости; черезъ  $t = 2$  сек. послѣ него пущено съ той же высоты тѣло  $B$ . Спрашивается, на какой высотѣ  $h_1$  будетъ

находиться тѣло  $B$ , и какую будеть оно имѣть скорость  $v$  въ моментъ удара тѣла  $A$  о землю?

**104.** Притяженіе Юпитера въ  $n = 2,6$  разъ больше притяженія земли. Спрашивается, въ какое время  $t$  тѣло, падая съ высоты  $h = 500$  метровъ, достигнетъ поверхности этой планеты?

### Машина Атвуда.

**105.** Гирька въ машинѣ Атвуда, подъ вліяніемъ прибавочнаго груза, прошла въ  $t$ -ую = 1-ую сек. отъ начала движенія  $e = 10$  сантиметровъ. Какое пространство  $e_1$  пройдетъ она въ  $t_1 = 3$  секундъ?

**106.** Подъ вліяніемъ вѣса приdatочнаго груза въ  $p = 2$  граммовъ, одна изъ двухъ равныхъ гирь въ Атвудовой машинѣ проходитъ при своемъ паденіи пространство въ  $e = 2$  метровъ въ  $t = 2$  секундъ времени. Требуется узнать вѣсъ  $P$  гири.

**107.** Каждая изъ двухъ гирекъ машины Атвуда вѣсить по  $P = 500$  граммовъ; прибавочный грузъ  $p = 10$  гр. Какое пространство  $e$  проходитъ гирька при своемъ паденіи въ теченіе  $t$ -ой = 1-ой секунды и какое пространство  $e_1$  проходитъ она въ  $t_1 = 5$  секундъ, если пренебречь массою блока машины и посторонними сопротивленіями?

**108.** Въ теченіе  $t = 2$  секундъ гирька въ машинѣ Атвуда проходитъ  $e = 20$  сантиметровъ. Какую скорость  $v$  пріобрѣтеть она въ концѣ  $t$ -ой = 5-ой секунды?

**109.** Одна изъ двухъ равныхъ гирекъ Атвудовой машины, подъ вліяніемъ добавочнаго груза  $p = 2$  граммовъ, проходитъ въ  $t = 3$  секундъ отъ начала движенія пространство въ  $e = 18$  сантиметровъ. Требуется узнать, какъ велика вѣсъ  $P$  гирики, и какое разстояніе  $e$  проходитъ она въ слѣдующую секунду времени безъ приdatочнаго груза.

**110.** Масса каждой изъ двухъ гирекъ машины Атвуда равна  $m = 30$  граммовъ; масса прибавочнаго груза —  $m = 3$  гр.; определить ускореніе  $c$  и пространство  $e$ , пройденное въ  $t = 2$  секундъ.

**111.** Прибавочный грузъ въ машинѣ Атвуда при своемъ паденіи проходитъ  $e = 150$  сантиметровъ въ теченіе  $t = 5$  секундъ. Какъ велика численная величина ускоренія  $c$  груза?

**112.** На одну изъ двухъ равныхъ гирь въ Атвудовой машинѣ, вѣсящихъ вмѣстѣ  $P=150$  граммовъ, положенъ пришаточный грузъ въ  $p=3$  граммовъ. Требуется узнать, какое разстояніе  $e$  пройдетъ гиря въ  $t=2$  секундъ отъ начала движенія, и въ какое время  $t_1$  пройдетъ она пространство въ  $e=0,75$  метровъ?

**113.** Длина всего пути, проходимаго падающей гирькой въ машинѣ Атвуда въ  $t=10$  секундъ, численно равна  $e=2,5$  метровъ. Какое пространство  $e_1$  проходитъ гирька въ  $t_1=1$ -ую сек. отъ начала движенія, и какъ велико отношеніе  $n$  между массою  $m_1$  прибавочнаго груза и всею движущеюся массою  $2m+m_1$ ?

**114.** На одну изъ двухъ равныхъ гирь въ Атвудовой машинѣ, вѣсящихъ  $P=100$  граммовъ, положенъ пришаточный грузъ въ  $p=5$  граммовъ. Требуется узнать, какъ велико ускореніе движенія с гирь и скорость  $v$  въ концѣ  $t$ -ой = 2-ой секунды отъ начала движенія.

**115.** Масса прибавочнаго груза въ машинѣ Атвуда составляетъ  $\frac{1}{n}=0,1$  часть всей движущейся массы  $2m+m_1$ . Какое пространство  $e$  проходитъ гирька въ  $t=2$  секундъ отъ начала движенія вмѣстѣ съ прибавочнымъ грузомъ и какое пространство  $e_1$  въ 1" проходитъ та же гирька послѣ  $t_1=3$ -ей секунды безъ прибавочнаго груза?

**116.** Двѣ равнаго вѣса гирьки въ Атвудовой машинѣ вѣсять  $P=100$  граммовъ; пришаточный грузъ— $p=4$  гр. Какъ велики ускореніе  $s$  и разстояніе  $e$ , проходимое гирькой въ  $t=3$  сек. отъ начала движенія?

**117.** Вѣсъ прибавочнаго груза въ машинѣ Атвуда равенъ  $p=2$  граммовъ; пространство, проходимое гирькой въ первыя  $t=2$  секундъ отъ начала движенія, численно равно  $e=18$  сантиметровъ. Требуется опредѣлить вѣсъ  $P$  каждой изъ двухъ гирекъ.

**118.** Общий вѣсъ двухъ гирекъ Атвудовой машины равенъ  $P=147$  граммовъ, при чёмъ одна изъ нихъ на  $p=2$  граммовъ тяжелѣе другой. На болѣе тяжелую гирю положенъ пришаточный грузъ  $p_1=3$  граммовъ. Требуется узнать разстояніе  $e_1$ , пройденное гирей въ теченіе первыхъ двухъ секундъ отъ начала движенія съ пришаточнымъ грузомъ и разстояніе  $e_2$ , пройденное тою же гирей въ теченіе послѣдующихъ двухъ секундъ безъ пришаточнаго груза?

**119.** Найти отношеніе  $n$  между массою  $m_1$  прибавочнаго груза и массою  $2m$  двухъ гирекъ въ машинѣ Атвуда, если ускореніе этихъ массъ численно равно  $s=9,81$  сантиметровъ въ 1".

**120.** Тѣло  $A$  лежитъ на горизонтальной и гладкой поверхности стола, къ краю котораго прикрѣпленъ блокъ; черезъ блокъ перекинута нить, соединяющая тѣло  $A$  съ другимъ тѣломъ  $B$ , висящимъ въ воздухѣ. Спрашивается, какую скорость  $v$  приобрѣтеть тѣло  $A$  въ концѣ  $t$ -ой = 2-ой секунды, если масса первого тѣла  $m_1=49$  граммовъ, второго  $m_2=60$  граммовъ; треніемъ можно пренебречь?

### Движеніе тѣла, брошенного вертикально вверхъ.

а) Высота. б) Скорость. с) Время.

**a) 121.** Стрѣла пущена вертикально вверхъ со скоростью  $v_0=39,24$  метровъ въ 1". Спрашивается, на какую высоту  $h$  она подымется и чрезъ сколько времени  $t$  отъ начала движенія вернется назадъ?

**122.** Тѣло, брошенное вертикально вверхъ, упало на землю чрезъ  $t=20$  секундъ отъ начала движенія. Спрашивается, какой высоты  $h$  достигло тѣло, и какія пространства  $e$  и  $e_1$  прошло оно въ  $t_1=5$ -ую и  $t_2=15$ -ую секунды?

**123.** Тѣло брошено отвѣсно вверхъ со скоростью  $v_0=100$  метровъ въ 1". На какой высотѣ  $h$  скорость тѣла уменьшится вдвое?

**124.** Тѣло  $A$  брошено отвѣсно вверхъ со скоростью  $v_0=98,1$  метровъ въ 1"; съ конца  $t$ -ой = 5-ой секунды отъ начала движенія притяженіе тѣла землею уравновѣшивается нѣкоторою постоянной силою. Какое пространство  $e$  проходитъ тѣло въ каждую послѣдующую секунду?

**b) 125.** Тѣло брошено изъ точки  $A$  отвѣсно вверхъ со скоростью  $v_0=98,1$  метровъ въ 1". Требуется опредѣлить численное значеніе скорости  $v_1$  тѣла на высотѣ  $h=93,195$  метровъ надъ точкой  $A$ , какъ при движеніи тѣла вверхъ, такъ и при паденіи его?

**126.** При изверженіи Везувія въ 1779 году выбрасываемые изъ него камни достигали  $h=3430$  метровъ высоты. Какъ велика первоначальная ихъ скорость  $v_0$ , если пренебречь сопротивленіемъ воздуха?

**127.** Тѣло брошено отвѣсно вверхъ со скоростью  $v_0=49,05$  метровъ въ 1". Требуется узнать, чрезъ сколько времени  $t$  отъ на-

чала движенија пріобрѣтеть оно скорость  $v_1 = 29,43$  метровъ въ 1" при движенији внизъ?

с) 128. Изъ мѣста *A* брошено отвѣсно вверхъ одно послѣ другого два тѣла *B* и *C* со скоростью  $v_0 = 98,1$  метровъ въ 1". Встрѣча ихъ произошла черезъ  $t = 5$  секундъ отъ начала движенија тѣла *C*. Черезъ сколько секундъ  $t_1$  было брошено тѣло *C* послѣ *B*?

129. Тѣло брошено отвѣсно вверхъ со скоростью  $v_0 = 49,05$  метровъ въ 1". Черезъ сколько времени  $t$  отъ начала движенија оно вернется въ ту же точку, изъ которой брошено?

130. Тѣло, брошенное отвѣсно вверхъ со скоростью  $v_0 = 49,05$  метровъ въ 1", достигаетъ высшей точки въ  $t = 5$  секундъ. Какъ велико напряженіе тяжести  $g$ ?

#### Задачи для рѣшенія.

131. Съ мѣста *M* брошены отвѣсно вверхъ два тѣла *A* и *B* чрезъ 1" одно послѣ другого; скорость тѣла *A* равна  $v = 50$  метровъ въ 1"; скорость *B* равна  $v_1 = 60$  м. въ 1". По истеченији какого времени  $t$  оба тѣла достигнутъ одинаковой высоты  $h$  надъ *M*, и какъ велика эта высота?

132. Начальная скорость тѣла, брошенного отвѣсно вверхъ, чи-сленно равна  $v_0 = 147,15$  метровъ. Въ какой моментъ времени  $t$  отъ начала движенија скорость тѣла будетъ равна  $v_1 = 45,05$  м. въ 1"?

133. Тѣло брошено отвѣсно вверхъ со скоростью  $v_0 = 117,72$  метровъ; требуется опредѣлить скорость  $v$ , въ концѣ  $t$ -ой = 10-ой секунды и пространство  $e$ , пройденное въ  $t = 10$  секундъ?

134. Къ воздушному шару подвязанъ на веревкѣ некоторый грузъ; въ моментъ, когда подымающійся шаръ имѣлъ скорость  $v_0 = 1,962$  метровъ въ 1", перерѣзаютъ веревку. Спрашивается, будетъ ли послѣ того грузъ подыматься; если будетъ, то сколько времени?

135. Брошено тѣло отвѣсно вверхъ со скоростью  $v_0 = 39,24$  метровъ въ 1". До какой высоты  $h$  достигнетъ тѣло и въ теченіе какого времени  $t$ ?

136. Съ высоты  $h = 100$  метровъ надъ мѣстомъ *A* пущено тѣло безъ начальной скорости; одновременно съ мѣста *A* брошено

отвѣсно вверхъ другое тѣло съ такою скоростью  $v_0$ , что можетъ подняться на высоту  $h$ . Въ какой моментъ времени  $t$  движущіяся тѣла будутъ находиться на одной высотѣ надъ *A*?

#### Паденіе тѣлъ по наклонной плоскости.

137. Высота наклонной плоскости равна  $h = 15$  сантиметровъ; длина ея —  $l = 150$  см.; требуется найти ускореніе  $c$  катящагося по плоскости шара.

138. Плоскость наклонена къ горизонту подъ  $\angle \alpha = 50^\circ$ ; требуется найти ускореніе  $c$  катящагося по ней шара.

139. Плоскость наклонена къ горизонту подъ угломъ  $\alpha = 30^\circ$ . Какое пространство  $e$  пройдетъ катящійся по ней шаръ въ  $t = 3$  секундъ времени?

140. Шаръ, обладающій ускореніемъ  $c = 6$  метровъ въ 1", пробѣгаетъ всю длину наклонной плоскости въ теченіе  $t = 5$  секундъ. Какъ велика длина  $l$  плоскости?

141. Отъ высшей точки плоскости, наклоненной къ горизонту подъ угломъ  $\alpha = 40^\circ$ , началъ катиться шаръ; одновременно съ нимъ и отъ той же точки начало свободно падать тѣло безъ начальной скорости. Спрашивается, какое пространство  $e$  пробѣгаетъ шаръ въ то время  $t$ , въ которое падающее тѣло проходитъ высоту плоскости въ  $h = 3$  метровъ?

142. Тѣло *A* падаетъ свободно съ высоты *H*; тѣло *B* катится по наклонной плоскости отъ высшей точки ея. Оба тѣла одновременно начинаютъ свои движенија и одновременно достигаютъ основанія наклонной плоскости. Требуется опредѣлить высоту *H*. Основаніе наклонной плоскости равно  $b = 15$  метрамъ, высота ея —  $h = 10$  метровъ.

143. Плоскость, длиною въ  $l = 39,24$  метровъ, наклонена къ горизонту подъ угломъ  $\alpha = 30^\circ$ ; найти скорость  $v$  катящагося по ней шара въ концѣ длины плоскости.

144. Высота ледяной горы равна  $h = 19,62$  метрамъ. Какую скорость  $v$  пріобрѣтаютъ сани у подножія горы?

145. Шаръ катится отъ высшей точки *A* наклонной плоскости, длина которой —  $l = 10$  метровъ, уголъ наклоненія къ горизонту —

=  $25^\circ$ . Другое тѣло свободно падаетъ съ высоты, равной высотѣ данной наклонной плоскости. Требуется опредѣлить скорости тѣль  $v_1$  и  $v_2$  у основанія наклонной плоскости.

**146.** Катится шаръ по наклонной плоскости; высота ея— $h=5$  метровъ, длина— $l=98,1$  метровъ; требуется опредѣлить скорость  $v$ , приобрѣтаемую шаромъ въ концѣ  $t$ -ой = 2-ой секунды.

**147.** Высота наклонной плоскости въ  $h=4,9$  метровъ, длина ея— $l=19,62$  м.; во сколько времени  $t$  катящійся по ней шаръ пройдетъ всю длину плоскости?

**148.** Шаръ катится по наклонной плоскости, составляющей съ горизонтомъ уголъ  $\alpha=20^\circ$ , и проходитъ разстояніе  $e=10$  метровъ. Опредѣлить время  $t$  движенія шара.

**149.** Высота наклонной плоскости равна  $h=39,24$  метровъ, уголъ  $\alpha$  наклона къ горизонту =  $15^\circ$ . Во сколько времени  $t$  катящійся по ней шаръ (центръ тяжести) пройдетъ всю длину ея?

**150.** При какой величинѣ угла  $\alpha$  наклоненія плоскости къ горизонту, ускореніе  $s$  шара, катящагося по этой плоскости, равно  $\frac{1}{2}$  ускоренія  $g$  свободно падающаго тѣла?

**151.** Какой уголъ  $\alpha$  составляетъ наклонная плоскость съ горизонтомъ, если катящійся по ней шаръ проходить длину ея въ  $n=3$  разъ большее времени, чѣмъ свободно падающее тѣло высоту той же плоскости?

**152.** Шаръ, вѣсомъ въ  $P=12$  килограммовъ, поставленъ на наклонную плоскость. Какой уголъ  $\alpha$  наклона къ горизонту слѣдуетъ придать плоскости, чтобы удержать шаръ въ равновѣсіи силою въ  $Q=4$  килограммовъ и направленію параллельно длины плоскости?

**153.** Шаръ, катящійся по наклонной плоскости безъ начальной скорости, проходитъ всю длину ея въ  $t=6$  секундъ. Какъ велики высота  $h$  и уголъ наклоненія плоскости къ горизонту, если длина ея равна  $l=88,29$  метровъ?

**154.** Два тѣла  $A$  и  $B$  начали одновременно двигаться по наклонной плоскости на встрѣчу другъ другу: одно изъ нихъ,  $A$ , отъ высшей точки плоскости и безъ начальной скорости; другое,  $B$ , отъ основанія плоскости и съ начальной скоростью  $v_0=500$  см. въ  $1''$ . Спрашивается, въ какомъ разстояніи  $l_1$  отъ верхняго конца длины плоскости произойдетъ встрѣча тѣль и какими скоростями

$v_1$  и  $v_2$  обладаютъ они въ моментъ встрѣчи? Длина плоскости —  $l=900$  см., уголъ наклона ея къ горизонту— $\alpha=30^\circ$ .

**155.** Съ одной и той же высоты въ  $h=78,48$  метровъ одновременно падаютъ два тѣла, одно свободно, а другое по наклонной плоскости съ начальною скоростью  $v_0=3$  метровъ въ  $1''$ . Спрашивается, какъ велика должна быть длина  $l$  наклонной плоскости и какой уголъ  $\alpha$  должна составлять она съ горизонтомъ, чтобы оба тѣла одновременно достигли основанія ея?

**156.** Шаръ, пройдя всю длину въ  $l=10$  метровъ наклонной плоскости, продолжаетъ свое движеніе по горизонтальной плоскости и проходитъ по ней еще  $a=50$  метровъ. Спрашивается, какой путь  $e$  пройдетъ свободно падающее тѣло во все время движенія шара и какую скорость  $v_1$  приобрѣтеть оно въ концѣ этого времени? Уголь наклона плоскости къ горизонту равенъ  $\alpha=30^\circ$ .

**157.** По плоскости, составляющей съ горизонтомъ уголъ  $\alpha=30^\circ$ , катится шаръ снизу вверхъ съ начальною скоростью  $v_0=98,1$  метровъ въ  $1''$ . Чрезъ сколько времени  $t$  скорость его уменьшится вдвое, и какое пространство  $e$  пройдетъ онъ въ это время?

**158.** Шаръ, катящійся внизъ по наклонной плоскости безъ начальной скорости, проходитъ въ первую секунду отъ начала движенія  $e=10$  сантиметровъ. Какое пространство  $e_1$  пройдетъ онъ въ  $t=5$  секундъ и какую скорость  $v$  будетъ имѣть въ концѣ данного промежутка времени?

**159.** Шаръ, имѣющій начальную скорость  $v_0=100$  метровъ въ  $1''$ , катится отъ низшей точки вверхъ по наклонной плоскости, составляющей съ горизонтомъ уголъ  $\alpha=40^\circ$ . Какое пространство  $e$  пройдетъ шаръ вверхъ, и сколько времени  $t$  употребитъ онъ при обратномъ движеніи?

**160.** Шаръ, пройдя безъ начальной скорости всю длину наклонной плоскости, приобрѣтаетъ у основанія ея скорость  $v=50$  метровъ въ  $1''$ . Уголь наклона плоскости къ горизонту равенъ  $\alpha=30^\circ$ . Спрашивается, какое пространство  $e$  пройдетъ свободно падающее тѣло во время движенія шара по плоскости, и какую скорость  $v$  приобрѣтеть оно въ упомянутое время?

**161.** Шаръ, катящійся внизъ по наклонной плоскости, затрачиваетъ въ  $n=4,5$  разъ больше времени на прохожденіе длины ея  $l$ , чѣмъ высоты  $h$  при свободномъ паденіи. Спрашивается: а) какъ

велика скорость  $v$  свободно падающего шара у основания наклонной плоскости, длина которой превосходит на  $a = 140$  метровъ высоту ея и б) какъ велика углъ  $\alpha$ , составляемый плоскостью съ горизонтомъ?

**162.** Тѣло, вѣсомъ въ  $P = 100$  килограммовъ, подымается по наклонной плоскости, длина которой равна  $l = 200$  метрамъ, углъ наклона  $\alpha = 18^\circ$ . Какою живою силою  $A$  должно обладать тѣло, чтобы подняться до высшей точки, и въ какое время  $t$  оно достигнетъ ея?

### Центробѣжная сила. Маятникъ.

**163.** Тѣло, вѣсомъ въ  $P = 2,943$  килограммовъ, движется по окружности радиуса  $r = 60$  сантиметровъ съ постоянною скоростью  $v = 30$  см. въ  $1''$ . Требуется опредѣлить центростремительную силу  $F$ .

**164.** Тѣло, вѣсомъ въ  $P = 9,81$  килограммовъ, пробѣгаетъ равномѣрно въ  $t = 10$  секундъ окружность круга радиуса  $r = 1$  метровъ. Требуется опредѣлить центростремительную силу  $F$ .

**165.** Тѣло движется по окружности круга радиуса  $r = 3$  метровъ со скоростью  $v = 9,81$  метровъ въ  $1''$ . Требуется опредѣлить отношеніе между центростремительною силою  $F$  и вѣсомъ  $P$  движущагося тѣла.

**166.** Локомотивъ, вѣсомъ въ  $P = 10000$  килограммовъ, проходитъ на ровной мѣстности по кривой радиуса въ  $r = 800$  метровъ со скоростью  $v = 50$  километровъ въ часъ. Опредѣлить горизонтальное давленіе  $F$  на рельсы.

**167.** Два шара  $A$  и  $B$  описываютъ своими центрами окружности одинаковыхъ радиусовъ; массы тѣлъ:  $m_1 = 100$  граммовъ и  $m_2 = 500$  гр.; скорости центровъ:  $v_1 = 10$  и  $v_2 = 30$  см. въ  $1''$ . Требуется найти отношеніе  $\frac{F_1}{F_2}$  между центробѣжными силами тѣлъ.

**168.** Небольшой спутникъ движется вокругъ земли, вблизи поверхности ея; спрашивается, какъ велико должно быть время  $t$  обращенія его? Радиусъ земного шара  $R = 6366$  километровъ.

**169.** Шаръ движется равномѣрно, при чмъ центръ его описываетъ окружность радиуса въ  $r = 10$  сантиметровъ. Требуется опредѣлить скорость  $v$  центра шара, въ  $1''$ , если вѣсъ его въ  $n = 9$  разъ меныше центростремительной силы.

**170.** Земля совершає полный оборотъ около своей оси въ  $t = 86164$  секунды. Требуется опредѣлить: 1) ускореніе съ центробѣжной силы и 2) напряженіе  $g$  силы тяжести на экваторѣ, если наблюдалось тамъ ускореніе равно  $g_1 = 9,7798$  метровъ въ  $1''$ . Радиусъ экватора  $R = 6377377$  метровъ.

**171.** При существующей скорости  $v$  вращенія земли около оси ускореніе центробѣжной силы на экваторѣ  $c = \frac{1}{289} g$ . Спрашивается, при какой скорости  $v_1$  вращенія земли центробѣжная сила на экваторѣ сравняется съ тяжестью, и тѣла потеряютъ свой вѣсъ.

**172.** Простой маятникъ совершає въ Петербургѣ колебаніе въ  $t = \frac{1}{2}$  секунды; требуется опредѣлить длину его  $l$ ;  $g = 981,85$  см.

**173.** Длина секундаго маятника въ Петербургѣ  $l = 99,491$  см. Спрашивается, при какой длине  $l_1$  маятника продолжительность качанія его уменьшается въ Петербургѣ на  $\frac{1}{n} = 0,01$  секунды?

**174.** Требуется опредѣлить отношеніе между длинами  $l$  и  $l_1$  двухъ маятниковъ въ данномъ мѣстѣ, совершающихъ каждое качаніе: первый въ  $t = \frac{1}{2}''$ , а второй въ  $t = 1''$  секундъ времени.

**175.** Длина секундаго маятника въ Петербургѣ  $l = 99,491$ , ускореніе  $g = 981,85$  сантиметровъ въ  $1''$ ; требуется вычислить длину  $l_1$  секундаго маятника на экваторѣ, гдѣ ускореніе  $g_1 = 977,98$  см.

**176.** Тяжелая частица  $A$  простого маятника отведена въ сторону на  $m = 10$  сантиметровъ отъ вертикальной прямой, проходящей чрезъ точку привѣса. Требуется опредѣлить скорость  $v$  частицы  $A$  въ самой нижней точкѣ размаха маятника, длина котораго  $l = 100$  сантиметровъ.

\* Почему на крутыхъ изгибахъ желѣзной дороги замедляютъ движение поѣзда?

### Сложеніе и разложеніе силъ.

a) **Сложеніе и разложеніе силъ, дѣйствующихъ на точку по направлению прямой.**

**177.** Равнодѣйствующая двухъ силъ  $p$  и  $q$ , дѣйствующихъ на точку по направлению данной прямой и въ одну сторону, равна  $R = 100$  граммовъ; разность слагаемыхъ равна  $r = 10$  гр. Опредѣлить величины слагаемыхъ  $p$  и  $q$ .

**178.** На точку  $A$  действуютъ двѣ силы:  $p = 4$  килограммовъ и  $q = 3$  кгр. по направлению данной прямой и въ одну сторону; въ другомъ же случаѣ—въ противоположныя стороны. Опредѣлить величины равнодѣйствующихъ  $r_1$  и  $r_2$  въ обоихъ случаяхъ.

**179.** На точку  $A$  действуютъ силы:  $p = 50$  килограммовъ и  $q = 16$  кгр., направленныя въ противоположныя стороны. Если къ той же точкѣ  $A$  приложимъ еще двѣ силы  $x$  и  $y$ , дѣйствующія:  $x$ —по направлению силы  $p$ ,  $y$ —по направлению силы  $q$ , то точка  $A$  останется въ равновѣсіи, а сумма всѣхъ приложенныхъ силъ равна  $s = 150$  кгр. Требуется опредѣлить численное значеніе силъ  $x$  и  $y$ .

**180.** На точку  $A$  дѣйствуютъ силы:  $p = 15$  килограммовъ,  $p_1 = 20$  кгр. по направлению данной прямой и въ одну сторону, и силы:  $q = 10$  кгр.,  $q_1 = 15$  кгр., направленныя въ противоположную сторону. Для равновѣсія точки  $A$  нужно приложить къ ней еще двѣ силы:  $x$  по направлению первыхъ и  $y$ —по направлению послѣднихъ силъ. Отношеніе  $\frac{x}{y} = \frac{1}{n} = \frac{1}{3}$ . Опредѣлить величины силъ  $x$  и  $y$ .

**181.** Человѣкъ, желая поднять съ пола грузъ  $q = 160$  килограммовъ, напрягаетъ усилие, равное  $q_1 = 100$  кгр. Какъ велико давленіе  $p$ , испытываемое въ это время тѣмъ мѣстомъ пола, на которомъ лежитъ грузъ?

**182.** Силу въ  $p = 70$  килограммовъ, приложенную къ точкѣ  $A$ , требуется разложить на слагаемыя  $q$  и  $q_1$ , дѣйствующія по направлению и въ сторону силы  $p$  и относящіяся между собою какъ  $\frac{m}{n} = \frac{3}{4}$ . Опредѣлить численное значеніе слагаемыхъ.

**183.** Силу въ  $p = 60$  килограммовъ, приложенную къ тѣлу, требуется разложить на слагаемыя:  $q_1$ ,  $q_2$  и  $q_3$ , дѣйствующія по направлению и въ сторону силы  $p$  и относящіяся между собою какъ  $m:n:s = 1:2:3$ . Опредѣлить величины слагаемыхъ силъ.

**184.** Силу въ  $p = 90$  килограммовъ, приложенную къ тѣлу, требуется разложить на двѣ силы  $q$  и  $q_1$ , направленныя въ противоположныя стороны и относящіяся между собою какъ  $m:n = 5:4$ . Опредѣлить численное значеніе слагаемыхъ.

**185.** Силу  $p = 110$  граммовъ, приложенную къ точкѣ  $A$ , требуется разложить на слагаемыя:  $x_1$ ,  $x_2$ , дѣйствующія по направлению и въ сторону силы  $p$ , и силы  $x_3$  и  $x_4$ , направленныя въ

противоположную сторону. Отношеніе силъ  $\frac{x_1}{x_2} = \frac{2}{3}$ ,  $\frac{x_3}{x_4} = \frac{4}{5}$  и  $x_1$  вдвое больше  $x_3$ . Опредѣлить численныя значенія силъ  $x_1$ ,  $x_2$ ,  $x_3$  и  $x_4$ .

### б) Сложение и разложение силъ, дѣйствующихъ на точку подъ угломъ.

**186.** Опредѣлить равнодѣйствующую  $R$  двухъ равныхъ силъ:  $p_1$  и  $p_2$ , дѣйствующихъ подъ угломъ  $\alpha^\circ$ .

**187.** Найти равнодѣйствующую  $R$  двухъ силъ:  $q_1$  и  $q_2$ , дѣйствующихъ на точку подъ прямымъ угломъ, если известно, что сумма ихъ равна  $s = 7$ , а разность —  $r = 1$  килограммовъ.

**188.** На горизонтальную поверхность стола положено тѣло  $A$ , вѣсомъ въ  $p = 10$  килограммовъ; на тѣло дѣйствуетъ сила  $q = 50$  кгр. по направлению сверху внизъ, составляющему съ плоскостью стола уголъ  $\alpha = 30^\circ$ . Опредѣлить давленіе  $Q$  тѣла на эту поверхность.

**189.** Двѣ равныя силы:  $p$  и  $p_1$  дѣйствуютъ на точку  $A$  подъ угломъ  $\alpha = 120^\circ$ . Опредѣлить величину равнодѣйствующей  $R$ .

**190.** Сила  $p = 60$  килограммовъ разложена на двѣ равныя между собою слагаемыя:  $q_1$  и  $q_2$ , дѣйствующія на точку подъ угломъ  $\alpha = 120^\circ$ . Опредѣлить численныя значенія силъ:  $q_1$  и  $q_2$ .

**191.** На точку  $A$  дѣйствуютъ въ одной плоскости три равныя силы:  $p$ ,  $q$ ,  $r$ , направленія которыхъ образуютъ между собою углы въ  $120^\circ$ . Опредѣлить равнодѣйствующую  $R$  этихъ силъ.

**192.** Стороны  $AB$ ,  $AC$ ,  $AD$ ,  $AE$  и  $AF$  правильнаго 6-угольника  $ABCDEF$  представляютъ по величинѣ и направлению силы, приложенные къ точкѣ  $A$ . Найти равнодѣйствующую  $R$  этихъ силъ.

**193.** Стороны  $AB$ ,  $BC$ ,  $CD$  квадрата  $ABCD$  представляютъ по величинѣ и направлению силы:  $p_1$ ,  $p_2$  и  $p_3$ , приложенные къ точкамъ  $A$ ,  $B$  и  $C$ . Опредѣлить величину и направление равнодѣйствующей  $R$  данныхъ силъ.

**194.** На точку  $A$  прямоугольника  $ABCD$  дѣйствуютъ силы:  $p = 6$  килограммовъ по направлению отъ  $A$  къ  $D$ , сила  $q = 5$  кгр. по направлению діагонали отъ  $C$  къ  $A$ ; сила  $s = 15$  кгр. по направлению отъ  $A$  къ  $B$ . Отношеніе  $\frac{AD}{AC} = \frac{m}{n} = \frac{3}{5}$ . Опредѣлить равнодѣйствующую  $R$  данныхъ силъ и направление ея.

**195.** Черезъ два неподвижныхъ блока, одинакового радиуса и укрѣпленныхъ на одной высотѣ, перекинута веревка, къ концамъ которой прикреплено по грузу:  $p_1 = 9$  и  $p_2 = 8$  килограммовъ. Какой грузъ  $Q$  нужно привѣсить къ части веревки между блоками, чтобы система осталась въ равновѣсіи и чтобы уголъ, образуемый направлениемъ слагаемыхъ:  $p_1$  и  $p_2$ , быть прямой?

**196.** Требуется опредѣлить: 1) равнодѣйствующую  $R$  двухъ силъ:  $p = 40$  и  $q = 30$  килограммовъ, дѣйствующихъ на тѣло подъ угломъ  $\alpha = 45^\circ$ ; и 2) углы  $\alpha_1$  и  $\beta$ , составляемые равнодѣйствующей съ слагаемыми  $p$  и  $q$ .

**197.** Даны двѣ слагаемыхъ силы:  $p = 40$  килограммовъ и  $q$ ; первая образуетъ съ равнодѣйствующей  $R$  уголъ  $\alpha = 75^\circ$ , вторая—уголъ  $\beta = 30^\circ$ . Требуется опредѣлить  $q$  и  $R$ .

**198.** Сила  $p$ , дѣйствующая на точку  $A$ , разложена на двѣ слагаемыя  $x$  и  $y$ , дѣйствующія подъ прямымъ угломъ; разность между ними равна  $q$ . Требуется опредѣлить  $x$  и  $y$ .

**199.** Силу  $p = 9,219$  килограммовъ, приложенную къ точкѣ  $A$ , требуется разложить на двѣ слагаемыя:  $q_1$  и  $q_2$ , дѣйствующія на точку подъ прямымъ угломъ, при чемъ сумма ихъ должна быть равна  $s = 13$  кгр. Опредѣлить  $q_1$  и  $q_2$ .

**200.** Требуется разложить силу  $p = 15$  килограммовъ на двѣ слагаемыя:  $q_1$  и  $q_2$ , дѣйствующія на точку подъ прямымъ угломъ и относящіяся между собою какъ  $a:b = 3:4$ . Найти слагаемыя:  $q_1$  и  $q_2$ .

### с) Сложение и разложение параллельныхъ силъ.

**201.** Даны прямая линія въ  $m$  сантиметровъ; на концы ея дѣйствуютъ въ одну сторону параллельныя силы:  $p$  и  $q$ ; точка приложения равнодѣйствующей  $R$  находится отъ точки приложения силы  $p$  на разстояніи въ  $n$  см. Опредѣлить численное значеніе силъ:  $q$  и  $R$ .

**202.** Два носильщика несутъ на шесть грузъ въ  $P = 120$  килограммовъ, подвѣшенный на  $\frac{1}{n} = \frac{1}{4}$  длины шеста. Опредѣлить усилия:  $p$  и  $q$ , употребляемыя каждымъ изъ носильщиковъ.

**203.** Два носильщика  $A$  и  $B$  несутъ на шесть нѣкоторый грузъ; силы ихъ относятся какъ  $m:n = 3:4$ , при чемъ носильщики обременены ~~одинаково~~ <sup>изъначально</sup>. Въ какомъ разстояніи  $d$  отъ носильщика  $A$  подвѣшено грузъ?

**204.** На концы прямой линіи  $AB$  дѣйствуютъ параллельныя и въ одну сторону силы:  $p = 30$  килограммовъ и  $q = 5$  кгр.; точка приложения равнодѣйствующей  $R$  находится на разстояніи  $d = 10$  сантиметровъ отъ точки приложения силы  $p$ . Найти длину  $l$  линіи  $AB$  и величину равнодѣйствующей  $R$ .

**205.** На концѣ прямой линіи въ  $l = 2$  метровъ дѣйствуютъ въ одну сторону параллельныя силы:  $p = 150$  и  $q = 450$  граммовъ. Опредѣлить разстояніе  $d$  точки приложения равнодѣйствующей  $R$  отъ точки приложения силы  $p$ .

**206.** Грузъ въ  $Q = 9$  килограммовъ повѣшень на шестъ  $AB$ , подпerteомъ на концахъ  $A$  и  $B$ ; разстояніе точки приложения вѣса груза отъ конца  $A$  равно  $\frac{m}{n} = \frac{2}{3}$  всей длины шеста. Опредѣлить давленія:  $p$  и  $q$  груза на точки опоры, при чемъ вѣсомъ шеста можно пренебречь.

**207.** Двѣ параллельныя и направленныя въ разныя стороны силы:  $p = 15$  граммовъ и  $q = 20$  гр. приложены къ концамъ прямой линіи  $AB$ . На какомъ разстояніи  $d$  отъ конца  $A$  находится точка приложения равнодѣйствующей силы, если длина прямой  $AB$  равна  $l = 70$  сантиметрамъ?

**208.** Двѣ параллельныя и направленныя въ разныя стороны силы:  $p$  и  $q$  приложены къ концамъ  $A$  и  $B$  прямой  $AB$ , при чемъ точка приложения большей силы  $p = 39$  граммовъ находится на разстояніи въ  $d = 30$  см. отъ точки приложения равнодѣйствующей  $R$ . Требуется опредѣлить величины силъ:  $q$  и  $R$ , если длина линіи  $AB$  равна  $l = 100$  сантиметрамъ.

**209.** Концы цилиндрическаго стержня  $AB$  положены на неподвижныя подставки; длина стержня  $l = 5$  метровъ; вѣсъ его  $P = 20$  килограммовъ. Если подвѣсить къ стержню грузъ въ  $Q = 100$  килограммовъ на разстояніи  $d_1$  отъ конца  $A$  и пренебречь вѣсомъ стержня, то отношеніе давленій на концахъ  $A$  и  $B$  равно  $\frac{m}{n} = \frac{3}{4}$ ; если же принять въ разсчетъ вѣсъ стержня, то для сохраненія упомянутаго отношенія давленій нужно грузъ  $Q$  подвѣсить на разстояніи  $d_2$  отъ того же конца  $A$ . Требуется опредѣлить разстоянія  $d_1$  и  $d_2$ .

\* Можно ли одну силу замѣнить парою силъ?

\* При какомъ условіи не нарушится равновѣсіе подвѣщенного на нити тѣла приложенными къ нему силами?

## Центръ тяжести тѣла.

**210.** Къ стеклянному шарику припаяна цилиндрическая стеклянная палочка такъ, что центръ тяжести первого тѣла находится на продолженіи оси второго. Радиусъ шара въ  $r=2$  сантиметровъ; радиусъ трубки— $r_1=0,5$  см.; длина ея— $l=20$  см. Требуется определить разстояніе  $d$  центра тяжести системы этихъ тѣлъ оть центра шара.

**211.** Цилиндрическій сосудъ, въсомъ въ  $p=10$  килограммовъ и глубиною— $h=8$  сантиметровъ, вмѣщаетъ  $p_1=2,5$  кгр. воды. Требуется определить разстояніе  $d$  центра тяжести цилиндра съ водой отъ свободной поверхности ея. Центръ тяжести пустого цилиндра находится на глубинѣ  $h_1=5$  см.

**212.** Два желѣзныхъ цилиндра  $A$  и  $B$  соединены между собою такъ, что оси ихъ составляютъ одну прямую линію. Длина цилиндра  $A$  равна  $l=10$  сантиметровъ; длина цилиндра  $B-l_1=16$  см.; радиусы ихъ:  $r=2$  и  $r_1=5$  см. Определить разстояніе  $d$  центра тяжести системы оть свободного конца цилиндра  $A$ .

**213.** Къ концамъ  $A$  и  $B$  цилиндрическаго и качающагося около точки опоры стержня, въсомъ въ  $p=30$  граммовъ, подвѣшены грузы:  $p_1=20$  граммовъ и  $p_2=60$  граммовъ. Вертикальная линія, проходящая чрезъ центръ тяжести системы, пересѣкаетъ ось стержня въ точкѣ  $d$  разстояніе которой отъ конца  $A$  требуется определить.

**214.** Къ концу  $A$  правильного и качающагося около точки опоры стержня  $AB$  въ  $l=1$  метровъ длины, подвѣшенъ грузъ  $p=2$  килограммовъ. Отвесная линія, проходящая чрезъ центръ тяжести системы, пересѣкаетъ ось стержня въ точкѣ, отстоящей на  $d=10$  сантиметровъ отъ конца  $A$ . Требуется определить вѣсъ  $p_1$  стержня  $AB$ .

**215.** Къ двумъ угламъ  $A$  и  $B$  треугольника  $ABC$  привѣшены по грузу въ  $p$  килограммовъ, а къ третьему углу  $C$  грузъ  $2p$  кгр. Требуется определить центръ тяжести системы этихъ тѣлъ.

**216.** Стержень съ прикрепленнымъ на концѣ его  $A$  грузомъ въ  $p=60$  граммовъ остается въ равновѣсіи, если подпереть его отъ  $A$  на разстояніи  $\frac{1}{n}=\frac{1}{5}$  длины. Требуется определить вѣсъ  $p_1$  стержня.

**217.** Невысокій деревянный цилиндръ обложенъ на одномъ концѣ полушаромъ; какъ бы мы ни положили его закругленнымъ концомъ на гладкій столъ, онъ остается въ покой. Требуется определить положеніе центра тяжести такого тѣла.

**218.** Желѣзный стержень, длиною въ  $m=2$  метровъ, согнутъ въ срединѣ подъ прямымъ угломъ. Требуется определить, въ какомъ разстояніи  $d$  находится центръ тяжести отъ вершины угла согнутаго стержня.

**219.** Допустимъ, что вертикальное направление силы тяжести измѣнилось въ горизонтальное, напр. отъ востока къ западу. Спрашивается, какое произойдетъ измѣненіе въ положеніи центра тяжести въ тѣлѣ?

\* Почему трудно ходить на ходуляхъ?

\* Почему пѣшоходъ, подымающейся на гору, нагибается впередъ?

## Простыя машины.

а) Рычагъ; вѣсы. б) Блокъ. с) Воротъ. д) Наклонная плоскость. е) Винтъ.

**220.** Параллельные силы:  $P=99$  граммовъ и  $Q$  гр. дѣйствуютъ на концы  $A$  и  $B$  рычага  $AB$ , находящагося въ равновѣсіи; точка опоры его отстоитъ отъ конца  $A$  на  $a=6$  сантиметровъ, отъ конца  $B$  на  $b=18$  см. Требуется определить силу  $Q$ <sup>1)</sup>.

**221.** Плечи когѣнчатаго рычага:  $a=5$  сантиметровъ и  $b=8$  см. взаимно перпендикулярны, при чемъ плечо  $b$  имѣетъ горизонтальное положеніе. Если на конецъ плеча  $a$  дѣйствуетъ горизонтальная сила  $P=160$  граммовъ, то какую вертикальную силу  $Q$  нужно приложить къ концу другого плеча, чтобы рычагъ остался въ равновѣсіи?

**222.** Желѣзный стержень, длиною  $l=1,6$  метровъ и вѣсомъ въ  $P=20$  килограммовъ, подпертъ въ точкѣ, находящейся въ разстояніи  $a=0,5$  м. отъ одного изъ концовъ его. На конецъ длиннаго плеча дѣйствуетъ сила  $P_1=10$  килограммовъ подъ угломъ въ  $a=20^\circ$ . Спрашивается, какая сила  $Q$ , приложенная къ концу короткаго плеча  $a$  подъ угломъ  $\beta=15^\circ$ , уравновѣсить силы  $P$  и  $P_1$ ?

**223.** Къ концамъ рычага, длиною въ  $l=80$  сантиметровъ, привѣшены уравновѣшивающіе другъ друга грузы:  $P=3$  ки-

<sup>1)</sup> Треніе въ простыхъ машинахъ, равно и вѣсъ рычага во всѣхъ задачахъ, гдѣ онъ не показанъ, не принимаются во вниманіе.

ограммовъ и  $Q=5$  кгр. Требуется определить длину  $l_1$  плеча силы  $Q$ .

**224.** На одномъ концѣ подпёртой доски, длиною въ  $l=5$  метровъ, помѣщенъ грузъ  $P=48$  килограммовъ, на другомъ концѣ грузъ  $Q=64$  кгр., уравновѣщающій  $P$ . Требуется определить разстоянія  $d_1$  и  $d_2$  каждого груза отъ точки опоры.

**225.** Плечи колѣнчатаго рычага:  $a=50$  сантиметровъ,  $b=80$  см. образуютъ уголъ въ  $90^\circ$  и при равновѣсіи наклонены къ горизонту подъ угломъ въ  $45^\circ$ . На конецъ плеча  $a$  дѣйствуетъ грузъ въ  $P=20$  килограммовъ. Требуется определить грузъ  $Q$ , уравновѣщающій  $P$ .

**226.** Къ концамъ прямолинейнаго рычага привѣшены грузы  $P$  и  $Q$ , общій вѣсъ которыхъ  $P_1=100$  килограммовъ. Для равновѣсія рычага необходимо, чтобы отношеніе плечъ его было равно  $\frac{m}{n}=\frac{2}{3}$ . Требуется определить вѣсъ каждого изъ грузовъ.

**227.** Стержень  $AB$ , длиною въ  $l=50$  сантиметровъ и утолщенный къ концу  $A$ , остается въ равновѣсіи, если подпереть его въ разстояніи  $l=5$  сантиметровъ отъ этого конца; если же подпереть стержень въ срединѣ, то для равновѣсія его нужно къ тонкому концу  $B$  привѣстить грузъ  $Q=100$  граммовъ. Требуется определить вѣсъ  $P$  стержня.

**228.** На одинъ конецъ рычага 1-го рода, находящагося въ равновѣсіи, дѣйствуетъ сила  $P=20$  килограммовъ подъ угломъ  $\alpha=30^\circ$ , на другой конецъ того же рычага сила  $Q=30$  кгр. подъ угломъ  $\beta=50^\circ$ . Требуется определить разстояніе  $d$  между точкою опоры и точкою приложения силы  $P$ .

**229.** Параллельныя и направленныя въ одну сторону силы  $P_1$  и  $P_2$ , приложенные къ концамъ плечъ рычага, находятся въ равновѣсіи и производятъ на точку опоры давленіе  $Q=500$  граммовъ. Отношеніе между плечами равно  $m=4$ . Требуется определить численное значеніе силъ  $P_1$  и  $P_2$ .

**230.** На конецъ плеча  $a$  рычага, длиною въ  $l=21$  сантиметровъ, дѣйствуетъ грузъ въ  $P=6$  килограммовъ; на конецъ другого плеча  $b$  дѣйствуетъ грузъ въ  $Q$  килограммовъ и уравновѣшиваетъ грузъ  $P$ . Отношеніе силъ  $\frac{P}{Q}=\frac{m}{n}=\frac{3}{4}$ . Требуется определить вѣсъ груза  $Q$  и длины плечъ  $a$  и  $b$ .

**231.** Къ плечу въ  $a=30$  сантиметровъ рычага 1-го рода приложена сила  $P=10$  килограммовъ подъ угломъ  $\alpha=30^\circ$ ; къ плечу  $BC$  въ  $b=15$  см. сопротивление  $Q$  подъ угломъ  $\beta=45^\circ$ . Спрашивается, какъ велико сопротивленіе  $Q$  и давленіе  $Q_1$  на точку опоры въ случаѣ равновѣсія рычага?

**232.** Одинъ конецъ цилиндрическаго столба упирается въ землю, а другой приподнять на высоту  $h=4$  метровъ помощью веревки, имѣющей горизонтальное направленіе. Требуется определить натяженіе  $Q$  веревки, если длина столба въ  $l=5$  метровъ, а вѣсъ его въ  $P=48$  килограммовъ.

**233.** Къ короткому, въ  $b=4$  сантиметровъ плечу рычага приложена сила  $Q=100$  килограммовъ, къ длинному — параллельная ей сила  $P=75$  кгр., при чемъ рычагъ остается въ равновѣсіи. Требуется определить длину  $l$  плеча  $a$ , если известно, что вѣсъ каждой единицы длины рычага равенъ  $q=6$  кгр.

**234.** На концы прямолинейнаго рычага длиною въ  $l=75$  сантиметровъ дѣйствуютъ уравновѣшающія другъ друга силы:  $P=10$  килограммовъ и  $Q=15$  кгр.; направленія ихъ составляютъ съ осью рычага уголъ  $\alpha=30^\circ$ . Требуется определить моментъ  $M$  силы  $P$  и разстояніе  $d$  между точкой опоры и точкою приложения силы  $Q$ .

**235.** На концы плечъ въ  $a$  и  $b=5$  сантиметровъ рычага дѣйствуютъ параллельныя силы  $P=10$  граммовъ и  $Q=15$  граммовъ. Требуется определить: 1) давленіе  $P_1$  на точку опоры и 2) длину  $l$  рычага, находящагося въ равновѣсіи.

**236.** Щипцы для раскалыванія орѣховъ состоятъ изъ двухъ рычаговъ 2-го рода, соединенныхъ между собою шарниромъ. Короткое плечо равно  $a=3$  сантиметровъ, длинное —  $b=15$  см. Требуется определить сопротивление скорлупы орѣха, если необходимая для того сила, приложенная къ длиннымъ плечамъ рычаговъ, равна  $f=8$  килограммовъ.

**237.** Грузъ въ  $Q=20$  килограммовъ, дѣйствуя на конецъ длиннаго плеча  $a$  рычага, уравновѣшивается вѣсомъ  $P_1$ ; дѣйствуя же на конецъ короткаго плеча  $b$ , уравновѣшивается вѣсомъ  $P_2$ . Требуется определить численныя значенія силъ  $P_1$  и  $P_2$ , если длины плечъ рычага равны:  $l_1=12$  и  $l_2=3$  сантиметровъ.

**238.** На концы прямолинейнаго рычага дѣйствуютъ параллельныя и уравновѣшающія другъ друга силы:  $P=10$  килограм-

мовъ и  $Q=16$  кгр. Требуется определить расстояние  $d$  точки опоры отъ точки приложения силы  $P_1$ , если длина рычага равна  $l=72$  сантиметрамъ, а вѣсъ его— $p=3$  кгр.

**239.** Къ концамъ плечъ вѣсъ  $l_1=18$  сантиметровъ и  $l_2=3$  см. рычага, находящагося вѣсъ равновѣсіи, приложены грузы:  $P$  и  $Q$ . Спрашивается, какой длины пути:  $h_1$  и  $h_2$  проходятъ точки приложения грузовъ при поворотѣ рычага около точки опоры на уголъ  $\alpha=30^\circ$ ?

**240.** На конецъ плеча  $a$  равноплечаго рычага дѣйствуетъ вѣсъ вѣсъ  $P=300$  граммовъ, уравновѣшивающій грузъ  $Q$ , приложенный къ концу другого плеча  $b$ . Если же грузъ  $Q$  заставить дѣйствовать на конецъ плеча  $a$ , то для равновѣсія рычага необходимо къ концу плеча  $b$  приложить вѣсъ  $P=400$  граммовъ. Требуется определить вѣсъ груза  $Q$ .

**241.** Длины плечъ:  $l$  и  $l_1$  коромысла данныхъ вѣсовъ относятся между собою какъ  $1:1,1$ ; чашки же вѣсовъ <sup>уравновѣшены</sup> одинаковы по вѣсу. Видимый вѣсъ тѣла, положеннаго на чашку, подвѣшенную къ концу болѣе короткаго плеча, равенъ  $p=100$  граммовъ. Требуется определить истинный вѣсъ  $P$ .

**242.** Тѣло, положенное на одну чашку вѣсовъ, уравновѣшивается грузомъ вѣсъ  $p=3,3$  граммовъ, лежащимъ на другой чашкѣ; то же тѣло, переложенное на другую чашку, уравновѣшивается грузомъ вѣсъ  $p_1=2^{8/11}$  граммовъ, положеннымъ на первую чашку. Требуется определить действительный вѣсъ  $P$  тѣла и отношение плечъ  $l$  и  $l_1$  коромысла, если чашки вѣсовъ одинакового вѣса.

**243.** Пустые рычажные вѣсы находятся вѣсъ равновѣсіи, при чёмъ длина одного плеча коромысла равна  $l_1=9$  сантиметровъ, другого  $l_2=12$  см. Спрашивается, 1) какие вѣса  $P_1$  и  $P_2$  покажетъ взвѣшиваніе тѣла вѣсъ  $P=240$  граммовъ, если положить его сначала на чашку болѣе длиннаго плеча, а потомъ на чашку болѣе короткаго плеча и 2) чому равно отношение  $\frac{P_1}{P_2}$ .

**244.** Вѣса одного и того же тѣла, при послѣдовательномъ взвѣшиваніи на невѣрныхъ вѣсахъ, оказались равными:  $P_1=9$  граммовъ и  $P_2=11\frac{1}{9}$  граммовъ. Требуется определить действительный вѣсъ тѣла.

**245.** Длина плечъ рычажныхъ вѣсовъ по  $l=30$  сантиметровъ; вѣсъ коромысла съ чашками— $Q=400$  граммовъ; центръ тяжести вѣсовъ лежитъ ниже точки опоры на  $d=2$  сантиметровъ,

спрашивается, какой грузъ  $p$  нужно положить на одну изъ чашекъ вѣсовъ, чтобы коромысло отклонилось на уголъ  $\alpha=1^\circ$ ?

\* Почему посредствомъ рычажныхъ вѣсовъ нельзя убѣдиться, что тяжесть измѣняется по направленію отъ экватора къ полюсамъ?

\* Почему срединою ножницъ легче перерѣзать, чѣмъ концами?

\* Почему длинный стержень легче поднять за середину, нежели за конецъ?

b) **246.** Человѣкъ помыкается на скамейкѣ, привязанной къ веревкѣ, перекинутой черезъ неподвижный блокъ. Спрашивается, съ какимъ усилиемъ онъ долженъ тянуть другой конецъ веревки, чтобы остатся вѣсъ равновѣсіи?

**247.** Къ перекладинѣ прикрепленъ конецъ веревки, обходящей затѣмъ подвижный и неподвижный блоки; свободный же конецъ ея держитъ человѣкъ, сидящій на скамейкѣ, прикрепленной къ распоркѣ подвижнаго блока. Спрашивается, съ какимъ усилиемъ долженъ человѣкъ тянуть веревку, чтобы сохранить равновѣсіе?

c) **248.** Радіусы вала и колеса ворота соотвѣтственно равны:  $r=21$  сантиметрамъ и  $R=84$  см.; на валъ дѣйствуетъ грузъ  $P=20$  килограммовъ. Требуется определить силу  $Q$ , приложенную къ колесу и уравновѣшивающую грузъ  $P$ .

**249.** Веревка, длиною вѣсъ  $l=10$  метровъ, обматывается  $m=5$  разъ на колесо ворота и  $n=25$  разъ на валъ его. Къ колесу приложена сила вѣсъ  $P=1$  килограммовъ. Спрашивается, какой грузъ  $Q$  нужно приложить къ валу, чтобы воротъ остался вѣсъ равновѣсіи?

**250.** Къ колесу горизонтальнаго ворота приложена сила  $P=100$  граммовъ, къ валу—грузъ  $Q=700$  гр., уравновѣшивающій силу  $P$ . Спрашивается, какой длины  $l_1$  путь должна пройти точка приложения силы  $P$ , чтобы грузъ  $Q$  поднялся на  $l_2=1$  сантиметровъ?

**251.** На колесо ворота дѣйствуетъ грузъ  $P=200$  граммовъ, на валъ дѣйствуетъ грузъ  $Q=2000$  дециграммовъ. Спрашивается, какъ великъ радиусъ  $r$  вала, если радиусъ колеса равенъ  $R=200$  миллиметровъ, и воротъ находится вѣсъ равновѣсіи?

**252.** Во сколько разъ радиусъ  $R$  колеса ворота больше радиуса  $r$  вала, если грузъ вѣсъ  $P=100$  граммовъ, дѣйствующій на колесо, уравновѣшивается грузомъ вѣсъ  $Q=1$  килограммовъ, дѣйствующимъ на валъ?

д) 253. Сила въ  $Q = 100$  граммовъ, направленная параллельно длинѣ наклонной плоскости, удерживаетъ на ней шаръ въ равновѣсіи. Требуется определить вѣсъ  $P$  шара, если отношение длины  $l$  плоскости къ высотѣ ея  $h$  равно  $m = \frac{5}{2}$ .

254. Грузъ въ  $P = 100$  граммовъ уравновѣшивается на наклонной плоскости силою въ  $Q = 50$  граммовъ, направленную параллельно длинѣ. Требуется определить уголъ наклоненія плоскости.

255. Шаръ, вѣсомъ въ  $P = 80$  килограммовъ, поставленъ на наклонную плоскость и удерживается на ней въ равновѣсіи силою  $Q$ , дѣйствующею параллельно основанию. Требуется определить численное значение силы  $Q$  и давление  $Q_1$  шара на наклонную плоскость, если высота плоскости въ  $h = 6$  метровъ, а длина въ  $t = 10$  метровъ.

256. Уголь наклона плоскости къ горизонту равенъ  $\alpha = 10^\circ$ ; на плоскости лежитъ грузъ въ  $P = 10$  килограммовъ. Какая сила  $Q$ , дѣйствуя параллельно основанию, въ состояніи уравновѣсить грузъ  $P$ ?

257. Шаръ, вѣсомъ въ  $P = 200$  граммовъ, находится въ равновѣсіи на наклонной плоскости, длина которой  $-l = 50$  сантиметровъ, высота  $-h = 30$  см. Требуется определить давление  $Q$  шара на плоскость.

258. Какою силою  $P$ , направленную параллельно длинѣ наклонной плоскости, можно уравновѣсить находящійся на ней шаръ, вѣсомъ въ  $P_1 = 500$  граммовъ, если плоскость составляетъ съ горизонтомъ уголъ  $\alpha = 30^\circ$ ?

259. Вѣсъ тѣла въ  $P = 10$  граммовъ уравновѣшивается на наклонной плоскости силою  $Q = 8$  граммовъ, направленную параллельно длинѣ плоскости. Требуется определить высоту  $h$  и основаніе  $b$  плоскости, если длина ея  $-l = 100$  сантиметровъ.

260. Высота  $h$  наклонной плоскости въ  $m = 4$  разъ меньше длины  $l$  ея. Требуется определить уголъ наклона  $\alpha$  плоскости къ горизонту.

261. Вѣсъ шара уравновѣшивается на наклонной плоскости силою, равною вѣсу его и направленную параллельно основанію. Требуется определить уголъ наклоненія  $\alpha$  плоскости къ горизонту.

е) 262. Какъ величъ долженъ быть ходъ  $h$  винта, чтобы сила въ  $P = 2$  килограммовъ, приложенная къ рукояткѣ, длиною въ  $l = 50$  миллиметровъ, уравновѣсила грузъ  $Q = 314$  килограммовъ?

263. Высота хода винта равна  $h = 3$  миллиметровъ; радиусъ стержня  $r = 6$  мм. Какую силу нужно приложить къ такому винту, чтобы уравновѣсить грузъ въ  $Q = 20$  килограммовъ, дѣйствующей по направлению оси винта?

264. Въ винтѣ на  $m = 3,14$  миллиметровъ длины его приходится  $n = 6$  витковъ. Сила  $P$ , приводящая винтъ въ движение, приложена къ рукояткѣ въ точкѣ, находящейся на разстояніи въ  $l = 50$  миллиметровъ отъ центра вращенія. Требуется определить отношение между силой  $P$  и грузомъ  $Q$ .

### Работа и энргія.

265. Требуется узнать, сколько затрачивается единицъ работы  $T$  на поднятіе  $P = 1000$  килограммовъ каменнаго угля изъ шахты глубиною въ  $h = 100$  метровъ?

266. Грузъ въ  $P = 500$  килограммовъ поднимаютъ съ глубины въ  $h = 200$  метровъ посредствомъ каната, каждый метръ которого вѣситъ  $p = 2$  килограммовъ. Определить, сколько расходуется при этомъ работы  $T$ .

267. Тѣло, вѣсомъ въ  $P = 58,86$  килограммовъ, движется со скоростью въ  $v = 20$  километровъ въ часъ. Требуется определить запасъ энергіи  $I$  тѣла.

268. Шаръ  $A$  встрѣчаетъ на пути своего движения покоющійся шаръ  $B$  въ  $n = \frac{1}{12}$  разъ меньшей массы шара  $A$ , при чёмъ происходитъ центральный ударъ. Требуется определить отношенія  $x$  и  $y$  энергіи системы до удара къ энергіи послѣ удара:  $x$ —въ случаѣ совершенно неупругихъ и  $y$ —совершенно упругихъ шаровъ?

269. Пѣшеходъ, вѣсящій  $P = 72$  килограммовъ, подымается въ теченіе  $t = 3$  часовъ на гору, высота которой равна  $h = 1,5$  километровъ. Спрашивается, какую онъ производить ежесекундно работу  $T$ ?

270. Построена колonna въ  $h = 20$  метровъ высоты и  $s = 9$  кв. метровъ поперечнаго сѣченія. Спрашивается, сколько при возведеніи колоны затрачено работы  $T$ , если куб. метръ матеріала вѣситъ  $p = 1200$  килограммовъ?

**271.** Два совершенно неупругихъ шара движутся въ одну сторону и по направлению линії, проходящей чрезъ ихъ центры; вѣса и скорости шаровъ: а) догоняющаго— $P=20$  килограммовъ,  $v=30$  сантиметровъ въ 1"; догоняемаго— $P_1=10$  кгр.,  $v_1=10$  см. въ 1". Спрашивается, какая часть  $\frac{1}{n}$  энергіи теряется при ударѣ относительно всей энергіи до удара?

**272.** Лошадь, проходя со скоростью въ  $v=3,6$  километровъ въ часъ, производить въ это время работу въ  $T=270000$  килограммовъ. Спрашивается, какую силу непрерывно расходуетъ лошадь?

**273.** Данная плоскость, длиною въ  $l=50$  метровъ, наклонена къ горизонту подъ угломъ въ  $\alpha=30^\circ$ . Спрашивается, сколько нужно затратить работы  $T$ , чтобы поднять по плоскости тѣло въ  $P=100$  килограммовъ, если принять въ расчетъ сопротивление тренія, численно равное  $n$ -ой  $=\frac{1}{2}$  части нормального давленія тѣла на плоскость?

**274.** Тѣло, вѣсомъ въ  $P=19,62$  килограммовъ, движется со скоростью въ  $v=36$  километровъ въ часъ. Съ даннаго момента времени движению тѣла начало противодѣйствовать сопротивление тренія, численно равное  $n$ -ой  $=0,05$  части вѣса тѣла. Спрашивается, какую энергию  $I$  обладало тѣло до даннаго момента, и какое пространство  $e$  прошло оно съ этого момента до тѣхъ поръ, пока не остановилось?

**275.** Требуется ~~спустить~~ поднять тѣло въ  $P=160$  килограммовъ по наклонной плоскости, длиною въ  $l=30$  метровъ и наклоненной къ горизонту подъ угломъ  $\alpha=40^\circ$ . Спрашивается, сколько необходимо для этого затратить работы  $T$ , если сопротивление тренія составляетъ  $n$ -ую  $=\frac{1}{2}$  часть давленія тѣла по нормали къ плоскости?

**276.** Тѣло, вѣсомъ въ  $P=5000$  килограммовъ, движется со скоростью въ  $v=4$  метровъ въ 1". Спрашивается: а) какую энергию  $I$  обладаетъ тѣло и б) если на него станетъ дѣйствовать сила въ  $P_1=10$  килограммовъ по противоположному направлению движенія его, то какое пространство  $e$  пройдетъ тѣло съ момента дѣйствія силы до прекращенія движенія?

**277.** Тѣло  $A$ , подъ вліяніемъ силы въ  $P=8$  килограммовъ, проходитъ пространство въ  $e=1000$  метровъ въ теченіе  $t=15$  секундъ. Спрашивается, какъ велика вѣсъ  $P_1$  тѣла  $A$ ?

**278.** Тѣло  $A$ , двигаясь со скоростью въ  $v=4,429$  метровъ въ 1", обладаетъ такою же энергией, какое и тѣло  $B$ , вѣсомъ въ  $P_1=19,62$  килограммовъ и движущееся со скоростью въ  $v_1=3$  метровъ въ 1". Спрашивается, какъ велика вѣсъ  $P$  тѣла  $A$ ?

**279.** Тѣло, вѣсомъ въ  $P=0,5$  килограммовъ, падая съ высоты въ  $h=500$  метровъ съ начальною скоростью въ  $v_0=10$  метровъ въ 1", углубляется въ землю на  $h_1=0,5$  метровъ. Спрашивается, какъ велико сопротивление  $Q$  земли?

**280.** Совершенно упругіе шары  $A$  и  $B$  движутся въ одну сторону по направлению, проходящему чрезъ ихъ центры, при чемъ шаръ  $A$ , обладающій скоростью въ  $v=10$  метровъ въ 1", ударяетъ по шару  $B$ , начальная скорость котораго  $v_1=6$  м. въ 1". Требуется опредѣлить энергию  $I$  системы до удара и энергию  $I_1$  послѣ удара, если вѣсъ шара  $A$  равенъ  $P=12$  килограммамъ, а вѣсъ шара  $B$ — $P_1=8$  кгр.

**281.** Желѣзодорожный поѣздъ, вѣсомъ въ  $P=100000$  килограммовъ, во время своего равномѣрного движенія преодолѣваетъ постоянное сопротивление въ  $P_1=2$  килограммовъ на каждые  $p=-1000$  килограммовъ своего вѣса. Спрашивается, сколько  $T$  работы долженъ затратить поѣздъ, чтобы пройти  $l=30$  километровъ?

### Гидростатика.

- а) Принципъ Паскаля. б) Давленіе жидкости. с) Законъ Архимеда.
- д) Плотность. е) Плаваніе тѣль.

**282.** Два цилиндра  $A$  и  $B$ , содержащіе воду, сообщаются между собою горизонтальной трубкой. Внутренній радиусъ цилиндра  $A$  равенъ  $r=30$  сантиметрамъ; радиусъ цилиндра  $B-r_1=30$  миллиметровъ. На поверхность жидкости въ первомъ цилиндрѣ производится поршнемъ давленіе въ  $p=1$  килограммовъ. Спрашивается, какое давленіе  $p_1$  нужно произвести на поверхность жидкости въ цилиндрѣ  $B$  для сохраненія равновѣсія ея?

**283.** Малый поршень гидравлическаго пресса производить на воду давленіе въ  $p_1=10$  килограммовъ. Спрашивается, какую площадь  $s$  долженъ имѣть больший поршень, чтобы при вѣнчаніи давленіи на него въ  $p=200$  килограммовъ жидкость осталась въ равновѣсіи? Радиусъ малаго поршня  $r=2$  сантиметровъ.

**284.** Высокий цилиндр содержить воду, на поверхность которой давить поршень съ силою въ  $P=786,14$  граммовъ; трубка, открытая съ обоихъ концовъ, проходитъ чрезъ поршень и оканчивается у нижняго основания его. Требуется опредѣлить высоту  $h$ , до которой подымется вода въ трубкѣ при равновѣсии поршня, если пренебречь треніемъ его о стѣнку сосуда. Внутренніе радиусы цилиндра и трубки:  $r=5$  и  $r_1=0,2$  сантиметровъ.

**b) 285.** Цилиндрическій сосудъ, высотою въ  $h=50$  сантиметровъ, наполненъ водою. Опредѣлить давленіе  $p$  на кв. сантиметръ основанія сосуда.

**286.** Высота воды, содержащейся въ цилиндрѣ, равна  $h=15$  сантиметрамъ; внутренній радиусъ цилиндра— $r=10$  сантиметровъ. Требуется опредѣлить давленіе  $p$  на дно сосуда.

**287.** Кубъ, въ  $l=10$  сантиметровъ въ ребрѣ, погруженъ въ воду такъ, что верхняя сторона его совпадаетъ съ уровнемъ воды. Опредѣлить давленіе  $p$  на нижнюю грань куба.

**288.** Какой высоты  $h$  нужно взять трубку, чтобы наполняющая ее вода произвела давленіе въ  $p=100$  граммовъ на 1 кв. сантиметръ дна трубки, и какъ велико давленіе  $p_1$  жидкости въ трубкѣ на глубинѣ въ  $m=30$  сантиметровъ?

**289.** Даны трубка, оканчивающаяся полымъ шаромъ; шаръ и весьма малая часть трубки наполнены водою, на поверхность которой производится давленіе въ  $p=10$  килограммовъ. Требуется узнать, на сколько увеличится давленіе  $p_1$  жидкости на шаровую поверхность? Площадь поперечнаго сѣченія трубки— $s=5$  сантиметровъ; радиусъ шара— $r=5$  сантиметровъ.

**290.** Трубка вида  $U$  содержить нѣкоторое количество ртути; въ одно изъ колѣнъ трубки налита вода, а въ другое спиртъ. Высота воды— $h=43,4$  сантиметровъ; высота спирта— $h_1=18$  см. Требуется опредѣлить разность высотъ  $h_2$  уровней ртути въ колѣнахъ трубки. Плотность спирта— $d=0,9$ , плотность ртути— $d_1=13,6$ .

**291.** Двуколѣнная стеклянная трубка  $AB$  содержить ртуть и кроме того въ колѣнѣ  $A$ —столбикъ воды, высотою въ  $h=27,2$  сантиметровъ надъ поверхностью ртути въ колѣнѣ  $A$ . Требуется опредѣлить разность высотъ  $h_1$  ртути въ трубкѣ  $AB$ . Плотность ртути— $d=13,6$ .

**292.** Въ двуколѣнную стеклянную трубку налито нѣкоторое количество ртути. Требуется узнать: 1) сколько по вѣсу  $P$  слѣдуетъ прилить въ одно изъ колѣнъ трубки провансаго масла, чтобы разность высотъ уровней ртути въ обоихъ колѣнахъ равнялась  $h=1,5$  сантиметрамъ, и 2) какъ велика высота  $h_1$  маслянаго столба? Плотности: ртути— $d=13,6$ ; масла— $d_1=0,9$ ; радиусъ сѣченія трубки— $r=2$  миллиметровъ.

**c) 293.** Кусокъ свинца, вѣсомъ въ  $p=228$  граммовъ, подвѣшенъ въ масло. Требуется опредѣлить кажущійся вѣсъ  $p_1$  его въ этой жидкости. Плотности: свинца— $d=11,4$ , масла— $d_1=0,9$ .

**294.** Кусокъ желѣза, погруженный въ ртуть при температурѣ  $4^{\circ}$  Ц., вытѣсняетъ  $p=272$  граммовъ ея. Требуется опредѣлить вѣсъ  $p_1$  куска желѣза въ воздухѣ. Плотности: желѣза— $d=7,8$ , ртути  $d_1=13,6$ .

**295.** Плотность даннаго тѣла  $d=8,9$ ; вѣсъ его въ водѣ  $p=15,8$  граммовъ. Требуется опредѣлить вѣсъ  $p_1$  этого тѣла въ воздухѣ.

**296.** Кусокъ платины, вѣсомъ въ  $p=215$  граммовъ, подвѣщенъ на нити въ ртуть. Требуется опредѣлить натяженіе  $p_1$  нити. Плотности: платины— $d=21,5$ , ртути— $d_1=13,6$ .

**297.** Кусокъ платины, вѣсомъ въ  $p=43$  граммовъ, погруженъ въ ртуть. Спрашивается, на сколько граммовъ  $p_1$  уменьшится вѣсъ платины. Плотности: ртути— $d=13,6$ , платины— $d_1=21,5$ .

### Задачи для решенія.

**298.** Въ верхнее дно бочки, наполненной водою, вставлена цилиндрическая трубка, открытая съ обоихъ концовъ. Требуется опредѣлить: а) давленіе  $p$  воды на дно бочки и б) на сколько  $p_1$  граммовъ увеличится это давленіе, если въ трубку прилить  $p_2=3,14$  граммовъ той же жидкости? Радиусъ дна бочки— $r=30$  сантиметровъ; внутренній радиусъ трубки— $r_1=1$  сантиметръ, высота бочки— $h=1$  метровъ.

**299.** На сколько граммовъ  $p$  уменьшится вѣсъ въ  $p_1=86$  граммовъ куска платины при погружениіи его въ воду, и какъ великъ вѣсъ  $p_2$  того же куска платины, подвѣщенного въ ртуть? Плотность ртути— $d=13,6$ , плотность платины— $d_1=21,5$ .

**300.** Въ цилиндръ налита ртуть и вода въ равномъ по вѣсу количествѣ. Общая высота жидкостей— $h=29,2$  сантиметровъ. Тре-

буется определить общее давление  $P$  жидкостей на дно сосуда и высоты ихъ  $h_1$  и  $h_2$ . Внутренний радиус цилиндра— $r = 5$  см., плотность ртути— $d = 13,6$ .

**301.** Цилиндръ и вставленная въ верхнее его дно и перпендикулярно къ нему цилиндрическая трубка наполнены водою. Спрашивается: а) сколько нужно удалить по вѣсу  $p$  воды изъ трубы, чтобы начальное давление жидкости на нижнее дно сосуда уменьшилось вдвое и б) определить въ послѣднемъ случаѣ давление  $p_1$  на верхнее дно того же сосуда. Внутренний радиус цилиндра— $r = 5$ , радиус трубы— $r_1 = 1$  сантиметровъ, высота цилиндра— $h = 10$  см., высота трубы— $h_1 = 20$  см.

**302.** Кубической формы сосудъ, въ  $l = 10$  сантиметровъ въ ребрѣ, и вертикальная трубка, приданная извѣтъ у самаго дна сосуда, наполнены водою. Высота трубы— $h = 15$  см. Требуется определить: а) давление  $p$  жидкости на кв. сантиметръ горизонтальной поверхности, проведенной чрезъ произвольную точку внутри куба, стоящаго на горизонтальной плоскости, и б) давление  $p_1$  на верхнюю крышку куба.

**303.** Платиновый цилиндръ, подвѣшенній на нити, погруженъ въ ртуть въ стеклянномъ цилиндрѣ, при чмъ поверхность ртути поднялась на  $h = 1$  сантиметровъ. Определить вѣсъ  $p$  платинового цилиндра въ ртути. Внутренний радиусъ стеклянного цилиндра— $r = 3$  см. Плотности: платины— $d = 21,5$ , ртути  $d_1 = 13,6$ .

**304.** Сосудъ въ формѣ усѣченного конуса наполненъ жидкостью; диаметръ  $D_1$  нижняго основанія сосуда въ пять разъ меньше диаметра  $D$  верхняго основанія. Определить отношеніе давленія  $p$  на дно сосуда къ вѣсу  $p_1$  наполняющей его жидкости.

**305.** Данъ цилиндрической формы сосудъ  $A$  съ перпендикулярно вставленной въ крышку его стеклянной трубкой  $B$ ; радиусъ дна сосуда— $r = 10$ , трубы— $r_1 = 1,5$  сантиметровъ. Когда сосудъ  $A$  наполненъ водою, то давление на нижнее дно его— $P = 9,420$  килограммовъ. Спрашивается: а) сколько граммовъ  $p$  слѣдуетъ прилить воды въ трубку  $B$ , чтобы давление на кв. сантиметръ дна увеличилось до  $p_1 = 45$  граммовъ и б) определить высоты:  $h$ —цилиндра и  $h_1$ —воды въ трубкѣ.

**306.** Серебряный сосудъ, покрытый золотомъ, вѣсить въ воздухѣ  $p = 500$  граммовъ, въ водѣ  $p_1 = 464,84$  граммовъ. Требуется опре-

дѣлить вѣсъ  $p_2$  золота, затраченного на изготовление сосуда. Плотность золота— $d = 19,32$ , серебра— $d_1 = 10,53$ .

**307.** Въ водѣ, заключенной въ цилиндрѣ, подвѣшень кубъ въ  $l = 10$  сантиметровъ въ ребрѣ, при чмъ верхняя грань куба соединяется съ уровнемъ жидкости. Требуется определить: а) увеличеніе  $h$  первоначальной высоты жидкости; б) увеличеніе  $p$  давленія жидкости на дно сосуда и с) давление  $p_1$  жидкости на нижнюю поверхность куба. Внутренний радиусъ цилиндра— $r = 7$  сантиметровъ.

**308.** Сосудъ  $A$ , въ видѣ усѣченного конуса, уравновѣшень на чашкѣ вѣсовъ и затѣмъ наполненъ ртутью. Требуется определить давленія жидкости:  $p$ —на дно сосуда и  $p_1$ —на чашку вѣсовъ. Радиусъ дна сосуда— $r = 5$  сантиметровъ, отверстія его— $r_1 = 2$  см., высота сосуда— $h = 10$  см.; плотность ртути— $d = 13,6$ ;  $\pi = 3,14$ .

**309.** Стеклянныи сосудъ, наполненный ртутью, вѣсить въ воздухѣ  $p = 54,643$  граммовъ, въ водѣ— $p_1 = 45,732$  гр. Требуется определить вѣсъ  $q$  ртути и вѣсъ  $q_1$  сосуда. Плотности: ртути— $d = 13,55$ , стекла— $d_1 = 2,5$ .

**310.** Сосудъ произвольной формы наполненъ ртутью; давленіе на горизонтальное дно сосуда равно  $p = 10$  килограммамъ. Требуется определить высоту  $h$  жидкости въ сосудѣ, если площадь дна— $s = 100$  кв. сантиметровъ. Плотность ртути— $d = 13,6$ .

**311.** Высокій и полныи цилиндръ погруженъ вертикально въ масло на  $h = 5$  сантиметровъ; въ днѣ цилиндра имѣется круглое отверстіе, прикрытое снизу тонкимъ слюдянымъ кружкомъ. Спрашивается, какое по вѣсу  $p$  количество воды надо прилить въ цилиндръ, чтобы отпала слюдяная пластинка? Внутренний радиусъ цилиндра— $r = 3$  сантиметровъ, радиусъ отверстія въ днѣ его— $r = 0,5$  см.; радиусъ кружка— $r_2 = 1$  см., плотность масла— $d = 0,9$ . Вѣсомъ слюдяного кружка и толщиною дна цилиндра можно пренебречь.

**312.** Сплошной платиновый цилиндръ, высотою въ  $h = 10$  сантиметровъ, плотно вложенъ въ равный ему по высотѣ желѣзный цилиндръ, и оба вмѣстѣ вѣсятъ въ ртути 0 граммовъ. Требуется узнать вѣшний радиусъ  $r$  желѣзного цилиндра. Радиусъ платинового цилиндра— $r_1 = 1$  см.; плотности: желѣза— $d = 7,8$ , платины— $d_1 = 21,5$ , ртути— $d_2 = 13,6$ .

**313.** Кусокъ мѣди вѣсить въ воздухѣ  $p = 44,6$  граммовъ, въ водѣ— $p_1 = 39,6$  гр. Требуется опредѣлить плотность  $d$  мѣди.

**314.** Кусокъ платины въ  $v = 20$  куб. сантиметровъ вѣсить  $p = 430$  граммовъ. Требуется опредѣлить плотность  $d$  платины.

**315.** Нѣкоторое тѣло вѣсить въ воздухѣ  $p = 1,69$  граммовъ; флаконъ (пикнометръ), наполненный водою, вѣсить  $p_1 = 100$  гр. Когда тѣло опустили въ флаконъ и привели воду въ немъ къ начальному уровню, то флаконъ вѣсилъ  $p_2 = 101,5$  гр. Требуется опредѣлить плотность  $d$  тѣла.

**316.** Въ стеклянную трубку вида  $U$  налита ртуть, а въ одно изъ колѣнь ея—вода. Высота столба воды— $h = 40,77$  сантиметровъ; разность высотъ ртути въ колѣнахъ— $h_1 = 3$  см. Требуется опредѣлить плотность  $d$  ртути.

**317.** Золотой шарикъ вѣсить въ воздухѣ  $P = 80,828$  граммовъ; флаконъ (пикнометръ), наполненный водою, вѣсить  $P_1 = 150$  граммовъ, а съ погруженнымъ въ него шарикомъ, и по приведеніи воды въ флаконъ къ начальному уровню, вѣсить— $P_2 = 226,64$  гр. Опредѣлить плотность золота.

**318.** Къ куску воска, вѣсомъ въ  $p = 579$  граммовъ, прикрѣпленъ кусочекъ кварца вѣсомъ въ  $p_1 = 159$  гр.; вѣсъ обоихъ тѣлъ въ водѣ  $p_2 = 78$  гр. Требуется опредѣлить плотность воска  $d_1$ . Плотность кварца— $d = 2,65$ .

**319.** Кусокъ повареной соли, вѣсомъ въ  $p = 50$  граммовъ, опущенный въ терпентинное масло, уменьшается въ своемъ вѣсѣ на  $p_1 = 19,19$  гр.; требуется опредѣлить плотность  $d_1$  повареной соли. Плотность терпентинного масла— $d = 0,825$ .

**320.** Кусокъ серебра въ  $p = 21$  граммовъ вѣсить въ маслѣ  $p_1 = 19,2$  гр. Требуется найти плотность  $d$  серебра. Плотность масла  $d_1 = 0,9$ .

**321.** Стеклянныи шарикъ въ  $P = 10$  граммовъ вѣсить въ водѣ  $P_1 = 6$  гр., въ прованскомъ маслѣ  $P_2 = 6,34$  гр. Требуется узнать плотность  $d$  масла.

**322.** Кусокъ мѣди въ формѣ куба вѣсить  $p = 1$  килограммовъ; изъ него выточены на токарномъ станкѣ шары, діаметръ котораго равенъ  $\frac{1}{n} = 0,75$  длины ребра первоначального куба. Требуется опредѣлить вѣсъ  $p_1$  мѣдного шара. Плотность мѣди  $d = 8,92$ .

**323.** Кусокъ свинца вѣсить  $p = 114$  граммовъ; плотность его— $d = 11,4$ . Опредѣлить объемъ  $v$  взятаго свинца.

**324.** Тѣло вѣсить въ воздухѣ  $p = 105,3$  граммовъ, въ водѣ  $p_1 = 95,3$  гр. Требуется опредѣлить объемъ  $v$  тѣла.

**325.** Кусокъ дерева, вѣсомъ въ  $p = 7,5$  килограммовъ, плаваетъ въ водѣ, погружаясь въ нее на  $\frac{1}{n} = 0,75$  своего объема. Опредѣлить объемъ  $v$  плавающаго тѣла.

**326.** Стеклянныи шарикъ плаваетъ въ ртути; если плотность стекла  $d = 3$ , плотность ртути  $d_1 = 13,6$ , то спрашивается, какою частью  $v_1$  своего объема шарикъ погружается въ ртуть?

**327.** Кусокъ воска, плавая въ водѣ, погружается въ нее на  $\frac{1}{n} = 0,96$  часть своего объема, равнаго  $v = 20$  куб. сантиметрамъ. Требуется опредѣлить плотность  $d$  воска и вѣсъ его  $p$ .

### Задачи для решенія.

**328.** Платиновый шарикъ вѣсить въ воздухѣ  $P = 90,042$ , въ водѣ  $P_1 = 85,854$ , въ ртути  $P_2 = 33,127$  граммовъ. Требуется опредѣлить плотность платины— $d$  и ртути— $d_1$ .

**329.** Одинъ граммъ серебра стоитъ  $m = 10$  копѣекъ; сплошной серебряный цилиндръ, радиусъ основанія котораго равенъ  $r = 2$  сантиметрамъ, стоитъ  $n = 66,13$  рублей. Требуется опредѣлить высоту  $h$  цилиндра. Плотность серебра— $d = 10,53$ .

**330.** Сосудъ, емкостью въ  $v = 25$  куб. сантиметровъ, наполнить ртутью; требуется опредѣлить вѣсъ ея  $p$ . Плотность ртути— $d = 13,55$ .

**331.** Длина сѣченія корабля плоскостью уровня воды равна  $l = 60$  метрамъ, ширина— $l_1 = 12$  м. Опредѣлить, на сколько линейныхъ единицъ  $h$  опустится корабль, если къ грузу его прибавить  $p = 2000$  килограммовъ.

**332.** Въ цилиндрический сосудъ, окружность котораго— $C = 9,42$  сантиметровъ, налита вода; въ воду опущенъ кусокъ мѣди, при чёмъ вода поднялась на  $h = 3$  см. Требуется опредѣлить вѣсъ  $p$  взятой мѣди. Плотность ея— $d = 8,92$ .

**333.** Платиновый и желѣзный шарики, каждый въ  $v = 3$  куб. сантиметровъ, подвѣшены къ чашкамъ вѣсовъ и погружены въ воду. Спрашивается, сколько граммовъ  $p$  нужно положить на соотвѣт-

ственную чашку, чтобы вѣсы пришли въ равновѣсіе? Плотность платины —  $d = 21,5$ ; плотность желѣза —  $d_1 = 7,8$ .

**334.** Сплошной стеклянѣй цилиндръ подвѣшенъ въ водѣ. Высота его —  $h = 3$  сантиметровъ; радиусъ —  $r = 2$  см. Плотность стекла —  $d = 3$ . Требуется опредѣлить вѣсъ цилиндра  $p$  — въ воздухѣ и вѣсъ его  $p_1$  — въ водѣ.

**335.** Мореплаватель встрѣтилъ въ Ледовитомъ океанѣ плавающую ледяную гору, имѣвшую  $l = 610$  метровъ длины,  $l_1 = 122$  м. ширины и  $h = 61$  м. высоты надъ уровнемъ воды. Требуется определить объемъ  $v$  части ледяной горы, погруженной въ воду. Плотность льда относительно морской воды  $d = 0,9$ .

**336.** Взято  $n = 100$  метровъ мѣдной проволоки, радиусъ попечного сѣченія которой —  $r = 1$  миллиметръ; плотность мѣди —  $d = 8,9$ . Требуется определить вѣсъ  $p$  проволоки.

**337.** Плотность желѣза составляетъ  $\frac{1}{n} = 0,574$  плотности ртути и вѣсъ  $m = 7,8$  разъ больше плотности воды. Требуется определить объемъ  $v$  погруженной части плавающаго въ ртутью желѣзного шара радиуса  $r = 2$  см.

**338.** Цилиндрической формы кирпичная колонна имѣеть  $h = 12$  метровъ высоты и  $C = 439,6$  сантиметровъ въ окружности. Требуется определить вѣсъ  $p$  колонны. Плотность кирпича —  $d = 5$ .

**339.** Кусокъ платины, вѣсомъ въ  $P = 100$  граммовъ, погруженный въ ртуть, уменьшается въ вѣсѣ до  $P_1 = 36,79$  граммовъ. Требуется узнать плотность платины  $d$ , при чёмъ плотность ртути принимается равной  $d_1 = 13,59$ .

**340.** Полость даннаго сосуда представляетъ конусъ, обращенный вершиною внизъ. Диаметръ отверстія сосуда равенъ  $D = 4$  сантиметрамъ; высота его —  $h = 10$  см. Сосудъ совершенно наполненъ масломъ и ртутью, имѣющими одинаковую высоту. Требуется определить вѣса:  $p$  и  $p_1$  ртути и масла. Плотности: ртути —  $d = 13,6$ , масла —  $d_1 = 0,918$ .

**341.** Цилиндръ изъ букового дерева плаваетъ въ водѣ. Требуется определить отношеніе объема  $v_1$  погруженной части цилиндра къ объему  $v_2$  части, находящейся надъ поверхностью воды. Плотность бука —  $d = 0,852$ .

**342.** Въ стаканѣ, наполненный до определенной черты водою, опущенъ кусокъ мѣди плотности  $d = 8,5$ . По удаленіи воды выше

упомянутой черты, первоначальный вѣсъ сосуда увеличился на  $P = 15$  граммовъ. Требуется найти вѣсъ  $P_1$  взятой мѣди.

**343.** Какъ относятся плотности  $d$  и  $d_1$  двухъ шаровъ, массы которыхъ  $m = 5$  граммовъ и  $m_1 = 10$  гр., а радиусы —  $r = 1$  сантиметровъ и  $r_1 = 2$  см.?

**344.** Кусокъ мѣди вѣситъ въ спирѣ  $P = 1,809$  граммовъ; плотность спирта —  $d = 0,81$ , плотность мѣди —  $d_1 = 8,5$ . Требуется узнать вѣсъ  $P_1$  взятой мѣди.

**345.** Стеклянныи шарикъ плаваетъ въ одномъ случаѣ въ ртути, въ другомъ случаѣ въ ртуть, надъ которой находится слой воды, покрывающей шарикъ. Требуется определить въ обоихъ случаяхъ отношенія  $n$  и  $n_1$  части объема  $v_1$  шарика, погруженной въ ртуть, къ остальной части  $v_2$  объема его. Плотность стекла —  $d = 3$ ; плотность ртути —  $d_1 = 13,6$ . Радиусъ шарика  $r = 2$  см.

**346.** Къ концамъ равноплечаго рычага 1-го рода подвѣшены два одинаковыхъ по вѣсу, но неодинаковыхъ по объему тѣла  $A$  и  $B$ . Спрашивается, при какомъ отношеніи плечъ  $l$  и  $l_1$  рычагъ приметъ горизонтальное положеніе при погруженіи тѣлъ  $A$  и  $B$  въ воду, если плотность первого тѣла —  $d = 2,6$ , второго —  $d_1 = 8,5$ ?

**347.** Для поднятія со дна моря корабля потребовалось прикрепить къ нему  $m = 30$  пустыхъ бочекъ; объемъ каждой бочки —  $v = 2$  куб. метровъ, вѣсъ ея —  $p = 200$  килограммовъ. Требуется определить вѣсъ  $p_1$  затонувшаго корабля. Плотность морской воды —  $d = 1,028$ .

**348.** Къ болѣе короткому, въ  $l = 4$  сантиметровъ плечу рычага 1-го рода подвѣшено тѣло  $A$  и уравновѣшено грузомъ въ  $p = 25$  граммовъ, дѣйствующимъ на конецъ болѣе длиннаго плеча въ  $l_1 = 16$  см. Если тѣло  $A$  погрузить въ воду, то для сохраненія равновѣсія рычага необходимо длину плеча  $l_1$  уменьшить на  $a = 8$  см. Требуется определить вѣсъ  $q$  и плотность  $d$  тѣла  $A$ . Вѣсомъ рычага можно пренебречь.

**349.** Твердое тѣло, плотность котораго  $d = 8,92$ , вѣситъ въ воздухѣ  $p = 89,2$ , а въ данной жидкости —  $p_1 = 80,2$  граммовъ. Требуется определить плотность  $d_1$  жидкости.

**350.** Кусокъ свинца и кусокъ цинка, привѣшанные къ чашкамъ вѣсовъ на тонкихъ нитяхъ, уравновѣшиваются въ водѣ. Требуется найти отношеніе между ихъ 1) вѣсами:  $P$  и  $P_1$  въ воздухѣ и 2) объемами:  $v$  и  $v_1$ . Плотность свинца —  $d = 11,3$ ; плотность цинка —  $d_1 = 7,2$ .

**351.** Тѣло, вѣсящее  $p=10$  граммовъ, плаваетъ въ данной жидкости. Спрашивается, на сколько граммовъ  $p_1$  уменьшается при этомъ вѣсъ тѣла?

**352.** Кусокъ золота, вѣсомъ въ  $P=38,6$  граммовъ и кусокъ серебра, привѣшенные къ чашкамъ вѣсовъ, взаимно уравновѣшиваются въ водѣ. Требуется узнать вѣсъ  $P_1$  куска серебра. Плотность золота —  $d=19,3$ ; плотность серебра —  $d_1=10,4$ .

**353.** Сосудъ  $A$  наполненъ масломъ и водою; высоты столбовъ этихъ жидкостей одинаковы. Спрашивается, какою плотностью  $d$  должна обладать третья жидкость, чтобы она, наполняя собою сосудъ  $A$ , производила на дно его давленіе, одинаковое съ давлениемъ упомянутыхъ жидкостей. Плотность масла —  $d_1=0,9$ .

**354.** Какой грузъ  $p$  слѣдуетъ положить на чашку вѣсовъ, чтобы уравновѣсить мѣдный шаръ, подвѣшеннаго на тонкой нити къ другой чашкѣ тѣхъ же вѣсовъ и вполнѣ погруженаго въ воду? Диаметръ шара —  $D=3$  сантиметровъ; плотность мѣди —  $d=8,9$ .

**355.** Тѣло плаваетъ въ водѣ, погружаясь въ нее на  $\frac{1}{n}=0,75$  своего объема, равнаго  $v=800$  куб. сантиметрамъ. Требуется определить вѣсъ  $p$  тѣла.

**356.** Данъ кубической формы пустой ящикъ въ  $l=50$  сантиметровъ въ ребрѣ. Одна пара противоположныхъ стѣнокъ его мѣдная, другая желѣзная, третья цинковая. Сколько слѣдуетъ положить въ ящикъ по вѣсу  $P$  олова, чтобы онъ погрузился въ воду на  $\frac{p}{q}=0,6$  своей высоты? Плотности: мѣди —  $d=8,5$ , желѣза —  $d_1=7,8$ , цинка —  $d_2=7,2$ ; толщина каждой стѣнки —  $m=0,5$  см.

**357.** Платиновый шарикъ, подвѣшеннаго къ чашкѣ вѣсовъ и вполнѣ погруженаго въ воду, уравновѣшивается стекляннымъ цилиндромъ, подвѣшеннымъ къ другой чашкѣ вѣсовъ и отчасти погруженнымъ въ ртуть. Требуется узнать, на сколько сантиметровъ  $h$  погружается въ ртуть стеклянный цилиндръ? Плотности: платины —  $d_1=21,5$ ; стекла —  $d_2=2,5$ ; ртути —  $d_3=13,6$ ; радиусы: платинового шарика —  $r=2$  см., цилиндра —  $r_1=5$  см., высота его —  $h=10$  см.

**358.** Смѣшано  $p=60$  граммовъ воды съ  $p_1=31,56$  гр. спирта при комнатной температурѣ; объемъ смѣси, вслѣдствіе сжатія, уменьшился на  $n=3,4$  куб. сантиметровъ. Требуется определить плотность  $d$  смѣси. Плотность спирта —  $d_1=0,789$ .

**359.** Мѣдный цилиндръ, вѣсомъ въ  $p=628$  граммовъ, покрытъ слоемъ серебра въ  $n=1$  сантиметровъ толщины. Требуется определить вѣсъ  $p_1$  затраченаго серебра. Радиусъ поперечнаго сѣченія цилиндра —  $r=2$  см.; плотности: мѣди —  $d=8,9$ , серебра —  $d_1=10,5$ .

**360.** Желѣзный шаръ, плавая въ ртути, вытѣсняетъ ея  $v=100$  куб. см. Требуется определить вѣсъ  $p$  и объемъ  $v_1$  шара. Плотность желѣза —  $d=7,8$ ; плотность ртути —  $d_1=13,6$ .

**361.** Къ концу платинового цилиндра прикрѣплена одинаковою радиуса желѣзный цилиндръ длиною въ  $h=20,5$  см.; составной цилиндръ, опущенный въ ртуть, плаваетъ въ ней вертикально, при чемъ конецъ желѣзного цилиндра выходитъ изъ жидкости на  $m=5$  см. Требуется определить длину  $h_1$  платинового цилиндра. Плотность платины —  $d=21,5$ , желѣза —  $d_1=7,86$ , ртути —  $d_2=13,55$ .

**362.** Серебряная проволока, вѣсомъ въ  $p=1$  граммовъ и диаметромъ въ  $D=10$  миллиметровъ, покрыта слоемъ золота въ  $a=0,1$  мм. толщиною. Определить вѣсъ  $p_1$  потраченаго золота. Плотности: серебра —  $d=10,53$ , золота —  $d_1=19,32$ .

**363.** Въ цилиндрическій сосудъ, содержащий ртуть, опущенъ желѣзный шаръ. Спрашивается, на сколько единицъ  $h$  высоты увеличится первоначальная высота уровня жидкости въ сосудѣ? Внутренний радиусъ цилиндра въ  $r=3$  сантиметровъ вдвое больше радиуса  $r_1$  шара; плотность ртути —  $d=13,6$ , плотность желѣза —  $d_1=7,8$ .

**364.** Полый металлическій шаръ вѣситъ  $p=56,52$  граммовъ; плавая въ водѣ, онъ погружается до половины своего объема. Требуется определить толщину  $n$  стѣнки полаго шара. Плотность металла —  $d=9$ .

**365.** Сплавъ свинца съ оловомъ, вѣсомъ въ  $p=48,2$  гр., занимаетъ объемъ  $v=5$  куб. сантиметровъ. Требуется определить вѣсъ  $p_1$  свинца и  $p_2$  олова въ сплавѣ. Плотности: свинца —  $d=11,4$ , олова —  $d_1=7$ .

**366.**  $P_1$  граммовъ металла  $A$  сплавлено съ  $P_2$  гр. металла  $B$ , при чемъ объемъ сплава уменьшился на  $\frac{1}{n}$  суммы объемовъ обоихъ тѣлъ. Требуется определить плотность  $d$  сплава. Плотности металловъ  $A$  и  $B$  равны  $d_1$  и  $d_2$ .

**367.** Требуется определить вѣсное  $p_1$  содержаніе золота и  $p_2$  серебра въ сплавѣ изъ этихъ металловъ, вѣсящемъ  $p=10$  граммовъ. Плотности: золота —  $d=19,32$ , серебра —  $d_1=10,53$  и сплава —  $d_2=15$ .

**368.** Стеклянная цилиндрическая трубка съ тонкимъ перепончатымъ дномъ погружается въ ртуты на  $h=10$  сантиметровъ высоты, если влить въ нее ртути до уровня ртути въ сосудѣ. Требуется опредѣлить длину  $l$  трубки. Наружный радиусъ трубки— $r=5$  сантиметровъ, внутренний— $r_1=2$ —сантиметровъ; плотности: стекла— $d=2,5$ , ртути— $d_1=13,6$ .

**369.** Цилиндръ, длиною въ  $l=10$  сантиметровъ, вертикально плаваетъ въ водѣ, при чмъ на  $l_1=3$  сантиметровъ своей длины находится въ жидкости. Спрашивается сколько  $l_2$  сантиметровъ тотъ же цилиндръ выйдетъ изъ масла, плотность котораго  $d=0,9$ .

**370.** Въ сплавъ изъ золота и мѣди, вѣсящій  $p=1000$  граммовъ, входитъ  $p_1=772,8$  гр. золота. Требуется опредѣлить плотность  $d$  сплава. Плотности золота— $d_1=19,32$ , мѣди— $d_2=8,92$ .

**371.** Сколько граммовъ  $p$  серебра нужно прибавить къ  $p_1=223$  гр. мѣди, чтобы получить сплавъ плотности  $d=10$ ? Плотности: серебра— $d_1=10,53$ , мѣди— $d_2=8,92$ .

**372.** Желѣзный цилиндръ вертикально плаваетъ въ ртуты. Требуется опредѣлить отношеніе высоты  $h_1$  погруженной части цилиндра къ цѣлой высотѣ его  $h$ . Плотность желѣза— $d=7,8$ , плотность ртути— $d_1=13,6$ .

**373.** Сосудъ наполненъ ртутью, при чмъ давленіе ея на кв. сантиметръ горизонтального дна сосуда равно  $p=272$  граммовъ. Требуется опредѣлить высоту  $h$  уровня жидкости. Плотность ртути— $d=13,6$ .

**374.** Щипочка, купленная за золотую, вѣситъ въ воздухѣ  $p=57$  граммовъ, а въ водѣ  $p_1=52$  гр. Спрашивается, золотая ли она? Плотность золота— $d=19$ .

**375.** Въ сосудѣ цилиндрической формы, стоящей на горизонтальной плоскости, влито  $p=1,70\frac{1}{10}$  килограммовъ ртути. Требуется опредѣлить высоту ртутного столба, если внутренний радиусъ цилиндра— $r=2$  см., а плотность ртути— $d=13,55$ .

**376.** Къ основанию деревянного цилиндра прикрѣпленъ желѣзный цилиндръ одинакового съ первымъ радиусомъ. Спрашивается, какую высоту  $h$  имѣть желѣзный цилиндръ, если составной цилиндръ, плавая вертикально въ водѣ, возвышается своимъ верхнимъ основаніемъ на  $h_1=6,4$  сантиметровъ надъ уровнемъ жидкости. Высота деревянного цилиндра— $h_2=100$  сантиметровъ; плотность дерева— $d=0,8$ ; плотность желѣза— $d_1=7,8$ .

**377.** Цилиндрическій сосудъ, высотою въ  $h=23,6$  сантиметровъ, наполненъ частью водой, частью ртутью; вѣсъ ртути въ  $n=10$  разъ больше вѣса воды. Опредѣлить высоты  $h_1$  и  $h_2$  столбовъ этихъ жидкостей. Плотность ртути— $d=13,6$ .

**378.** Требуется опредѣлить вѣса тѣлъ въ граммахъ:  $p$  воды,  $p_1$  масла и  $p_2$  ртути; каждое изъ нихъ взято въ одинаковомъ объемѣ  $v$  куб. сантиметровъ. Плотность масла— $d$ , ртути— $d_1$ .

**379.** Цилиндрический стержень состоитъ изъ желѣзной и платиновой частей; длина послѣдней части равна  $l=2$  сантиметрамъ. Стержень остается въ равновѣсіи во всякомъ мѣстѣ въ ртуті. Требуется опредѣлить длину  $l_1$  желѣзной части. Плотности: желѣза— $d=7,8$ , платины— $d_1=21,5$ , ртути— $d_2=13,6$ ; радиусъ стержня— $r=1$  сантиметровъ.

**380.** Въ цилиндрической сосудѣ съ водою опущенъ мѣдный шаръ, при чмъ вода въ цилиндрѣ поднялась на  $h=1$  сантиметровъ. Требуется опредѣлить радиусъ  $r_1$  шара и вѣсъ его  $p$ . Радиусъ (внутренний) цилиндра— $r=6$  см.; плотность мѣди— $d=8,9$ .

**381.** Нѣкто можетъ поднять въ водѣ такой величины камень, который вѣситъ въ воздухѣ не больше  $p=120$  килограммовъ. Требуется вычислить, какой предѣльный грузъ  $p_1$  въ состояніи поднять то же лицо при обыкновенныхъ условіяхъ? Плотность камня— $d=2,5$ .

**382.** Дано серебряная проволока, вѣсомъ въ  $p=1,6532$  граммовъ, длиною въ  $l=2$  сантиметровъ. Требуется опредѣлить діаметръ  $D$  проволоки. Плотность серебра— $d=10,53$ .

**383.** Въ стеклянный цилиндръ, содержащий воду, опускаютъ желѣзный шарикъ, при чмъ уровень жидкости поднимается на  $h=\frac{1}{3}$  см. Требуется опредѣлить радиусъ  $r$  желѣзного шарика. Радиусъ (внутренний) цилиндра— $r_1=2$  см.

**384.** Въ цилиндрическую стеклянную трубку налито  $p=16$  граммовъ ртути; высота ея въ трубкѣ— $h=10$  сантиметровъ. Требуется узнать радиусъ  $r$  трубки. Плотность ртути— $d=13,59$ .

**385.** Цилиндрическая трубка, длиною въ  $l=40$  сантиметровъ, наполнена ртутью, при чмъ вѣсъ трубки увеличился на  $p=3,82632$  килограммовъ. Требуется опредѣлить внутренній діаметръ  $D$  трубки. Плотность ртути— $d=13,6$ .

**386.** Можно приготовить золотой листокъ до  $\frac{1}{n}=0,01$  миллиметра толщины. Спрашивается, какой величины поверхность  $s$  можно

покрыть  $p=5,796$  граммами золота упомянутой толщины? Плотность золота— $d=19,32$ .

**387.** Поверхность тѣла покрыта слоемъ золота толщиною въ  $n=0,001$  миллиметровъ, на что истрачено  $p=6,44$  граммовъ золота. Требуется опредѣлить численное значеніе  $s$  поверхности тѣла. Плотность золота— $d=19,32$ .

**388.** Ведро вмѣщаетъ  $p=30$  фунтовъ воды. Требуется выразить объемъ  $v$  ведра въ куб. дециметрахъ. 1 пудъ равенъ  $p_1=16,4$  килограммовъ.

**389.** Сосудъ вмѣщаетъ  $p=40,8$  килограммовъ ртути. Требуется опредѣлить объемъ  $v$  сосуда. Плотность ртути— $d=13,6$ .

**390.** Полый стеклянныи шаръ вѣситъ  $p=3,4$  граммовъ. Спрашивается, какой объемъ должна превосходить ртуть прилитая въ шаръ, чтобы послѣдній погружался въ водѣ? Радиусъ шара  $r=3$  см.; плотность ртути  $d=13,6$ .

**391.** Кусокъ платины въ  $v=2,06$  куб. сантиметровъ и кусокъ свинца, привѣшенныи къ чашкамъ вѣсовъ, взаимно уравновѣшиваются въ водѣ. Спрашивается, какъ велика объемъ  $v_1$  свинца? Плотность платины— $d=21,5$ ; плотность свинца— $d_1=11,3$ .

**392.** На чашкѣ вѣсовъ помѣщенъ сосудъ съ водою, уравновѣшенній соотвѣтственнымъ грузомъ на другой чашкѣ вѣсовъ. Въ воду опускается кусокъ твердаго тѣла и подвѣшивается на нити такъ, чтобы не касался дна сосуда. Для возстановленія нарушенаго равновѣсія вѣсовъ потребовалось къ первоначальному грузу прибавить еще  $p=100$  граммовъ. Опредѣлить объемъ опущенного въ воду тѣла.

**393.** Кусокъ мѣди въ  $p=80,1$  граммовъ вѣситъ въ водѣ  $p_1=70,1$  гр. Спрашивается, содержитъ ли данное тѣло пустоту; если содержитъ, то какъ велика объемъ ея  $v$ ? Плотность мѣди— $d=8,9$ .

**394.** Даны смѣсь двухъ химически не дѣйствующихъ другъ на друга жидкостей; объемъ смѣси равенъ  $v=100$  куб. сантиметровъ. Требуется опредѣлить объемы  $v_1$  и  $v_2$  входящихъ въ смѣсь жидкостей. Плотность смѣси— $d=0,8$ , плотности смѣшиваляемыхъ жидкостей:  $d_1=4,1$  и  $d_2=0,6$ .

**395.** Данъ кусокъ сплава изъ серебра и мѣди въ  $v=100$  куб. сантиметровъ; плотность его равна  $d=9,5$ . Требуется опредѣлить объемы  $v_1$  и  $v_2$  серебра и мѣди, входящихъ въ сплавъ. Плотности: серебра— $d=10,5$ , мѣди— $d_1=8,9$ .

**396.** Желѣзный конусъ плаваетъ въ ртути, въ одномъ случаѣ вершиною внизъ, въ другомъ—вершиною вверхъ. Требуется опредѣлить: какими частями  $h$  и  $h_1$  своей высоты  $H$  погружается онъ въ жидкость какъ въ первомъ, такъ и во второмъ случаѣ. Плотность желѣза— $d$  и плотность ртути— $d_1$ .

**397.** Въ водѣ подвѣшена на нити цилиндръ, при чёмъ ось его направлена вертикально. Спрашивается, съ какою силою  $p$  давить на него жидкость? Радиусъ цилиндра— $r=2$  сантиметровъ, высота его— $h=3$  см.

**398.** Какое усиленіе  $p$  необходимо употребить, чтобы удержать подъ водой парафиновый шаръ вѣсомъ въ  $p_1=471$  граммовъ? Плотность парафина— $d=0,9$ .

\* На чашку вѣсовъ поставлены: стаканъ съ водою и гирька; то и другое уравновѣшены соотвѣтственнымъ грузомъ на другой чашкѣ вѣсовъ. Останутся ли вѣсы въ равновѣсіи, если гирьку переложить въ стаканъ съ водою?

\* Деревянная пластинка своею гладкою поверхностью плотно прижата постороннею силою къ плоскому дну сосуда, содержащаго ртуть. Спрашивается, всплынетъ ли пластинка по устраненіи вѣшняго на нее давленія?

\* Ведро съ водой подымается изъ колодца посредствомъ веревки. Въ какое время чувствуется полное натяженіе ея: когда ведро въ водѣ или когда выйтѣть изъ нея?

## Аэростатика.

а) Давленіе атмосферы. б) Законъ Архимеда. в) Законъ Маріотта. д) Законъ Дальтона. е) Воздушный насосъ и манометръ.

а) **399.** Требуется вычислить давленіе  $P$  атмосферы на площадь въ  $s=1$  кв. дециметровъ при барометрической высотѣ въ  $H=76$  сантиметровъ. Плотность ртути  $d=13,55$ .

**400.** Давленіе атмосферы на площадь въ  $s=2$  кв. сантиметровъ равно  $p=2$  килограммамъ. Требуется опредѣлить высоту  $H$  барометра. Плотность ртути— $13,55$ .

**401.** Высота барометра равна  $H=76$  сантиметрамъ. Требуется вычислить высоту его  $H_1$  на глубинѣ въ  $h=20,596$  метровъ бассейна воды, плотность которой можно принять постоянной и равной  $d=1$ . Плотность ртути  $d_1=13,55$ .

**402.** Давление атмосферы на площадь въ  $n=1$  кв. сантиметровъ равно  $p=1,03$  килограммамъ. Спрашивается, какой высоты  $h$  столбъ воды въ состояніи уравновѣсить это давленіе?

**403.** Опредѣлить давленіе  $P$  на площадь круга, радиусъ котораго въ  $r=5$  сантиметровъ. Высота барометра— $H=76$  см.; плотность ртути— $d=13,55$ .

**404.** Въ теченіе нѣкотораго времени высота барометра увеличилась на  $h=5$  сантиметровъ. Спрашивается, на сколько увеличилось давленіе  $P$  атмосферы на площадь въ  $n=1$  кв. дециметровъ? Плотность ртути— $d=13,55$ .

**405.** Узкая цилиндрическая трубка, длиною въ  $l=50$  сантиметровъ, и открытая съ обоихъ концовъ, погружена вертикально въ ртутную ванну на  $l_1=30$  см. своей длины. Закрывъ верхнее отверстіе трубки, вынимаютъ ее изъ ванны, при чёмъ столбикъ оставшейся ртути имѣеть  $l_2=29,201$  см. высоты. Спрашивается, какъ велико виѣшнее давленіе  $H$  атмосферы?

**406.** Требуется вычислить наибольшую высоту  $h$  поднятія въ всасывающемъ насосѣ жидкости, плотность которой равна  $d=0,68$ , а виѣшнее давленіе— $H=76$  сантиметровъ ртутного столба. Плотность ртути— $d_1=13,6$ .

**407.** Воздухъ, при давленіи въ 760 миллиметровъ ртутного столба и  $0^\circ$ , въ  $n=773,39$  разъ легче воды при  $4^\circ$  С. Требуется опредѣлить вѣсъ  $p$  одного литра воздуха.

**408.** Требуется опредѣлить вѣсъ  $p$  воздуха, взятаго въ объемѣ  $v=10$  куб. метровъ при нормальномъ давленіи (760 мм.) и  $0^\circ$  температурѣ. Плотность воздуха относительно воды равна  $d=0,0012931$ .

b) **409.** Данное тѣло, погруженное въ воду (при  $4^\circ$  С.), уменьшается въ своемъ вѣсѣ на  $p=100$  граммовъ. Требуется опредѣлить, на сколько граммовъ  $p_1$  уменьшится вѣсъ его въ воздухѣ при  $0^\circ$  и 760 мм. барометрическаго давленія. Кубический сантиметръ воздуха вѣситъ 0,001293 граммовъ при  $0^\circ$  и 760 мм. давленія ртутного столба.

**410.** Тѣло, объемъ котораго равенъ  $v=5$  куб. дециметрамъ, вѣситъ въ воздухѣ  $p=7,8$  килограммовъ при  $0^\circ$  и при давленіи въ  $H=76$  сантиметровъ ртутного столба. Требуется опредѣлить вѣсъ  $p_1$  того же тѣла въ пустотѣ. Вѣсъ литра воздуха— $p_2=1,293$  граммовъ при  $0^\circ$  и давленіи въ  $H$  см.

**411.** Къ концамъ коромысла бароскопа привѣшено по шару  $A$  и  $B$ ; объемы этихъ шаровъ:  $v=35$  куб. сантиметровъ и  $v_1=10,5$

куб. см.; вѣса ихъ въ пустотѣ:  $p=20,46$  граммовъ и  $p_1=20,455$  гр. Бароскопъ поставленъ на тарелку воздушного насоса и покрытъ стекляннымъ колпакомъ, содержащимъ воздухъ при давленіи въ  $H=67$  см. ртутного столба. Спрашивается, при какомъ давленіи  $H_1$  вѣсы придутъ въ равновѣсіе? Вѣсъ литра воздуха равенъ  $p_2=1,293$  гр. при нормальному давленіи (760 мм.) и  $0^\circ$ .

**412.** Данное тѣло теряетъ въ воздухѣ  $p=6,465$  граммовъ при  $H=76$  сантиметрахъ барометрическаго давленія и  $0^\circ$ . Спрашивается, сколько граммовъ  $p_1$  потеряетъ то же тѣло въ водородѣ при упомянутыхъ условіяхъ? Плотность водорода  $d=0,0693$ .

**413.** Воздушный шаръ сферической формы наполненъ водородомъ; вѣсъ оболочки шара  $p=6,035$  килограммовъ; вѣсъ кв. метра ея— $p_1=53,388$  граммовъ; вѣсъ куб. метра водорода равенъ  $P_1=0,089578$  килограммамъ; куб. метръ воздуха  $P_2=1,293$  кгр. Требуется опредѣлить подъемную силу  $F$  шара.

c) **414.** Цилиндръ, въ  $v=10$  куб. дециметровъ емкости, наполненъ газомъ при давленіи въ  $H=700$  миллиметровъ ртутного столба. Спрашивается, при какомъ давленіи  $H_1$  та же масса газа займетъ объемъ въ  $v_1=2$  литровъ<sup>1)</sup>?

**415.** Короткое колѣно трубки Маріотта содержитъ  $v=20$  куб. сантиметровъ сухого воздуха, давленіе котораго равно виѣшнему давленію въ  $H=76$  см. ртутного столба. Для сжатія воздуха до  $\frac{1}{n}=0,1$  первоначального объема потребовалось прилить въ длинное колѣно нѣкоторое количество ртути. Спрашивается, какъ велика разность  $h$  высотъ ртутныхъ столбовъ въ Маріоттовой трубкѣ?

**416.** Воздухъ, заключенный въ верхней части стеклянной трубки, вертикально погруженной въ сосудъ съ ртутью, занимаетъ пространство въ  $l=100$  миллиметровъ высоты и обладаетъ давленіемъ, равнымъ виѣшнему въ  $H=760$  мм. ртутного столба. Спрашивается, какой высоты  $h$  достигнетъ ртутный столбъ въ трубкѣ надъ уровнемъ ртути въ сосудѣ, если поднятіемъ ея увеличимъ первоначальную высоту пространства съ воздухомъ до  $l_1=200$  мм.?

**417.** Пустой сосудъ, емкостью въ  $v=10$  литровъ, приведенъ въ сообщеніе съ другимъ сосудомъ, содержащимъ  $v_1=4$  литровъ газа подъ давленіемъ въ  $H=77$  сантиметровъ ртутного столба и при температурѣ  $0^\circ$ . Требуется опредѣлить упругость  $H_1$  газа въ сообщающихся сосудахъ при упомянутой температурѣ  $0^\circ$ .

<sup>1)</sup> Въ этой и послѣдующихъ задачахъ газъ предполагается сухимъ, не содержащимъ водяныхъ паровъ, а температура — постоянной.

**418.** Барометрическая камера содержитъ нѣкоторое количество воздуха; высота ртутного столба барометра при виѣшнемъ давлениі въ 76 сантиметровъ равна  $H_1 = 75$  см., а высота камеры— $l_1 = 12$  см. Когда высота ртутного столба въ барометрѣ достигла до  $H_2 = 76$  см., то высота камеры была равна  $l_2 = 10$  см. Требуется опредѣлить виѣшнее давление воздуха въ послѣднемъ случаѣ.

**419.** Барометрическая трубка, вертикально погруженная въ сосудъ съ ртутью, содержитъ въ верхней части сухой воздухъ; высота пространства, занимаемаго воздухомъ, равна  $h = 6$  сантиметрамъ, высота ртутного столба въ трубкѣ надъ уровнемъ ртути въ сосудѣ равна  $h_1 = 10$  см. при нормальномъ виѣшнемъ давлениі (76 см.). При поднятіи трубки на  $h_2$  см., высота ртутного столба увеличилась до  $h_3 = 15$  см. Требуется опредѣлить численное значеніе  $h_2$ .

**420.** Цилиндръ, въ  $v = 3$  литровъ емкости и  $h = 20$  сантиметровъ высоты, наполненъ газомъ подъ давлениемъ въ  $H_1$  см. ртутного столба. Когда цилиндръ былъ открытъ подъ ртутью, при виѣшнемъ давлениі, равномъ  $H = 75$  см. ртутного столба, то ртуть поднялась въ цилиндрѣ на  $h_1 = 5$  см. Требуется опредѣлить первоначальную упругость  $H_1$  и объемъ  $v_1$  газа при давлениі  $H$ .

**421.** Литръ водорода при давлениі въ  $H = 76$  сантиметровъ ртутного столба и  $0^\circ$  вѣситъ  $p = 0,0896$  граммовъ. Спрашивается, при какомъ давлениі  $H_1$  и  $0^\circ$  литръ водорода вѣситъ  $p_1 = 1$  граммовъ?

**422.** Трубка Маріотта имѣеть вертикальное положеніе и 1 кв. сантиметръ въ сѣченіи. Короткое колѣно ея содержитъ  $v = 15$  куб. см. воздуха подъ виѣшнимъ давлениемъ въ  $H = 76$  см. ртутного столба. Какой объемъ  $v_1$  и какое давление  $H_1$  будетъ имѣть та же масса воздуха въ трубкѣ, если въ длинное колѣно ея влить столбъ ртути высотою въ  $H = 76$  см.?

**423.** Давление воздуха, заключенного въ сосудѣ  $v = 1$  литровъ, равно  $H_1 = 380$  сантиметрамъ ртутного столба. Если удалить изъ сосуда часть воздуха въ количествѣ, занимающемъ  $v_1 = 2$  литровъ при давлениі въ  $H_2 = 7,8$  см. ртутного столба, то спрашивается, какой упругостью  $H_3$  будетъ обладать воздухъ, оставшійся въ сосудѣ?

**424.** Верхняя часть барометрической трубки, вертикально погруженной въ сосудъ съ ртутью, содержитъ столбъ сухого воздуха въ  $h = 10$  миллиметровъ высоты подъ виѣшнимъ давлениемъ въ  $H = 760$  мм. ртутного столба. При нѣкоторомъ поднятіи трубки вы-

сота ртутного столба въ ней надъ уровнемъ ртути въ сосудѣ въ  $n = 14,25$  разъ превосходитъ высоту  $h_1$  части трубки, занимаемой разрѣженнымъ воздухомъ. Требуется опредѣлить высоту  $h_1$ .

**425.** Большая часть барометрической трубки, обращенной открытымъ концомъ вверхъ, наполнена ртутью; остальная часть, въ  $h = 20$  сантиметровъ высоты, содержитъ сухой воздухъ подъ давлениемъ, равнымъ виѣшнему давлению  $H$ . Когда сухой воздухъ въ трубкѣ былъ переведенъ къ запаянному концу ея, а другой конецъ погруженъ затѣмъ въ ртуть, то уровень ея былъ въ трубкѣ на  $h_2 = 25$  сантиметровъ выше уровня въ сосудѣ; высота же верхней части трубки, наполненной воздухомъ, была равна  $h_1 = 30$  см. Спрашивается, какъ велика высота  $H$  барометра?

**d) 426.** Объемъ воздуха въ  $v = 100$  литровъ содержитъ:  $v_1 = 80$  литровъ азота и  $v_2 = 20$  литровъ кислорода при нѣкоторой температурѣ и давлениі въ  $H = 76$  сантиметровъ ртутного столба. Спрашивается, какими упругостями  $H_1$  и  $H_2$  обладаетъ каждый изъ упомянутыхъ газовъ?

**427.** Въ сосудѣ въ  $v = 4$  литровъ вмѣстимости введено  $v_1 = 3$  литровъ водорода при давлениі въ  $H_1 = 4$  атмосферъ;  $v_2 = 8$  литровъ углекислого газа при давлениі въ  $H_2 = 2$  атмосферъ и  $v_3 = 2$  литровъ азота при давлениі въ  $H_3 = 6$  атмосферъ. Требуется опредѣлить давление  $H_4$  смѣси газовъ.

**428.** Сосудъ *A* содержитъ кислородъ, упругость котораго равна давлению въ  $H_1 = 76$  миллиметровъ ртутного столба; въ сосудѣ *A* введено столько водорода, что упругость смѣси газовъ поднялась до  $H = 760$  мм. ртутного столба. Посредствомъ разрѣженія упругость смѣси газовъ доведена до первоначальной упругости кислорода (76 мм.). Требуется опредѣлить упругости:  $H_2$  и  $H_3$  кислорода и водорода послѣ разрѣженія.

**429.** Одинъ изъ двухъ сосудовъ содержитъ  $v = 5$  литровъ кислорода подъ давлениемъ въ  $H = 130$  сантиметровъ ртутного столба; другой сосудъ заключаетъ  $v_1 = 8$  литровъ водорода подъ давлениемъ въ  $H_1 = 52$  см. Спрашивается, какую упругость  $H_2$  имѣть смѣсь этихъ газовъ послѣ сообщенія сосудовъ между собою?

**e) 430.** Подъ колоколомъ разрѣжающаго насоса содержитъ воздухъ, упругость котораго равна виѣшнему давлению въ  $H$  сантиметровъ ртутного столба. Послѣ  $n = 10$  ходовъ поршня упругость

воздуха подъ колоколомъ уменьшилась до  $H_1 = 5,5$  см. Требуется определить виѣшнее давление  $H$ . Емкость колокола—100 куб. см.; емкость цилиндра насоса —  $v_1 = 30$  куб. см.

**431.** Стеклянный шаръ, соединенный съ разрѣжающимъ насосомъ, содержитъ воздухъ при давлениі въ  $H = 77$  сантиметровъ ртутного столба; послѣ одного хода поршня насоса упругость воздуха въ шарѣ уменьшилась до  $H_1 = 70$  см. Требуется определить емкость  $v$  шара. Емкость свободного пространства цилиндра насоса —  $v_1 = 100$  куб. см.

**432.** Воздухъ подъ колоколомъ разрѣжающаго насоса занимаетъ  $v = 1000$  куб. сантиметровъ подъ давлениемъ въ  $H = 70$  см. ртутного столба; емкость цилиндра равна  $v = 100$  куб. см. Требуется узнать, послѣ какого числа  $m$  ходовъ поршня упругость воздуха подъ колоколомъ насоса достигнетъ  $\frac{1}{n} = \frac{1}{7}$  доли первоначального давления?

**433.** Упругость воздуха, заключенного подъ колоколомъ сгустительного насоса, равна  $H = 760$  миллиметрамъ ртутного столба; воздухъ-же въ манометрѣ занимаетъ  $v = 100$  куб. мм. Послѣ нѣсколькихъ ходовъ поршня объемъ воздуха въ манометрѣ уменьшился до  $v_1 = 10$  куб. мм., а высота ртути въ немъ поднялась на  $h = 38$  мм. Требуется определить упругость воздуха  $H_1$  подъ колоколомъ.

**434.** Трубка манометра сгустительного насоса содержитъ столбъ воздуха высоюю въ  $l = 30$  сантиметровъ и подъ давлениемъ въ  $H = 76$  см. ртутного столба; высота уровня ртути въ трубкѣ обозначена чертою съ цифрою 1. Другія черты съ цифрами: 2, 3, 4, ...,  $n$ , нанесенная на трубкѣ, обозначаютъ высоты уровня ртути при виѣшнемъ давлениі въ 2, 3, 4... $n$  атмосферъ. Требуется определить разстоянія:  $l_2, l_3, l_4, \dots, l_n$  между низшею чертою съ цифрою 1 и каждою послѣдующею чертою.

**435.** Ртуть въ обоихъ колѣнахъ сифоннаго манометра съ сухимъ воздухомъ находится на одинаковой высотѣ при атмосферномъ давлениі въ  $H = 760$  миллиметровъ ртутного столба, при чёмъ воздухъ въ закрытомъ колѣнѣ занимаетъ  $l = 100$  миллиметровъ длины трубки. Какую высоту  $h$  имѣть ртутный столбикъ въ закрытомъ колѣнѣ подъ давлениемъ въ  $n = 2$  атмосферь?

**436.** Подъ колоколомъ сгустительного насоса содержитсѧ воздухъ при давлениі въ  $H = 760$  миллиметровъ ртутного столба. Требуется определить упругость  $H_1$  газа послѣ  $n = 10$  ходовъ поршня.

Емкость колокола въ  $v = 8$  литровъ, емкость свободного пространства цилиндра насоса —  $v_1 = 0,8$  литра.

**437.** Колоколь и цилиндръ сгустительного насоса вмѣщаются: первый —  $v_1 = 1000$ , а второй —  $v = 100$  куб. сантиметровъ воздуха подъ давлениемъ въ  $H = 76$  см. ртутного столба. Требуется определить упругость  $H_1$  воздуха подъ колоколомъ послѣ  $n = 10$  ходовъ поршня.

### Задачи для решенія.

**438.** Въ данномъ ртутномъ барометрѣ ртуть содержитъ  $n^{\circ}/o = 10^{\circ}/o$  олова. Спрашивается: а) какъ велика высота  $H_1$  такого барометра при виѣшнемъ давлениі атмосферы въ  $H = 760$  миллиметровъ ртутного столба и б) какъ велика плотность  $d_2$  ртутного раствора? Плотность ртути —  $d_1 = 13,55$ ; плотность олова —  $d = 7$ .

**439.** Весь воздуха въ  $v = 1$  литровъ равенъ  $p = 1,293$  граммамъ при  $0^{\circ}$  и давлениі въ  $H = 76$  сантиметровъ ртутного столба. Спрашивается, сколько граммовъ  $p_1$  вѣситъ  $v$  литровъ воздуха при  $0^{\circ}$  и давлениі  $H_1 = 152$  см. ртутного столба?

**440.** Воздухъ въ манометрѣ сгущающаго насоса занимаетъ  $v = 100$  равныхъ по объему частей при давлениі въ  $H = 76$  сантиметровъ ртутного столба. Послѣ нѣсколькихъ ходовъ поршня объемъ воздуха уменьшился до  $v_1 = 25$  по объему частей, при чёмъ высота ртути въ манометрѣ поднялась на  $h = 30$  см. Требуется определить отношеніе между начальнымъ давлениемъ  $H$  воздуха въ прѣмникѣ и окончательнымъ  $H_1$ .

**441.** При виѣшнемъ давлениі въ  $H = 760$  миллиметровъ ртутного столба сухой воздухъ въ барометрической трубкѣ, вертикально погруженной открытымъ концомъ въ сосудъ со ртутью, занимаетъ пространство въ  $h = 10$  сантиметровъ высоты; высота же столба ртути въ трубкѣ надъ уровнемъ ртути въ сосудѣ равна  $H_1 = 5$  см. Спрашивается, какъ велико численное значеніе высоты  $H_2$  столба ртути, если поднятіемъ трубки увеличить въ  $n = 3$  разъ высоту пространства, занятаго воздухомъ?

**442.** Отверстіе цилиндра затянуто перепонкой, разрывающейся при разрѣженіи въ немъ воздуха до  $h = 3$  миллиметровъ ртутного столба. Спрашивается, какъ велико въ этомъ случаѣ виѣшнее давленіе  $P$  воздуха на перепонку, если внутренній радиусъ цилиндра равенъ  $r = 10$  сантиметрамъ, плотность ртути —  $d = 13,6$ ; высота барометра  $H = 760$  мм.

**443.** Кусокъ серебра уровновѣшиваются на точныхъ вѣсахъ латунной гирькой въ  $p = 463,2681$  граммовъ. Требуется опредѣлить вѣсъ  $p_1$  куска серебра въ пустотѣ. Плотность латуни  $d = 8,8$ , серебра  $d_1 = 10,53$ . Вѣсъ куб. сантиметра воздуха— $p_2 = 0,001293$ .

**444.** Сосудъ, въ  $v = 5$  литровъ емкости, содержитъ газъ подъ давленіемъ въ  $H = 15$  атмосферъ; изъ сосуда выпущено количество газа, занимающаго  $v_1 = 1$  литровъ при давленіи въ  $H_1 = 76$  сантиметровъ ртутнаго столба. Требуется опредѣлить упругость  $H_2$  оставшагося въ сосудѣ газа.

**445.** Съ нагнетательнымъ насосомъ соединенъ шаръ, наполненный воздухомъ подъ давленіемъ въ  $H = 76$  сантиметровъ ртутнаго столба. Внутренніе радиусы: шара— $r = 5$  см., цилиндра насоса— $r_1 = 2$  см.; высота свободного пространства въ цилиндрѣ— $h = 20$  см. Спрашивается, послѣ какого числа  $n$  ходовъ поршня упругость воздуха въ шарѣ достигаетъ  $m = 4$  атмосферъ?

**446.** Высота барометра при  $0^\circ$  равна  $H = 760$  миллиметровъ ртутнаго столба. Когда было введено въ барометрическую камеру нѣкоторое количество воздуха при  $0^\circ$ , то уровень ртути въ барометрѣ понизился до  $h = 190$  мм. Требуется опредѣлить давленіе  $H_1$  введенаго воздуха.

**447.** Тѣло вѣситъ въ воздухѣ  $p = 50,293$  граммовъ при барометрическомъ давленіи  $H$  и  $0^\circ$ , а въ пустотѣ вѣситъ  $p_1 = 49$  граммовъ. Спрашивается, сколько будетъ вѣсить  $p_2$  то же тѣло при упомянутыхъ условіяхъ въ углекисломъ газѣ? Плотность этого газа— $d = 1,529$ .

**448.** Въ барометрической камерѣ содержитъся нѣкоторая масса  $m$  воздуха, при чёмъ высота барометра равна  $H_1 = 500$  миллиметрамъ. Если въ барометрическую камеру ввести массу воздуха, равную  $m$ , то первоначальная высота  $h = 130$  мм. камеры увеличится вдвое; первоначальная же высота ртутнаго столба барометра уменьшится на  $h$  мм. Требуется опредѣлить атмосферное давленіе  $H$ , остававшееся во время опыта постояннымъ.

**449.** Сосудъ, снабженный краномъ, содержитъ воздухъ подъ давленіемъ въ  $h$  миллиметровъ ртутнаго столба. Въ сосудѣ вводятъ водородъ, при чёмъ давленіе смѣси газовъ равно  $H = 760$  мм. Разрѣдивъ эту смѣсь до первоначальнаго давленія  $h$  мм., снова вводятъ водородъ, пока давленіе смѣси не сдѣлается равнымъ  $H = 760$  мм. Если вѣсъ водорода въ сосудѣ въ  $m = 500$  разъ превосходитъ вѣсъ

воздуха, то спрашивается, чemu равняется упругость  $h$  газовъ? Плотность водорода относительно воздуха— $d = 0,0693$ .

**450.** Шаръ, въ  $v = 10$  литровъ емкости, содержитъ воздухъ; давленіе его— $H_1 = 30$  сантиметровъ ртутнаго столба. Въ шарѣ введенъ углекислый газъ, при чёмъ давленіе смѣси газовъ— $H_2 = 78$  см. Требуется опредѣлить общій вѣсъ  $p$  газовъ въ шарѣ. Плотность углекислаго газа— $d = 1,529$ ; вѣсъ литра воздуха— $p_1 = 1,293$  граммовъ при  $0^\circ$  и нормальному давленіи въ  $H = 76$  см. ртутнаго столба.

**451.** Резиновый шаръ въ  $v = 5$  литровъ емкости и наполненный воздухомъ плаваетъ въ смѣси газовъ изъ воздуха и углекислоты. Спрашивается, въ какомъ объемномъ отношеніи  $\frac{v_1}{v_2}$  смѣшаны эти тѣла? Литръ воздуха вѣситъ  $p_1 = 1,293$  граммовъ, литръ углекислоты  $p_2 = 1,94$  гр.; вѣсъ оболочки шара— $p = 0,5$  гр.

**452.** Въ верхней закрытой части барометрической трубки, опущенной открытымъ концомъ въ ртутную ванну, содержится сухой воздухъ въ объемѣ  $v = 10$  куб. сантиметровъ и обладаетъ упругостью, равною барометрическому давленію въ  $H$  см. ртутнаго столба. При нѣкоторомъ поднятіи трубки первоначальный объемъ воздуха въ ней увеличился до  $v_1 = 20$  куб. см., а высота ртутнаго столба въ трубкѣ—до  $h = 37,5$  см. надъ уровнемъ ртути въ ваниѣ. Требуется опредѣлить величину барометрическаго давленія  $H$ .

**453.** Емкость колокола разрѣщающаго насоса равна  $v = 10$ , а свободного пространства цилиндра его— $v_1 = 2$  куб. дециметрамъ. Подъ колоколъ положено тѣло и сдѣлано  $n = 2$  ходовъ поршня, при чёмъ первоначальное давленіе воздуха въ колоколѣ, равное  $H = 64$  сантиметрамъ ртутнаго столба, упало до  $H_1 = 36$  см. Какъ великъ объемъ  $v_2$  положеннаго тѣла, если не принимать въ разсчетъ вреднаго пространства?

**454.** Къ чашкѣ вѣсовъ подвѣшена барометрическая трубка съ ртутью; нижній конецъ (цилиндрической формы) трубки погруженъ на  $h = 5$  сантиметровъ въ чашку съ ртутью. Какимъ грузомъ  $P$ , положеннымъ на другую чашку вѣсовъ, можно уравновѣсить подвѣшенную барометрическую трубку? Плотность стекла— $d = 2,5$ , ртути— $d_1 = 13,55$ ; длина всей барометрической трубки— $l = 105$  сантиметровъ; наружный діаметръ сѣченія ея— $D = 2,2$ , внутренній— $D_1 = 2$  см. Высота барометра— $H = 76$  см.

**455.** Резиновый шаръ, въ  $n = 1,5$  литровъ вмѣстимости, наполненъ сухимъ воздухомъ при  $H = 76$  см. барометрическаго давленія и по-

груженъ въ сосудъ съ углекислымъ газомъ. Спрашивается, на какую часть своего объема  $v$  погрузится шаръ въ этотъ газъ при равновѣсіи въ немъ? Вѣсь оболочки шара  $P = 0,5$  граммовъ, вѣсь литра воздуха  $d = 1,293$  граммовъ; вѣсь литра углекислоты  $d_1 = 1,94$  граммовъ.

**456.** Барометрическая трубка, вертикально опущенная открытый концомъ въ сосудъ съ ртутью, содержитъ: а) сухой воздухъ, занимающій пространство въ  $l = 10$  сантиметровъ высоты при внѣшнемъ давленіи въ  $H = 76$  см. ртутнаго столба, и б) столбъ ртути въ  $h = 70$  см. надъ уровнемъ ртути въ сосудѣ. Спрашивается, какія численныя значения  $l_1$  и  $h_1$  примутъ величины  $l$  и  $h$ , если приподнять трубку на  $n = 20$  сантиметровъ?

**457.** Подъ колоколомъ разрѣжающаго насоса содержится  $v = 10$  литровъ воздуха, упругость котораго равна  $H = 760$  миллиметровъ ртутнаго столба. Требуется определить вѣсь  $p$  воздуха подъ колоколомъ послѣ  $n = 10$  качаний поршия. Емкость поршиневого цилиндра  $v_1 = 4$  куб. дециметровъ; вѣсь литра воздуха при  $0^\circ$  и  $H = 760$  мм. барометрическаго давленія равенъ  $p_1 = 1,293$  граммамъ.

**458.** Внутренній діаметръ длиннаго колѣна вертикально установленнаго сифоннаго барометра равенъ  $D_1 = 2$  сантиметрамъ, короткаго —  $D = 5$  см.; барометрическая высота —  $H = 760$  миллиметровъ. Спрашивается, на сколько  $h$  миллиметровъ подымется уровень ртути въ короткомъ колѣнѣ, если въ длинномъ колѣнѣ уровень ртути опустится до  $H_1 = 740$  миллиметровъ?

**459.** взято по  $v = 1$  куб. метровъ водорода и воздуха при нормальному давленіи въ  $H = 76$  сантиметровъ ртутнаго столба. Спрашивается: а) при какомъ давленіи  $H_1$  вѣсь  $v$  литровъ водорода будетъ равенъ вѣсу  $v$  литровъ воздуха, взятаго при нормальному давленіи и б) до какого объема  $v_1$  необходимо сжать  $v = 1$  литровъ водорода, взятаго при нормальному давленіи, чтобы вѣсь сжатаго водорода былъ равенъ вѣсу одинакового объема воздуха при нормальному давленіи? Плотность водорода относительно воздуха —  $d = 0,0693$ ; вѣсь литра воздуха —  $p = 1,293$  граммовъ при нормальному давленіи  $H$  и  $0^\circ$ .

**460.** Подъ колоколомъ нагнетательного воздушнаго насоса содержится масса  $m$  воздуха при давленіи въ  $H = 76$  сантиметровъ ртутнаго столба, при чёмъ воздухъ въ манометрѣ занимаетъ  $s = 100$  равныхъ дѣленій по объему. Послѣ нѣсколькихъ ходовъ поршия

масса воздуха подъ колоколомъ увеличилась до  $m_1$ ; объемъ воздуха въ манометрѣ уменьшился до  $k = 10$  дѣленій, ртуть въ манометрѣ поднялась на  $h = 50$  см. Требуется определить отношеніе массъ  $m_1 : m$ .

**461.** При барометрической высотѣ въ  $H = 76$  сантиметровъ давленіе атмосферы на площадь въ  $s = 1$  квадр. сантиметровъ равно  $p = 1,0334$  килограммамъ. При какой высотѣ барометра  $H_1$  давленіе атмосферы на ту же поверхность будетъ равно  $\frac{1}{n} = \frac{1}{4}$  части  $p$ ?

**462.** Резиновый шаръ, емкостью въ  $v_2 = 2$  литровъ и наполненный воздухомъ, вѣситъ вмѣстѣ съ оболочкою  $P = 3$  граммовъ. Спрашивается, въ какомъ объемномъ отношеніи  $v : v_1$  надлежитъ смѣшать сухой воздухъ и углекислый газъ, чтобы погруженный въ нее шаръ находился въ равновѣсіи? Литръ воздуха вѣситъ  $d = 1,293$ , углекислоты  $d_1 = 1,94$  граммовъ (при  $0^\circ$  и давленіи въ 760 мм.).

**463.** Стеклянныи цилиндръ  $h = 30$  сантиметровъ высоты содержитъ разрѣженный газъ; если открыть цилиндръ подъ водою, при внѣшнемъ давленіи въ  $H = 76$  сантиметровъ ртутнаго столба, то вода поднимается въ цилиндрѣ на  $h_1 = 13,55$  сантиметровъ высоты. Требуется определить первоначальную упругость  $H_1$  разрѣженнаго воздуха. Плотность ртути —  $d = 13,55$ ; упругостью водяныхъ паровъ можно пренебречь.

**464.** Верхняя часть барометрической трубки, вертикально опущенной въ ртутную ванну въ  $l = 100$  сантиметровъ высоты, занята сухимъ воздухомъ; высота же ртути въ трубкѣ надъ уровнемъ ртути въ ваннѣ равна  $H_1 = 700$  миллиметрамъ. Если приподнять трубку на столько, что высота верхней части, занятой воздухомъ, увеличится до  $l_1 = 120$  миллиметровъ, то высота ртути въ трубкѣ возрастеть до  $H_2 = 710$  миллиметровъ. Спрашивается, какъ велико давленіе  $H$  барометра?

**465.**  $V = 10$  литровъ воздуха, при  $0^\circ$  и давленіи въ  $H = 76$  сантиметровъ ртутнаго столба, вѣситъ  $p = 12,93$  граммовъ. Сколько граммовъ  $p_1$  вѣситъ  $v_1 = 3$  литровъ при  $0^\circ$  и давленіи въ  $H_1 = 30$  сантиметровъ?

**466.** Кислородъ и азотъ воздуха занимаютъ каждый въ отдельности по  $V = 100$  куб. сантиметровъ; давленіе первого —  $H_1 = 160$ , а послѣдняго —  $H_2 = 600$  миллиметровъ ртутнаго столба. Найти от-

напиеніе объемовъ  $V_1$  и  $V_2$  упомянутыхъ газовъ при давленіи въ  $H=760$  миллиметровъ.

**467.** Цилиндрическій сосудъ, высотою въ  $h=60$  сантиметровъ, до половины наполненъ ртутью; оставшее пространство его занято воздухомъ подъ давленіемъ въ  $H=76$  см. ртутного столба. Сосудъ герметически закрытъ крышкою, чрезъ которую проходитъ одно изъ равныхъ колѣнь сифона; конецъ другого, виѣшняго колѣна находится въ одной горизонтальной плоскости съ дномъ цилиндра. Сифонъ предварительно наполненъ ртутью. Требуется опредѣлить: а) упругость  $H_1$  воздуха въ цилиндрѣ по прекращеніи истеченія жидкости и б) пониженіе  $h_1$  ея въ сосудѣ.

**468.** Сосудъ въ  $v=10$  литровъ содержитъ воздухъ при давленіи въ  $H=76$  сантиметровъ ртутного столба. Спрашивается, сколько по вѣсу  $p$  необходимо удалить изъ сосуда воздуха, чтобы упругость оставшагося составляла  $\frac{1}{n}$  (0,1) первоначальной упругости газа. Литръ воздуха вѣситъ  $p_1=1,293$  граммовъ при нормальномъ давленіи (760 мм. и  $0^\circ$ ).

**469.** Сосудъ въ  $v=10$  литровъ емкости заключаетъ воздухъ при давленіи въ  $H=76$  сантиметровъ ртутного столба; посредствомъ разрѣженія понижаютъ упругость газа до  $H_1=19$  см. Спрашивается, сколько по вѣсу  $p$  осталось его въ сосудѣ и сколько  $p_1$  удалено? Литръ воздуха вѣситъ  $q=1,293$  граммовъ при нормальномъ давленіи (76 см. и  $0^\circ$ ).

**470.** Воздухъ въ сосудѣ, снабженномъ краномъ, обладаетъ упругостью въ  $H=760$  миллиметровъ ртутного столба; уменьшивъ посредствомъ разрѣженія упругость воздуха до  $H_1=76$  миллиметровъ, впускаютъ въ сосудъ кислородъ до возстановленія первоначального давленія. Требуется опредѣлить вѣсъ  $p$  введенного кислорода. Емкость сосуда равна  $v=1$  литровъ; литръ воздуха вѣситъ  $p_1=1,293$  граммовъ (при 76 см. давленіи и  $0^\circ$ ); плотность кислорода— $d=-1,1056$  (при  $0^\circ$  и 760 мм. давленія).

**471.** Воздухъ въ манометрѣ нагнетательного насоса занимаетъ объемъ въ  $v=30$  куб. сантиметровъ при виѣшнемъ давленіи въ  $H_1=78$  см. ртутного столба. Послѣ  $n$  ходовъ поршня воздухъ въ манометрѣ занимаетъ  $v_1=3$  куб. см., при чёмъ высота столбика ртути въ немъ поднялась на  $h=10$  см. Объемъ колокола насоса равенъ  $v_2=6$  литрамъ; температура же во время опыта постоянна и равна  $0^\circ$ . Требуется опредѣлить, какое по вѣсу количество  $p$  воз-

духа введено подъ колоколь. Вѣсъ 1 литра воздуха при  $0^\circ$  и 76 см. давленія равенъ  $p_1=1,293$  граммамъ.

**472.** Стеклянный цилиндрической формы колоколь, въ  $h=20$  сантиметровъ высоты, въ  $r=5$  см. внутренняго радиуса и наполненный ртутью, вертикально погруженъ въ сосудъ съ ртутью. Спрашивается, какое усиление  $P$  нужно употребить, чтобы поднять колоколь при барометрическомъ давленіи въ  $H=76$  см. ртутного столба? Плотность ртути— $d=13,55$ ; вѣсъ колокола равенъ  $p_1=100$  гр.

**473.** Магдебургскія полушарія соединены непосредственно съ цилиндромъ разрѣжающаго воздушного насоса. Радиусъ полушарія— $r=5$  сантиметровъ; объемъ свободного пространства цилиндра насоса равенъ  $v=100$  куб. см. Спрашивается, какъ велико разрѣженіе  $H_1$  и какую силу  $P$  нужно употребить для разнятія полушарій послѣ  $n=10$  ходовъ поршня? Виѣшнее давленіе атмосферы— $H=76$  см.; плотность ртути  $d=13,6$ .

**474.** Цилиндрическая пипетка, длиною въ  $l=50$  сантиметровъ, погружена однимъ концомъ въ ртуть на глубину въ  $h=20$  см.; закрывъ верхнее отверстіе пипетки, вынимаютъ ее изъ ртути, при чёмъ некоторое количество послѣдней вытекаетъ изъ нижняго, весьма узкаго отверстія прибора. Спрашивается, какую часть длины  $l_1$  пипетки занимаетъ въ ней воздухъ по окончаніи истеченія жидкости при виѣшнемъ давленіи въ 760 мм.?

**475.** Короткое колѣно сифоннаго барометра погружено въ провансіе масло, при чёмъ ртуть въ длинномъ колѣнѣ повысилась на  $h=20$  миллиметровъ. Требуется вычислить высоту  $h_1$  масла надъ поверхностью ртути въ короткомъ колѣнѣ. Плотность ртути  $d_1=13,6$ ; плотность масла  $d=0,915$ .

**476.** Давленіе воздуха подъ колоколомъ воздушного насоса равно  $H_1=6$  сантиметрамъ ртутного столба. Какое усиление  $P$  необходимо употребить для поднятія поршня, если радиусъ его— $r=2$  сантиметровъ, плотность ртути— $d=13,6$ , наружное давленіе— $H=76$  сантиметровъ ртутного столба. Треніемъ поршня можно пренебречь.

**477.** Литръ воздуха вѣситъ  $p=1,293$  граммовъ при давленіи въ  $H=760$  миллиметровъ ртутного столба и температурѣ  $0^\circ$ ; отношение между плотностями воздуха и кислорода равно:  $\frac{d}{d_1}=\frac{1}{1,1056}$ . Спрашивается, при какомъ давленіи  $H_1$  и той же температурѣ  $0^\circ$  литръ кислорода вѣситъ упомянутое число  $p$  граммовъ?

**478.** Какія усилія  $P$  и  $P_1$  надо употребить для разнятія Магдебургскихъ полушарій, если въ одномъ случаѣ шаръ пустой, а въ другомъ случаѣ содергитъ газъ, упругость котораго  $H_1 = 60$  миллиметровъ ртутнаго столба? Радиусъ (внѣшній) полушарія  $r = 10$  см.; плотность ртути  $d = 13,6$ , высота барометра  $H = 760$  мм.

**479.** Емкость колокола разрѣжающаго насоса вмѣстѣ съ сообщающейся съ нимъ вертикальной трубкой равна  $v = 5$  литрамъ; свободный нижній конецъ трубки погруженъ въ сосудъ съ ртутью. Высота ртути въ трубкѣ—0 сантиметровъ. Послѣ некотораго числа ходовъ поршня ртуть поднялась въ трубкѣ на  $H_1 = 66$  см. Требуется опредѣлить вѣсъ  $p$  удаленнаго изъ колокола воздуха. Внѣшнее давленіе равно  $H = 76$  см. ртутнаго столба; вѣсъ литра воздуха  $p_1 = 1,293$  граммовъ при нормальномъ давленіи (76 см.); температура во все время опыта постоянна и равна  $0^\circ$ .

**480.** Поперечное сѣченіе вертикально установленной трубки Мариotta равно 1 кв. сантиметру. Короткое колѣно ея содержитъ  $v = 12$  куб. см. сухого воздуха подъ давленіемъ въ  $H = 76$  см. ртутнаго столба. Въ длинное колѣно трубки влито  $v_1 = 160$  куб. см. ртути. Спрашивается, какъ велика объемъ  $v$  сжатаго воздуха въ короткомъ колѣнѣ?

**481.** Чему равно отношеніе между высотами  $H_1$  и  $H_2$  водяного и спиртового барометровъ, если высота ртутнаго барометра равна  $H = 760$  миллиметрамъ? Плотности: спирта  $d_1 = 0,81$ , ртути  $d_2 = 13,5$ ; упругости: паровъ воды  $p_1 = 1,7$ , спирта  $p_2 = 4$  сантиметровъ ртутнаго столба.

**482.** Объемъ воздуха въ манометрѣ нагнетательного насоса равенъ  $v = 200$  куб. миллиметрамъ при внѣшнемъ давленіи въ  $H = 760$  мм. ртутнаго столба; послѣ нѣсколькихъ ходовъ поршня упомянутый объемъ уменьшился до  $v_1 = 50$  куб. мм.; а ртуть въ манометрической трубкѣ поднялась на  $h = 40$  мм. Спрашивается, во сколько разъ  $n$  увеличилось количество воздуха подъ колоколомъ машины?

**483.** Первоначальная высота камеры съ воздухомъ въ барометрической трубкѣ, вертикально опущенной въ сосудъ со ртутью, равна  $l = 20$  сантиметрамъ; высота столба ртути въ трубкѣ  $-h = 25$  см. при нормальномъ внѣшнемъ давленіи (760 мм.). Спрашивается, какъ велика высота  $h_1$  ртутнаго столба въ трубкѣ, если приподнять ее на  $l_1 = 30$  см.?

**484.** Упругость разрѣженного азота, заключенного въ сосудѣ, равна  $H_1$  миллиметрамъ ртутнаго столба; въ сосудѣ впускаютъ во-

дородъ и доводятъ упругость смѣси газовъ до давленія въ  $H = 760$  мм. Требуется опредѣлить давленіе  $H_1$ . Плотности: азота  $d = 0,9718$ , водорода  $d_1 = 0,0693$  (при давленіи въ 760 мм. и  $0^\circ$ ); отношеніе между вѣсомъ азота и водорода въ смѣси  $\frac{1}{n} = 0,01$ .

**485.** Емкость цилиндра разрѣжающаго воздушнаго насоса равна  $v = 100$  куб. сантиметрамъ; емкость колокола вмѣстѣ съ трубкой, соединяющей его съ насосомъ, равна  $v_1 = 900$  куб. см. Спрашивается, какъ велика плотность  $d$  воздуха подъ колоколомъ послѣ  $n = 10$  ходовъ поршня?

\* Желѣзный шарикъ плаваетъ въ сосудѣ съ ртутью при данномъ давленіи атмосферы. Увеличится или уменьшится погруженная часть шарика, если помѣстить сосудъ въ пустотѣ?

\* Мѣдный шарикъ уравновѣшивается на точныхъ вѣсахъ въ одномъ случаѣ платиновымъ шарикомъ, а въ другомъ случаѣ деревяннымъ. Будутъ ли эти шарики, платиновый и деревянный, уравновѣшивать другъ друга на вѣсахъ?

### Теплота.

- a) Термометрія; b) калориметрія, теплоемкость; c) тепловое расширение;
- d) законъ Мариотта и Гей-Люссака; e) скрытая теплота; f) упругость паровъ и законъ Дальтона; g) влажность.

a) **486.** Средняя температура самаго теплаго мѣсяца въ Якутскѣ равна  $t = 17^\circ,4$ , а самаго холоднаго  $-t_1 = 40^\circ,8$  по Цельзію. Спрашивается, какими числами градусовъ  $t_2^\circ$  и  $t_3^\circ$  выразятся упомянутыя среднія температуры по термометру Реомюра R и термометру Фаренгейта F?

**487.** Въ Вашингтонѣ средняя температура Января равна  $t^0 = 32^\circ,7$  по Фаренгейту, а Июля  $t_1^0 = 75^\circ,4$  по F. Спрашивается, какія показанія  $t_2^\circ$   $t_3^\circ$  дадутъ въ этомъ случаѣ термометры Цельзія и Реомюра?

**488.** Въ Петербургѣ средняя температура Января:  $-t^0 = -9^\circ,4$  по Цельзію, Июля:  $t^0 = 17^\circ,8$  Ц. Требуется выразить эти температуры по шкалѣ Реомюра и шкалѣ Фаренгейта.

**489.** Самая низкая температура на земной поверхности наблюдалась въ Верхоянскѣ и равнялась  $-t^0 = -76^\circ$  по Цельзію (воздушный термометръ); наивысшая же температура наблюдалась въ Са-

харѣ и достигала  $t_1 = 67^{\circ}5$  по Цельзію. Спрашивается, какія числа градусовъ  $t_2$   $t_3$  въ данныхъ случаяхъ показалъ бы термометръ Фаренгейта?

**490.** Въ Сингапурѣ средняя температура самого теплого мѣсяца равна  $t_1 = 27^{\circ}6$  С. и самого холоднаго  $t_2 = 26^{\circ}9$  С. Требуется выразить эти температуры въ градусахъ  $t_3$  и  $t_4$  Реомюра.

**491.** Какая температура  $t$  выражается однимъ и тѣмъ же числомъ градусовъ по Цельзію и Фаренгейту?

**492.** Температура воды при наибольшей плотности ея равна  $t = 4^{\circ}$  С. Требуется выразить эту температуру въ градусахъ  $t_1$  Реомюра и  $t_2$  Фаренгейта.

**b) 493.** Въ сосудѣ налито  $m_1$  литровъ воды при  $t_1 = 90^{\circ}$  С. и  $m_2$  литровъ при  $t_2 = 15^{\circ}$ , при чёмъ общая температура равна  $T = 35^{\circ}$  С. Спрашивается, въ какомъ отношеніи находятся налитыя массы воды?

**494.** Въ сосудѣ налито  $m_1 = 80$  литровъ воды при  $t_1 = 15^{\circ}$  С. Спрашивается, сколько литровъ  $m_2$  нужно прилить воды при  $t_2 = 100^{\circ}$  С., чтобы общая температура ванны была  $T = 30^{\circ}$  С.?

**495.** Въ сосудѣ налито  $m_1 = 15$  литровъ воды при  $t_1 = 100^{\circ}$  С. и  $m_2 = 70$  литровъ холдной воды, при чёмъ общая температура равна  $T = 28^{\circ}$  С. Спрашивается, какую температуру  $t_2$  имѣла холдная вода?

**496.** Смѣшано  $m$  килограммовъ воды при  $t = 100^{\circ}$  съ  $m_1$  кгр. воды при  $t_1 = 10^{\circ}$ , при чёмъ получилось  $m_2 = 22,5$  кгр. ея при  $t_2 = 30^{\circ}$  Требуется опредѣлить  $m$  и  $m_1$ .

**497.** Смѣшано  $m = 10$  килограммовъ ртути при  $t = 20^{\circ}$  С. съ  $m_1 = 8$  кгр. воды при  $t_1 = 100^{\circ}$  С. Требуется опредѣлить общую температуру  $T$  смѣси. Теплоемкость ртути  $c = 0,033$ .

**498.** Въ серебряный калориметръ, въ  $p = 200$  граммовъ, налито  $p_1 = 1$  килограммовъ воды; въ воду погруженъ кусокъ мѣди въ  $p_2 = 500$  граммовъ, нагрѣтый до  $t = 100^{\circ}$  С. при чёмъ температура воды поднялась отъ  $t_1 = 20^{\circ}$  до  $t_2 = 23^{\circ}5$ . Требуется опредѣлить теплоемкость  $c$  мѣди. Теплоемкость серебра  $c_1 = 0,055$ .

**499.** Для нагрѣванія  $m = 5$  килограммовъ цинка на  $t = 10^{\circ}$  потребно  $q = 4,575$  единицъ теплоты; требуется опредѣлить теплоемкость  $c$  цинка.

**500.** Смѣшиваются  $p = 1$  килограммовъ воды при  $t = 0^{\circ}$  съ  $p_1 = 1$  кгр. другой жидкости при  $t_1 = 100^{\circ}$ , при чёмъ общая температура смѣси равна  $T = 3^{\circ}$ . Какъ велика теплоемкость  $c$  второй жидкости?

**501.** Сколько единицъ  $Q$  теплоты нужно для того, чтобы повысить температуру массы въ  $m = 10$  килограммовъ желѣза на  $t = 100^{\circ}$ ? Теплоемкость желѣза  $c = 0,109$ .

**502.** Въ серебряный сосудъ въ  $m = 200$  граммовъ, содержащий  $m_1 = 300$  гр. воды при  $t = 20^{\circ}$ , опущенъ мѣдный шарикъ, предварительно нагрѣтый до  $t_1 = 100^{\circ}$ ; общая температура смѣси  $T = 21^{\circ}$ . Какъ велика масса  $m_2$  шарика? Теплоемкость серебра  $c = 0,055$ ; теплоемкость мѣди  $c_1 = 0,0925$ .

**503.** Кусокъ желѣза въ  $m = 900$  граммовъ, нагрѣтый до  $t = 300^{\circ}$ , погруженъ въ  $m_1 = 2500$  граммовъ воды при температурѣ  $t_1 = 15^{\circ}$ . Какъ велика общая температура  $T$  смѣси? Потеря теплоты лучеиспусканіемъ и поглощеніемъ ея калориметромъ равна  $q = 10$  мал. калоріямъ; теплоемкость желѣза  $c = 0,11$ .

**c) 504.** Длина платиновой проволоки при  $t = 0^{\circ}$  равна  $l = 1$  метрамъ; найти длину  $l_1$  той же проволоки при  $t_1 = 100^{\circ}$ . Коефиціентъ линейнаго теплового расширенія платины равенъ  $\alpha = 0,059$ .

**505.** Длина діаметра мѣдного котла при  $t = 20^{\circ}$  равна  $l = 0,9$  метрамъ; какъ велико приращеніе  $l_1$  длины діаметра этого котла при нагрѣваніи его до  $t_1 = 100^{\circ}$ ? Коефиціентъ линейнаго теплового расширенія мѣди  $\alpha = 0,0417$ .

**506.** Длина латуннаго стержня при  $t = 100^{\circ}$  равна  $l = 2,00372$  метрамъ; какъ велика длина  $l_1$  его при  $t_1 = 0^{\circ}$ ? Коефиціентъ линейнаго теплового расширенія латуни  $\alpha = 0,04186$ .

**507.** Длина алюминіеваго бруска равна  $l = 50$  сантиметрамъ при  $t = 0^{\circ}$ . Какую длину  $l_1$  слѣдуетъ придать желѣзному брускю, чтобы приращеніе длины каждого изъ брусковъ, при нагрѣваніи ихъ на  $t_1 = 1^{\circ}$ , были одинаковы. Коефиціентъ линейнаго теплового расширенія желѣза  $\alpha = 0,04121$ ; алюминія  $\alpha_1 = 0,04233$ .

**508.** Даны двѣ проволоки: мѣдная и желѣзная; длина первой изъ нихъ  $l = 90,1548$  сантиметровъ при  $t = 100^{\circ}$ ; разность между длинами этихъ проволокъ при  $t = 100^{\circ}$  равна  $l_1 = 0,0486$  см. Найти длину  $l_2$  и  $l_3$  каждой изъ проволокъ при  $t_2 = 0^{\circ}$ . Коефиціентъ линейнаго теплового расширенія мѣди  $\alpha = 0,04170$ , желѣза  $\alpha_1 = 0,04121$ .

**509.** Узнать, на сколько бы могъ лѣтомъ удлинился воображаемый цѣльный рельсъ, длина котораго зимою, при самой низкой температурѣ, равна  $l=10000$  метровъ; разность же между крайними температурами лѣтомъ и зимой равна  $t^{\circ}=50^{\circ}$ . Кроме того, требуется узнать, какъ велика въ этомъ случаѣ промежутокъ  $l$ , между парою рельсовъ длиною каждый въ  $l_2=5$  м.? Коефиціентъ линейнаго теплового расширенія желѣза— $\alpha=0,04121$ .

**510.** При нагрѣваніи на  $t^{\circ}$  алюминиевый стержень удлиняется на столько же, на сколько платиновый въ  $l=15$  сантиметровъ длины. Найти длину  $l_1$  алюминиеваго стержня. Коефиціентъ линейнаго теплового расширенія алюминія— $\alpha=0,04233$ , платины— $\alpha_1=0,059$ .

**511.** Платиновый стержень въ  $l=500$  миллиметровъ длины, помѣщенный въ нагрѣтую фарфорообжигательную печь, удлиняется на  $l_1=6$  мм. Требуется вычислить температуру печи. Коефиціентъ линейнаго теплового расширенія платины— $\alpha=0,059$ .

**512.** Длина диаметра желѣзного шарика равна  $l=10$  сантиметрамъ при  $0^{\circ}$ ; найти объемное приращеніе  $v$  шарика при нагрѣваніи его отъ  $t_1^{\circ}=0^{\circ}$  до  $t_2^{\circ}=100^{\circ}$ . Коефиціентъ объемнаго теплового расширенія желѣза— $\alpha=0,0436$ .

**513.** Кусокъ серебра вѣситъ  $p=72,8$  граммовъ; найти объемъ  $v$  этого куска при  $t^{\circ}=100^{\circ}$ . Плотность серебра— $d=10,53$ ; коефиціентъ линейнаго теплового расширенія его— $\alpha=0,0419$ .

**514.** Стеклянныи сосудъ вмѣщаетъ  $p=1$  килограммовъ ртути при  $t^{\circ}=0^{\circ}$ ; до какой температуры  $t_1^{\circ}$  слѣдуетъ нагрѣть этотъ сосудъ, чтобы изъ него вытекло  $p_1=7,641$  гр. ртути? Коефиціенты объемнаго теплового расширенія: ртути— $\alpha=0,0318$ ; стекла— $\alpha_1=0,04262$ ; плотность ртути— $d=13,6$ .

**515.** Стеклянныи сосудъ при  $t^{\circ}=0^{\circ}$  содержитъ  $p=1$  килограммовъ ртути и кусокъ желѣза въ  $p_1=100$  гр. При нагрѣваніи сосуда до  $t_1^{\circ}=100^{\circ}$ , изъ него выливается  $p_2=15,06$  гр. ртути. Определить коефиціентъ  $\alpha$  линейнаго теплового расширенія желѣза. Коефиціенты объемнаго теплового расширенія: ртути— $\beta=0,0318$ , стекла— $\beta_1=0,04264$ ; плотность ртути— $d=13,6$ ; желѣза— $d_1=7,8$ .

**516.** Данная масса воздуха при  $t^{\circ}=100^{\circ}$  и давленіи въ  $H=500$  миллиметровъ ртутнаго столба занимаетъ  $v=500$  литровъ; при какой температурѣ  $t_1^{\circ}$  та же масса воздуха займетъ  $v_1=24,07$  литровъ, находясь подъ давленіемъ въ  $H_1=10$  атмосферъ? Коефиціентъ теплового расширенія воздуха— $\alpha=0,00367$ .

**517.** При какой температурѣ  $t^{\circ}$  данная масса воздуха въ  $v=10$  куб. сантиметровъ при  $t^{\circ}=0^{\circ}$  займетъ объемъ  $v_1=13,665$  куб. см.? Давленіе газа предполагается постояннымъ; коефиціентъ теплового расширенія воздуха— $\alpha=0,00367$ .

**518.** Сосудъ наполненъ воздухомъ и закрытъ при  $t^{\circ}=20^{\circ}$  подъ давленіемъ въ  $H=760$  миллиметровъ ртутнаго столба; какова будетъ упругость  $H_1$  воздуха при  $t_1^{\circ}=100^{\circ}$  и  $t_2^{\circ}=0^{\circ}$ ? Коефиціентъ теплового расширенія воздуха  $\alpha=0,003665$ ; расширеніемъ сосуда можно пренебречь.

**519.** Данная масса воздуха занимаетъ  $v=100$  куб. сантиметровъ при некоторомъ давленіи и температурѣ, равной  $t^{\circ}=10^{\circ}$ ; какой объемъ займетъ эта масса газа при  $t_1^{\circ}=100^{\circ}$  и прежнемъ давленіи? Коефиціентъ теплового расширенія воздуха— $\alpha=0,00367$ .

**520.** Въ закрытое колѣно трубки Маріотта введено  $v=50$  куб. сантиметровъ сухого воздуха при  $t^{\circ}=20^{\circ}$  и вѣнчальнѣмъ давленіи въ  $H=760$  миллиметровъ ртутнаго столба. Какой объемъ  $v$ , займетъ та же масса воздуха при  $t_1^{\circ}=0^{\circ}$  и прежнемъ давленіи? Коефиціентъ теплового расширенія воздуха  $\alpha=0,00367$ ; сжатіемъ трубки можно пребречь.

**521.** Данная масса азота вѣситъ  $p=100$  граммовъ при вѣнчальномъ давленіи въ  $H=800$  миллиметровъ ртутнаго столба и  $t^{\circ}=0^{\circ}$ . Какой объемъ  $v$  займетъ та же масса азота при  $t_1^{\circ}=100^{\circ}$  и прежнемъ давленіи? Плотность азота— $d=0,9714$ ; коефиціентъ теплового расширенія его— $\alpha=0,00367$ ; вѣсъ литра воздуха  $p=1,293$  гр. при  $H_1=760$  мм. ртутнаго столба и  $0^{\circ}$ .

**522.** Давленіе воздуха, заключенного въ стекляномъ сосудѣ, равно  $H=750$  миллиметрамъ ртутнаго столба при  $t^{\circ}=0^{\circ}$ ; какъ будетъ велико давленіе  $H_1$  при  $t_1^{\circ}=100^{\circ}$ ? Коефиціенты кубического теплового разширения: воздуха— $\alpha=0,003665$ , стекла— $\alpha_1=0,04264$ .

**523.** Въ закрытомъ желѣзномъ сосудѣ находится газъ при  $t^{\circ}=-10^{\circ}$  и подъ давленіемъ въ  $H=3$  атмосферъ. Какъ велико давленіе  $H_1$  того же газа при  $t_1^{\circ}=100^{\circ}$ ? Коефиціенты объемнаго теплового расширенія: газа— $\alpha=0,00367$ , желѣза— $\alpha_1=0,0436$ .

**524.** Требуется определить плотность  $d$  кислорода при  $t^{\circ}=30^{\circ}$  и давленіи въ  $H=770$  миллиметровъ ртутнаго столба. Плотность кислорода относительно воздуха при  $t^{\circ}=0^{\circ}$  и давленіи въ  $H_1=760$  мм. ртутнаго столба равна  $d=1,1057$ . Коефиціентъ теплового расширенія кислорода— $\alpha=0,00367$ .

**525.** Въ стеклянъмъ сосудѣ заключенъ воздухъ при  $t = 0^\circ$  и давленіи въ  $H = 760$  миллиметровъ ртутнаго столба. При какой температурѣ  $t_1$  упругость этого воздуха будетъ равна нулю, если допустить, что коэффициенты теплового сжатія остаются постоянными и равными: воздуха— $\alpha = 0,00367$ , стекла— $\alpha_1 = 0,04264$  (куб.).

**526.** Для расплавленія  $p = 40$  граммовъ льда и нагрѣванія образовавшейся при этомъ воды до  $t = 10^\circ$ , потребно  $p_1 = 178,5$  граммовъ воды, нагрѣтой до  $t_1 = 30^\circ$ . Требуется опредѣлить теплоту плавленія  $q$  льда.

**527.** Кусокъ льда, вѣсомъ въ  $p = 100$  граммовъ и охлажденный до  $(-t) = -10^\circ$ , опущенъ въ сосудъ съ  $p_1 = 500$  грам. воды при  $t_1 = 25^\circ$ , требуется узнать общую температуру смѣси  $T^\circ$ . Теплоемкость льда— $c = 0,505$ ; теплота плавленія его— $q = 79,25$  калорій.

**528.** Въ платиновый калориметръ, вѣсомъ въ  $p = 30$  граммовъ и содержащій  $p_1 = 100$  гр. ртути при  $t = 100^\circ$ , опущенъ кусокъ льда вѣсомъ въ  $p_2 = 5$  граммовъ при  $0^\circ$ . Требуется опредѣлить общую температуру смѣси  $T^\circ$  и теплоемкость ртути  $c$ , если известно, что при смыщеніи  $P = 50$  граммовъ воды при  $t_1 = 0^\circ$  съ  $P_1 = 100$  граммами ртути при  $t_2 = 100^\circ$  общая температура смѣси равна  $T_1 = 6^\circ,19$ . Теплоемкость платины— $c_1 = 0,0323$ ; теплота плавленія льда— $q = 79,25$  калорій.

**529.** Въ сосудѣ положенъ кусокъ льда вѣсомъ въ  $p = 100$  граммовъ; температура его— $t = 0^\circ$ . Спрашивается, сколько граммовъ воды  $p_1$  слѣдуетъ налить въ сосудъ при температурѣ  $t = 25^\circ$ , чтобы расплавить ледъ и нагрѣть образовавшуюся изъ него воду до  $t_1 = 5^\circ$ . Теплота (скрытая) плавленія льда— $q = 79,25$  калорій; теплоемкость воды— $c = 1$ ; потеря теплоты во время опыта— $q_1 = 20$  мал. калорій.

**f) 530.** Мѣдный котель въ  $p = 400$  килограммовъ массы, содержитъ  $v = 1$  куб. метровъ воды при  $t = 20^\circ$ . Спрашивается, сколько въ ней нужно сгустить литровъ  $v_1$  водяного пара при  $t = 100^\circ$  и  $H = 760$  миллиметровъ барометрическаго давленія, чтобы нагрѣть котель съ водою до  $t_2 = 50^\circ$ ? Теплота испаренія воды при  $t_1 = 100^\circ$  равна  $q = 537$  калорій; плотность водяныхъ паровъ— $d = 0,622$  (при  $0^\circ$  и 760 мм. давленія); теплоемкость мѣди— $c = 0,0952$ ; вѣсъ литра воздуха— $P = 1,293$  граммовъ (при  $0^\circ$  и 760 мм. давленія); коэффициентъ теплового расширенія газовъ— $\alpha = 0,0367$ .

**531.** Въ латунный калориметръ въ  $p = 8$  килограммовъ, содержащий  $p_1 = 10$  килограммовъ воды при  $t = 20^\circ$ , пропускаютъ

водяной паръ при давленіи въ  $H = 760$  миллиметровъ ртутнаго столба и  $t_1 = 100^\circ$  и повышаютъ температуру воды въ калориметрѣ до  $t = 50^\circ$ . Спрашивается, сколько литровъ пара сгущается при этомъ въ калориметрѣ? Теплоемкость латуни— $c = 0,094$ ; теплота испаренія (скрытая) воды— $q = 537$  калорій; плотность насыщающихъ водяныхъ паровъ— $d = 0,622$  (при  $0^\circ$ ); вѣсъ литра воздуха  $p_2 = 1,293$  граммовъ (при  $0^\circ$  и 760 мм. давленія); коэффициентъ теплового расширенія газовъ— $\alpha = 0,00367$ .

**532.** Литръ насыщающихъ водяныхъ паровъ при  $t = 100^\circ$  (и барометрическомъ давленіи въ  $H = 760$  миллиметровъ) сгущается и охлаждается до  $t_1 = 0^\circ$ . Спрашивается, сколько калорій  $Q$  выдѣляется при этомъ теплоты? Теплота испаренія воды— $q = 537$  калорій; вѣсъ литра воздуха  $p = 1,293$  граммовъ (при  $0^\circ$  и 760 мм. давленія); коэффициентъ теплового расширенія воздуха— $\alpha = 0,003665$ ; плотность насыщающихъ водяныхъ паровъ— $d = 0,622$ .

**533.** Вода, взятая въ объемѣ  $v = 5$  литровъ при  $t = 15^\circ$ , сгустивъ некоторое количество введенаго въ нее насыщающаго водяного пара при  $t_1 = 100^\circ$  (и давленіи въ  $H = 760$  миллиметровъ), нагрѣвается до  $t_2 = 50^\circ$ . Спрашивается, сколько куб. метровъ  $v_1$  пара при этомъ сгущается? Теплота испаренія воды— $q = 537$  калорій; плотность насыщающихъ водяныхъ паровъ— $d = 0,622$ ; вѣсъ литра воздуха— $p = 1,293$  граммовъ (при  $0^\circ$  и 760 мм. давленія). Коэффициентъ теплового расширенія газовъ— $\alpha = 0,00367$ .

**534.** Въ цилиндрѣ, снабженномъ поршнемъ, содержится  $v = 100$  литровъ сухого воздуха при  $t = 25^\circ$  и барометрическомъ давленіи въ  $H = 760$  миллиметровъ; въ цилиндрѣ введена вода въ количествѣ, достаточномъ для полнаго насыщенія воздуха. Требуется узнать объемъ  $v_1$ , занимаемый влажнымъ воздухомъ при упомянутомъ давленіи и температурѣ. Упругость насыщающихъ водяныхъ паровъ— $F = 23,5$  мм. ртутнаго столба при  $t$ .

**535.** Воздухъ, заключенный въ сосудѣ, вполнѣ насыщенъ водяными парами при  $t = 30^\circ$  и давленіи въ  $H = 800$  миллиметровъ ртутнаго столба. Требуется опредѣлить упругость  $H_1$  этого воздуха при  $t = 20^\circ$ . Коэффициентъ теплового расширенія газа— $\alpha = 0,00367$ ; упругость насыщающихъ водяныхъ паровъ— $F = 31,5$  мм. ртутнаго столба при  $t = 30^\circ$  и  $F_1 = 17,4$  мм. при  $t_1 = 20^\circ$ .

**g) 536.** Гигрометрическое состояніе комнатнаго воздуха— $E = 0,7$  при температурѣ  $t = 17^\circ$ . Требуется опредѣлить упругость  $f$  содер-

жащихся въ немъ водяныхъ паровъ. Упругость насыщающихъ водяныхъ паровъ при  $t^{\circ}=17^{\circ}$  равна  $F=14,4$  мм. ртутного столба.

537. Въ данномъ пространствѣ воздухъ насыщенъ водяными парами при температурѣ  $t^{\circ}=20^{\circ}$ . Требуется определить:  $P$  въсъ водяныхъ паровъ и  $P_1$  въсъ воздуха въ обемѣ  $v=1$  куб. метровъ этого пространства. Упругость насыщающихъ водяныхъ паровъ —  $F=17,4$  мм. ртутного столба при  $t^{\circ}$ ; плотность ихъ —  $d=0,622$  (при  $t^{\circ}=0^{\circ}$ ); въсъ литра воздуха —  $p_2=1,293$  гр. (при  $t^{\circ}=0^{\circ}$  и давлениі  $H=760$  мм.); коэффициентъ теплового расширения газовъ —  $\alpha=0,00367$ .

538. Нѣкоторый объемъ  $v$  воздуха содержитъ  $p=100$  граммовъ водяныхъ паровъ при температурѣ въ  $t^{\circ}=17^{\circ}$  и гигрометрическомъ состояніи  $E=0,7$ . Требуется определить объемъ воздуха  $v$ . Въсъ литра воздуха —  $p_1=1,293$  грам., (при  $t_1^{\circ}=0^{\circ}$  и барометрическомъ давлениі въ  $H=760$  см.); плотность насыщающихъ водяныхъ паровъ —  $d=0,622$ , упругость ихъ —  $F=14,4$  мм. ртутного столба при  $t^{\circ}=17^{\circ}$ ; коэффициентъ теплового расширения газовъ —  $\alpha=0,00367$ .

539. Гигрометрическое состояніе комнатнаго воздуха —  $E=0,66$  при  $t^{\circ}=17^{\circ}$ . Требуется определить въсъ паровъ  $P$  содержащихся въ  $v=1$  куб. метрахъ того же воздуха. Въсъ литра сухого воздуха —  $p=1,293$  граммовъ, (при  $0^{\circ}$  и барометрическомъ давлениі въ  $H=760$  см.); плотность насыщающихъ водяныхъ паровъ —  $d=0,622$ ; упругость ихъ —  $F=14,4$  мм. ртутного столба при  $t^{\circ}=17^{\circ}$ ; коэффициентъ теплового расширения газовъ —  $\alpha=0,00367$ .

540. Стекляный колоколь, погруженный отверстиемъ въ ртутную ванну, содержитъ  $v=200$  куб. сантиметровъ сухого воздуха, давление которого равно внѣшнему давлению въ  $H=760$  мм. ртутного столба при  $t^{\circ}=25^{\circ}$ . Спрашивается, какой объемъ  $v_1$  займетъ та же масса воздуха, насыщенная водяными парами при данной температурѣ  $t^{\circ}$  и упругости смѣси въ  $H=760$  мм.? Упругость насыщающихъ водяныхъ паровъ —  $F=23,5$  мм. при  $t^{\circ}=25^{\circ}$ .

### Задачи для решенія.

541. Въсъ тѣла въ воздухѣ уменьшается на  $p=2$  граммовъ при  $t^{\circ}=10^{\circ}$  и давлениі, равномъ  $H=76$  сантиметровъ ртутного столба; на сколько уменьшится въсъ того же тѣла при  $t_1^{\circ}=50^{\circ}$  и давлениі въ  $H_1=80$  см.? Коэффициентъ теплового расширения воздуха —  $\alpha=0,00367$ .

542. Сколько граммовъ  $P$  въсить стеклянныи сосудъ, наполненный водою при  $t^{\circ}=80^{\circ}$ , если емкость его при  $t_1^{\circ}=20^{\circ}$  равна  $v=100$  куб. сантиметрамъ, а въсъ пустого сосуда —  $P_1=100$  граммовъ. Средній коэффициентъ объемнаго теплового расширения стекла —  $\alpha=0,026$ , воды —  $\alpha_1=0,0344$ .

543. Сколько граммовъ  $p$  въсить литръ воздуха при  $t^{\circ}=30^{\circ}$  и барометрическомъ давлениі въ  $H=608$  миллиметровъ, если плотность воздуха при  $t_1^{\circ}=0^{\circ}$  и давлениі въ  $H_1=760$  мм. равна  $d=0,0012936$ ? Коэффициентъ теплового расширения воздуха —  $\alpha=0,00367$ .

544. Въ пустой сосудъ, въ  $v=15$  литровъ вмѣстимости, вводится  $p=8,1$  граммовъ спирта; спиртъ, испарившись при  $t^{\circ}=78^{\circ}$ , вполнѣ насыщаетъ данное пространство. Требуется узнать упругость  $F$  паровъ спирта при упомянутой температурѣ. Плотность паровъ спирта —  $d=1,613$  (при  $0^{\circ}$  и  $760$  мм. давлениі); коэффициентъ теплового расширения газовъ —  $\alpha=0,00367$ ; въсъ литра воздуха  $p_1=1,293$  граммовъ (при  $0^{\circ}$  и  $760$  мм. давлениі).

545. До какой температуры нагрѣется ртуть, взятая при  $t^{\circ}=0^{\circ}$  С, тѣмъ количествомъ теплоты, которое нагрѣваетъ равный объемъ воды отъ  $t^{\circ}=0^{\circ}$  до  $t_1^{\circ}=100^{\circ}$  С? Плотность ртути —  $d=13,6$ .

546. Плотность серебра при  $t^{\circ}=0^{\circ}$  равна  $d=10,53$ . Требуется вычислить плотность его  $d_1$  при  $t_1^{\circ}=100^{\circ}$ . Коэффициентъ линейнаго теплового расширения серебра —  $\alpha=0,0193$ .

547. Емкость желѣзного сосуда при  $t^{\circ}=0^{\circ}$  равна  $v=2$  литрамъ. Сколько помѣстится въ него по въсу  $p$  ртути при  $t_1^{\circ}=25^{\circ}$ ? Коэффициентъ линейнаго теплового расширения желѣза —  $\alpha_3=0,0121$ ; ртути —  $\alpha_1=0,018$ ; плотность ртути —  $d=13,534$  ( $t_1^{\circ}=25^{\circ}$ ).

548. Плотность водорода по отношенію къ воздуху равна  $d=0,0691$  при  $t^{\circ}=0^{\circ}$  и давлениі въ  $H=76$  сантиметровъ ртутного столба. Найти отношеніе между въсами  $p$  и  $p_1$  этихъ газовъ при  $t^{\circ}=0^{\circ}$  и давлениі: водорода въ  $H_1=50$  см. и воздуха въ  $H_2=10$  см.

549. Пространство въ  $v=5$  куб. метровъ насыщено водянымъ паромъ при  $t^{\circ}=30^{\circ}$  и барометрическомъ давлениі въ  $H=760$  миллиметровъ. Требуется узнать въсъ  $p$  насыщающихъ паровъ. Упругость насыщающихъ водяныхъ паровъ —  $F=31,5$  мм. ртутного столба при  $t^{\circ}$ ; плотность ихъ —  $d=0,622$ ; въсъ метра воздуха —  $p_1=1293$  граммовъ (при  $0^{\circ}$  и  $760$  мм.); коэффициентъ расширения газовъ —  $\alpha=0,00367$ .

550. Кусокъ платины, нагрѣтый до  $t^{\circ}$ , опущенъ въ ртуть, при чёмъ температура послѣдней повысилась отъ  $t_1^{\circ}=25^{\circ}$  до  $t_2^{\circ}=$

$= 100^{\circ}$  С; при второмъ опыте тотъ же кусокъ платины, нагрѣтый до  $t_3 = 100^{\circ}$  С и опущенный въ то же количество ртути, повысилъ температуру ея отъ  $t_4 = 20^{\circ}$  до  $t_5 = 50^{\circ}$  С. Требуется узнать, до какой температуры  $t^{\circ}$  былъ нагрѣтъ кусокъ платины въ первомъ опыте?

551. Кусокъ серебра въ  $p = 200$  граммовъ погруженъ въ алкоголь при  $t^{\circ} = 20^{\circ}$ ; найти вѣсъ  $p_1$  серебра въ этой жидкости. Плотность серебра при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$  равна  $d = 10,53$ ; плотность алкоголя —  $d_1 = 0,81$ ; коефиціентъ линейнаго теплового расширенія серебра —  $\alpha = 0,0193$ ; алкоголя —  $\alpha_1 = 0,001049$ .

552. Данное твердое тѣло, погруженное въ нѣкоторую жидкость, уменьшилось въ своемъ вѣсѣ на  $p = 100$  граммовъ при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$  и на  $p_1 = 97,78$  гр. при  $t_1 = 30^{\circ}$ . Какъ великъ коефиціентъ  $\alpha$  теплового расширенія жидкости? Коефиціентъ куб. теплового расширенія твердаго тѣла  $\alpha_1 = 0,042$ .

553. Взято  $m = 1$  куб. метровъ воздуха при температурѣ  $t^{\circ} = 0^{\circ}$  и нормальному виѣшнемъ давленіи (76 см.). Спрашивается, сколько единицъ  $Q$  теплоты нужно сообщить взятой массѣ воздуха, чтобы первоначальный объемъ его увеличился вдвое при нормальному виѣшнемъ давленіи? Вѣсъ куб. метра воздуха равенъ  $p = 1,293$  килограммовъ (при  $0^{\circ}$  и 76 см. давленіи); теплоемкость его —  $c = 0,239$ ; коефиціентъ теплового расширенія воздуха —  $\alpha = \frac{1}{273}$ .

554.  $P = 10$  граммовъ жидкаго эаира обращены въ паръ при температурѣ кипѣнія его въ  $t^{\circ} = 35^{\circ}$  и  $H = 760$  миллиметровъ давленія. Требуется опредѣлить: 1) объемъ паровъ  $v$  этого тѣла при упомянутыхъ температурѣ и давленіи и 2) отношеніе  $\frac{v}{v_1}$ , где  $v_1$  выражаетъ объемъ взятой жидкости. Плотность жидкаго эаира —  $d = 0,72$ ; паровъ его —  $d_1 = 2,565$ ; вѣсъ кубического сантиметра воздуха равенъ  $p = 0,001293$  гр. (при  $0^{\circ}$  и 760 миллиметровъ давленія); коефиціентъ теплового расширенія газовъ равенъ  $\alpha = 0,00367$ . Расширениемъ жидкости можно пренебречь.

555. Какое произойдетъ повышеніе температуры при смѣшаніи  $m = 10$  килограммовъ мѣди, обладающей теплоемкостью равной  $c_1 = 0,0925$  и нагрѣтой до  $t_1 = 100^{\circ}$ , съ  $m_1 = 50$  кгр. воды при  $t_2 = 15^{\circ}$ . Теплоемкость сосуда, содержащаго воду, равна  $c = 0,11$ , масса его въ  $m_2 = 0,5$  килограммовъ.

556. Уравнительный секундный маятникъ состоять изъ желѣзныхъ и цинковыхъ стержней; длина первыхъ —  $l = 99,491$  сантиметровъ. Требуется опредѣлить длину  $l_1$  цинковыхъ стержней при той же температурѣ. Коефиціентъ линейнаго теплового расширенія желѣза —  $\alpha = 0,012$ , цинка —  $\alpha_1 = 0,0129$ .

557. При температурѣ  $t^{\circ} = 30^{\circ}$  градусовъ высота барометра, измѣренная латунной шкалой, равна  $H = 755$  миллиметрамъ; какъ велика высота  $H_1$  барометра, отнесенна къ температурѣ  $t^{\circ} = 0^{\circ}$ ? Коефиціентъ линейнаго теплового расширенія латуни —  $c = 0,04186$ ; коефиціентъ объемнаго теплового расширенія ртути —  $c_1 = 0,0182$ .

558. Нѣкоторая масса сухого воздуха при  $t^{\circ} = 273^{\circ}$  и  $H = 760$  миллиметровъ давленія ртутного столба занимаетъ  $v = 100$  куб. сантиметровъ; какой объемъ  $v_1$  займетъ та же масса газа при  $t_1 = 0^{\circ}$  и  $H_1 = 380$  мм. давленія? Коефиціентъ теплового расширенія воздуха —  $\alpha = 0,01367$ .

559.  $P = 100$  граммовъ воды обращены въ паръ при  $t^{\circ} = 100^{\circ}$  и  $H = 760$  миллиметровъ давленія. Требуется опредѣлить объемъ  $v$ , занимаемый насыщающимъ паромъ при упомянутыхъ давленіи и температурѣ. Вѣсъ куб. сантиметра воздуха —  $p = 0,001293$  (при  $0^{\circ}$  и 760 мм. давленія); коефиціентъ теплового расширенія газа —  $\alpha = 0,00367$ ; плотность насыщающаго водяного пара —  $d = 0,622$ .

560. Въ латунный сосудъ въ 50 граммовъ, содержащий  $m = 500$  гр. воды при температурѣ  $t^{\circ}$ , погружаютъ кусокъ желѣза  $m_1 = 100$  гр., нагрѣтаго до  $t_1 = 100^{\circ}$ ; общая температура смѣшанія равна  $T^{\circ} = 5^{\circ}$ . Спрашивается, какую температуру  $t_2$  имѣли вода и сосудъ до смѣшанія? Теплоемкость латуни —  $c = 0,0939$ , теплоемкость желѣза —  $c = 0,11$ .

561. Продолжительность колебанія латуннаго маятника равна  $t = 1''$  при  $t^{\circ} = 17^{\circ}$ ; при какой температурѣ  $t_1$  продолжительность качанія его уменьшится на  $t = 0,001''$ . Коефиціентъ линейнаго теплового расширенія латуни —  $\alpha = 0,0172$ .

562. Стеклянныи сосудъ заключаетъ при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$  кусокъ платины вѣсомъ въ  $p = 100$  граммовъ и  $p_1 = 150$  гр. ртути, совершенно наполняющей сосудъ. Сколько по вѣсу выльется изъ него ртути, если нагрѣмъ сосудъ до  $t_1 = 100^{\circ}$ ? Плотность платины —  $d = 21,5$  при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$ ; коефиціентъ кубического теплового расширенія ея —  $\alpha = 0,0127$ ; плотность ртути —  $d_1 = 13,5956$ ; коефиціентъ теплового расширенія ея —  $\alpha_1 = 0,0182$ ; коефиціентъ кубического теплового расширенія стекла —  $\alpha_2 = 0,01264$ .

**563.** Платиновый термометръ, емкостью въ  $v = 20$  куб. сантиметровъ при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$ , потерялъ при нагреваніи  $m_1 = 10$  куб. см. воздуха. Спрашивается, до какой температуры  $t_1^{\circ}$  нагрѣть термометръ? Коефиціентъ теплового куб. расширения платины —  $\alpha = 0,0427$ , воздуха  $\alpha_1 = 0,0367$ .

**564.** Объемъ  $v$  влажного воздуха находится подъ давлениемъ въ  $H = 700$  миллиметровъ ртутнаго столба, при чмъ давление содержащихся въ немъ паровъ равно  $H_1 = 14$  мм. При удаленіи изъ сосуда нѣкоторой части влажного воздуха, упругость оставшагося воздуха равна  $H_2 = 100$  мм. Спрашивается, какъ велика при этомъ упругость  $H_3$  паровъ?

**565.** Два куска платины, одинъ въ  $p = 150$  граммовъ, другой — въ  $p_1 = 250$  гр., нагрѣты до одинаковой температуры, были опущены: первый въ  $m = 470,4$  граммовъ воды при  $t^{\circ} = 10^{\circ}$ , второй въ  $m_1 = 388$  гр. воды при той же температурѣ  $t^{\circ}$ . Общая температура первой смѣси —  $T^{\circ} = 20^{\circ}$ , второй —  $T_1^{\circ} = 30^{\circ}$ . Требуется опредѣлить теплоемкость с платины и температуру  $t^{\circ}$  ея до смѣшанія.

**566.** Длина желѣзного стержня равна  $l$  сантиметрамъ при температурѣ  $t^{\circ}$  и  $l_1$  см. при температурѣ  $t_1^{\circ}$ ; найти отношеніе между длинами стержня при данныхъ температурахъ. Коефиціентъ линейнаго теплового расширения желѣза —  $\alpha$ .

**567.** Стеклянныи сосудъ содержитъ  $p = 55$  граммовъ ртути при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$  и  $p_1 = 54$  гр. при  $t_1^{\circ} = 120^{\circ}$ ; требуется опредѣлить коефиціентъ  $\alpha_1$  кубического теплового расширения стекла. Плотность ртути —  $d = 13,5956$  при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$ ; коефиціентъ теплового расширения ртути —  $\alpha = 0,03182$ .

**568.** Воздухъ при давлениі въ  $H = 76$  сантиметровъ ртутнаго столба и  $t^{\circ} = 0^{\circ}$  въ  $n = 773$  разъ легче равнаго объема воды при  $t_1^{\circ} = 4^{\circ}$ . Сколько вѣситъ литръ воздуха при  $t_2^{\circ} = 100^{\circ}$ ? Коефиціентъ теплового расширения воздуха —  $\alpha = 0,00367$ .

**569.** Какой объемъ занимаютъ  $p = 1$  килограммовъ насыщающихъ водяныхъ паровъ при температурѣ  $t^{\circ} = 100^{\circ}$  и нормальному давлениі (760 мм)? Весь литра воздуха  $p = 1,293$  граммовъ при  $0^{\circ}$  и 760 мм. давлениі; коефиціентъ теплового расширения газа —  $\alpha = 0,00367$ ; плотность насыщающаго водяного пара равна  $d = 0,622$ .

**570.** До какой температуры  $t^{\circ}$  нагрѣются  $m = 2$  килограммовъ воды, взятой при  $t_1^{\circ} = 0^{\circ}$  С, количествомъ теплоты, необходимомъ для нагреванія  $m_1 = 10$  кгр. ртути отъ  $t_1^{\circ} = 0^{\circ}$  до  $t_2^{\circ} = 100^{\circ}$  С?

**571.** Мѣдный и желѣзный стержни, спаянныи концами, имѣютъ общую длину въ  $l = 15$  метровъ при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$  и пріобрѣтаютъ одинаковую длину при  $t_1^{\circ} = 100^{\circ}$ ; найти длину  $l_1$  и  $l_2$  каждого изъ нихъ при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$ . Коефиціенты линейнаго теплового расширения: желѣза —  $\alpha = 0,0412$ , мѣди —  $\alpha = 0,0417$ .

**572.**  $V = 150$  куб. сантиметровъ чистой воды совершенно наполняютъ стеклянныи сосудъ при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$ ; при нагреваніи сосуда до  $t_1^{\circ} = 100^{\circ}$ , изъ него выливается  $v_1 = 7,2615$  куб. см. воды. Какъ велико расширение  $v_2 = 1$  куб. см. воды при нагреваніи отъ  $t^{\circ} = 0^{\circ}$  до  $t_1^{\circ} = 100^{\circ}$ ? Коефиціентъ кубического теплового расширения стекла —  $\alpha = 0,04264$ .

**573.** Въ сифонообразной, съ одного конца закрытой стеклянной трубкѣ содержится  $v = 100$  куб. сантиметровъ воздуха при  $t^{\circ} = 20^{\circ}$  и нормальному атмосферному давлениі (760 см.); воздухъ въ трубкѣ, отдѣленъ отъ вѣнчайшей атмосферы нѣкоторымъ столбомъ ртути. Спрашивается, сколько слѣдуетъ отлить по объему ртути, чтобы при нагреваніи воздуха въ трубкѣ до  $t^{\circ} = 30^{\circ}$  высота оставшейся ртути была въ обоихъ колѣнахъ одинакова? Коефиціентъ теплового расширения воздуха —  $\alpha = 0,00367$ ; расширениемъ стекла и ртути можно пренебречь.

**574.** При уменьшениі объема данной массы влажного воздуха въ  $n = 3$  разъ, первоначальная упругость его въ  $H = 760$  мм. возрастаетъ до  $H_1 = 2110$  мм., при чмъ пары насыщаются пространство и обладаютъ упругостью въ  $F = 100$  мм. ртутнаго столба. Требуется найти первоначальное гигрометрическое состояніе воздуха.

**575.** Для опредѣлениі температуры  $t^{\circ}$  фарфорообжигательной печи положень въ нее платиновый шаръ въ  $p = 200$  граммовъ; затѣмъ накаленный шаръ брошенъ въ  $m = 1500$  гр. воды, температура которой  $t_1^{\circ} = 5,03^{\circ}$ . Требуется опредѣлить температуру печи. Теплоемкость платины —  $c = 0,0323$ .

**576.** Длина діаметра желѣзного шара равна  $l = 6$  сантиметрамъ при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$ ; опредѣлить объемъ  $v$  шара при  $t_1^{\circ} = 100^{\circ}$ . Коефиціентъ линейнаго теплового расширения желѣза —  $\alpha = 0,04121$ .

**577.** Резервуаръ и часть термометрической трубки до  $+n\text{-аго} = 20$ -го дѣленія находится въ парахъ кипящей жидкости; остальная часть трубки окружена воздухомъ и имѣеть среднюю температуру  $t^{\circ} = 30^{\circ}$ . Какъ велика истинная температура  $t_1^{\circ}$  кипѣнія жидкости, если ртутный термометръ при упомянутыхъ условіяхъ

показываетъ  $t_2 = 280^\circ$ ? Средній коефіцієнтъ видимаго теплового расширенія ртути равенъ  $\alpha = 0,0151$ .

**578.** Мѣдный герметически закрытый сосудъ наполненъ воздухомъ при температурѣ  $t^{\circ}=0^\circ$  и  $H=780$  миллиметровъ давленія. Спрашивается, до какой температуры слѣдуетъ нагрѣть этотъ сосудъ, чтобы упругость воздуха въ немъ стала въ  $n=3$  разъ больше средняго давленія атмосферы (въ 760 мм.)? Коефіцієнтъ объемнаго теплового расширенія: воздуха— $\alpha = 0,00367$ ; мѣди— $\alpha = 0,0451$ .

**579.** Стеклянныи колоколъ, погруженныи въ ртутную ванну, содержитъ  $v=100$  куб. сантиметровъ сухого воздуха при  $t^{\circ}=20^\circ$  и упругости въ  $H=760$  мм. Спрашивается, какой объемъ  $v_1$  займетъ та же масса воздуха, насыщенная водяными парами при  $t_1^{\circ}=0^\circ$  безъ измѣненія первоначальной упругости  $H$ ? Упругость насыщающихъ водяныхъ паровъ— $F=4,6$  мм. при  $t_1^{\circ}=0^\circ$ ; коефіцієнтъ теплового расширенія газовъ— $\alpha = 0,00367$ .

**580.** Латунныи калориметръ въ  $p=50$  граммовъ содержитъ  $m=1000$  граммовъ воды при  $t^{\circ}=17,82^\circ$ . Въ калориметръ погружаютъ латунныи сосудъ въ  $p=50$  гр. съ содержащимися въ немъ двумя равными кусками одного и того же металла, нагрѣтыми вмѣстѣ съ сосудомъ до  $t_1^{\circ}=100^\circ$ , при чмъ общая температура смѣшенія равна  $t_2^{\circ}=20^\circ$ . Если повторить этотъ опытъ при тѣхъ же условіяхъ съ однимъ изъ взятыхъ двухъ кусковъ, то спрашивается, какая получится общая температура  $T^{\circ}$  смѣшенія? Теплоемкость латуни— $c=0,094$ .

**581.** Длина желѣзного стержня равна  $l=50$  сантиметрамъ при  $t^{\circ}=30^\circ$  и  $l_1=50,0605$  см. при  $t_1^{\circ}=130^\circ$ . Найти коефіцієнтъ  $\alpha$  линейнаго теплового расширенія желѣза.

**582.** Вѣсъ пустого желѣзного сосуда равенъ  $p=400$  граммамъ, наполненного же ртутью— $p_1=1756$  граммовъ при  $t_1^{\circ}=14^\circ$  и  $p_2=1739,14$  гр. при  $t_2^{\circ}=100^\circ$ . Требуется найти средній коефіцієнтъ  $\alpha$  теплового расширенія ртути. Коефіцієнтъ объемнаго теплового расширенія желѣза равенъ  $\alpha = 0,0436$ .

**583.** Серебрянныи полый шаръ наполненъ воздухомъ при  $H=700$  миллиметровъ давленія ртутного столба и температурѣ  $t^{\circ}=20^\circ$  и затѣмъ герметически закрытъ. Спрашивается, какое давленіе  $H_1$  испытываетъ стѣнка шара, если нагрѣть его до  $t_1^{\circ}=520^\circ$ ? Коефіцієнтъ линейнаго теплового расширенія серебра— $\alpha = 0,0193$ ; коефіцієнтъ теплового расширенія воздуха— $\alpha_1 = 0,00367$ .

**584.** Воздухъ, насыщенный водянымъ паромъ, занимаетъ нѣкоторый объемъ  $v$  при температурѣ  $t^{\circ}=25^\circ$  и подъ давленіемъ въ  $H=750$  миллиметровъ ртутного столба. Требуется вычислить: а) давленіе  $H_1$  сухого воздуха при упомянутыхъ температурѣ и давленіи и б) давленіе  $H_2$  сухого воздуха при температурѣ  $t_1^{\circ}=0^\circ$ . Упругость насыщающихъ водяныхъ паровъ— $F=23,5$  мм. при  $t^{\circ}=25^\circ$ ; коефіцієнтъ теплового расширенія газа— $\alpha = 0,00367$ .

**585.** Смѣшиваются равные объемы воды и ртути, при чмъ въ одномъ случаѣ вода имѣеть температуру  $t_1^{\circ}=100^\circ$ , ртуть  $t_2^{\circ}=0^\circ\text{C}$ , а въ другомъ случаѣ температура воды равна  $t_2^{\circ}=0^\circ$ , ртути равна  $t_1^{\circ}=100^\circ\text{C}$ . Требуется опредѣлить общія температуры  $T_1^{\circ}$  и  $T_2^{\circ}$  смѣшенія въ данныхъ случаяхъ. Плотность ртути— $d=13,6$ , теплоемкость ея— $c=0,033$ .

**586.** При какой температурѣ  $t^{\circ}$  данный объемъ воздуха, измѣренный при температурѣ  $t_1^{\circ}=20^\circ$ , утроится при постоянномъ виѣшнѣи на него давленіи? Коефіцієнтъ объемнаго расширенія воздуха— $\alpha = 0,00367$ .

**587.** Длина платинового стержня при  $t^{\circ}=110^\circ$  равна  $l=1,039$  метрамъ; найти длину  $l_1$  того же стержня при  $t_1^{\circ}=0^\circ$  и  $t_2^{\circ}=20^\circ$ . Коефіцієнтъ линейнаго теплового расширенія платины— $\alpha = 0,009$ .

**588.** Вѣсъ пустого желѣзного сосуда равенъ  $p=500$  гр., наполненнаго же ртутью— $p_1=1857$  гр. при  $t^{\circ}=10^\circ$ . Спрашивается, сколько граммовъ  $p_2$  ртути выльется изъ сосуда при нагрѣваніи его до  $t_1^{\circ}=50^\circ$ , и какой объемъ  $v$  займетъ оставшаяся ртуть? Плотность ртути при  $t_2^{\circ}=10^\circ$  равна  $d=13,57$  и при  $50^\circ$  равна  $d_1=13,47$ ; коефіцієнтъ объемнаго теплового расширенія желѣза равенъ  $\alpha = 0,036$ .

**589.** Газъ, насыщенный водяными парами, занимаетъ объемъ  $v=1$  литровъ при температурѣ  $t^{\circ}=20^\circ$  и подъ давленіемъ въ  $H=750$  мм. ртутного столба. Спрашивается, какой объемъ  $v_1$  займетъ та же масса сухого газа при температурѣ  $0^\circ$  и давленіи въ  $H_1=760$  мм.? Упругость насыщающихъ паровъ— $F=17,4$  мм. при  $t^{\circ}=20^\circ$ ; коефіцієнтъ теплового расширенія газовъ— $\alpha = 0,00367$ .

**590.** Платиновый шаръ радиуса въ  $r=5$  сантиметровъ и при температурѣ въ  $t^{\circ}=95^\circ\text{C}$  погруженъ въ  $m=2$  литровъ воды при  $t_1^{\circ}=4^\circ$ . Требуется найти общую температуру  $T^{\circ}$  смѣшенія. Теплоемкость платины— $c=0,0324$ ; плотность ея— $d=22,07$ ; коефіцієнтъ объемнаго теплового расширенія платины— $\alpha = 0,0427$ .

591. Длина серебряного стержня при  $t = 0^\circ$  равна  $l = 1000$  миллиметрамъ; при  $t_1 = 100^\circ$  содержитъ  $l_1 = 1002$  мм.; при температурѣ красного каленія  $t_2$  содержитъ  $l_2 = 1011,6$  мм. Требуется опредѣлить температуру  $t_2$ .

592. Сосудъ содержитъ  $v = 10$  литровъ водорода при  $t = 50^\circ$  и давленіи въ  $H = 76$  сантиметровъ ртутнаго столба. Требуется опредѣлить вѣсъ  $p$  этого газа. Плотность водорода —  $d = 0,0693$ ; вѣсъ литра воздуха равенъ  $p = 1,293$  граммовъ при  $t_1 = 0^\circ$  и  $H = 76$  см. давленія; коефиціентъ теплового расширенія водорода —  $\alpha = 0,00366$ .

593. Данъ объемъ ртути въ  $v = 200$  куб. сантиметровъ при  $t = 20^\circ$ ; какъ великъ объемъ  $v$ , того же количества ртути при  $t_1 = 100^\circ$  и  $t_2 = 0^\circ$ ? Коефиціентъ теплового расширенія ртути  $\alpha = 0,0318$ .

594. Длина одного градуса термометрической шкалы равна  $l = 1,27$  сантиметрамъ; резервуаръ термометрической трубки до нулевой черты вмѣщаетъ  $p = 32,63$  граммовъ ртути при  $t = 0^\circ$ . Требуется найти радиусъ  $r$  термометрической трубки. Плотность ртути —  $d = 13,596$ ; коефиціентъ видимаго теплового расширенія ртути —  $\alpha = 0,0315$ .

595.  $n$  литровъ воды поглотили  $q = 10$  калорій теплоты, при чёмъ температура воды поднялась на  $t = 10^\circ\text{C}$ . Спрашивается, сколько граммовъ  $m$  взято жидкости?

596. Данная масса воздуха занимаетъ  $v = 100$  куб. сантиметровъ при  $t = 0^\circ$  и давленіи въ  $H = 70$  см. ртутнаго столба. Какой объемъ  $v$  займетъ та же масса газа при  $t_1 = 100^\circ$  и давленіи въ  $H_1 = 80$  см? Коефиціентъ теплового расширенія воздуха —  $\alpha = 0,003671$ .

597. Объемъ куска даннаго металла равенъ  $v = 3000$  куб. сантиметрамъ при  $t = 100^\circ$  и  $v_1 = 3040$  куб. см. при  $t_1 = 250^\circ$ . Спрашивается, какую длину  $l$  имѣеть приготовленный изъ того же металла брускъ при  $t_2 = 150^\circ$ , если длина его при  $t_2 = 0^\circ$  равняется  $l_1 = 60$  см?

598. При какомъ виѣшнемъ давленіи  $H$  одинъ литръ воздуха, нагрѣтаго до  $t = 100^\circ$ , вѣситъ  $p = 2$  граммовъ? Коефиціентъ теплового расширенія воздуха —  $\alpha = 0,003665$ ; вѣсъ литра его равенъ  $p_1 = 1,293$  граммовъ при  $t_1 = 0^\circ$  и  $H_1 = 760$  мм. давленія ртутнаго столба.

599. Желѣзный шаръ, погруженный въ воду при  $t = 30^\circ$ , уменьшается въ своемъ вѣсѣ на  $p = 40$  граммовъ. Какъ великъ радиусъ  $r$  шара при упомянутой температурѣ и кажущійся вѣсъ  $p_1$  его въ водѣ? Плотность желѣза —  $d = 7,86$ ; объемъ воды при  $t = 30^\circ$  равенъ  $v = 1,00434$  куб. см.

600. Данъ объемъ влажнаго воздуха въ  $v = 100$  литровъ при  $t = 30^\circ$ . Требуется узнать вѣсъ  $P$  содержащихся въ немъ паровъ. Коефиціентъ теплового расширенія воздуха —  $\alpha = 0,003665$ ; вѣсъ литра воздуха —  $p = 1,293$  граммовъ при  $0^\circ$  и давленіи въ  $H = 760$  миллиметровъ ртутнаго столба; плотность насыщающихъ водяныхъ паровъ —  $d = 0,622$ ; упругость ихъ при  $t$  равна  $F = 31,51$  мм.; влажность воздуха —  $E = 0,7$ .

601. Мѣдный шаръ радиуса въ  $r = 25$  сантиметровъ при  $t = 0^\circ$  внесенъ въ нагрѣтое пространство, при чёмъ радиусъ шара увеличился на  $l = 1$  см. Спрашивается, какъ велика температура  $t_1$  нагрѣтаго пространства? Коефиціентъ кубического теплового расширенія мѣди —  $\alpha = 0,0451$ .

602. Кусокъ желѣза вѣситъ въ воздухѣ  $p = 500$  граммовъ. Спрашивается, на сколько уменьшится вѣсъ этого куска въ водѣ при  $t = 20^\circ$ ? Плотность желѣза —  $d = 7,86$ ; коефиціентъ кубического теплового расширенія его —  $\alpha = 0,04363$ ; плотность воды при  $t = 20^\circ$  равна  $d_1 = 0,998$ .

603. Нѣкоторый объемъ водорода вѣситъ  $p = 10$  граммовъ при  $t = 20^\circ$  и давленіи въ  $H = 75$  сантиметровъ ртутнаго столба. Сколько вѣситъ водородъ въ томъ же объемѣ при  $t_1 = 40^\circ$  и давленіи въ  $H_1 = 80$  см. Коефиціентъ теплового расширенія водорода —  $\alpha = 0,003661$ .

604. Стеклянныи сосудъ заключаетъ  $v = 1000$  куб. сантиметровъ ртути при  $t = 0^\circ$ ; при нагрѣваніи до  $t_1 = 100^\circ$  видимый объемъ ртути равенъ  $v_1 = 1015,36$  куб. см. Найти коефиціентъ теплового расширенія стекла. Средній коефиціентъ теплового расширенія ртути —  $\alpha = 0,0318$ .

605. Плотность кислорода относительно воздуха равна  $d = 1,1056$  при  $t = 0^\circ$  и давленіи въ  $H = 76$  см. ртутнаго столба; найти вѣсъ  $p$  этого газа въ объемѣ  $v = 10$  литровъ при  $t = 30^\circ$  и давленіи въ  $H = 80$  сантиметровъ. Вѣсъ литра воздуха равенъ  $p_1 = 1,293$  гр. при  $t_1 = 0^\circ$  и давленіи въ  $H_1 = 76$  см. Коефиціентъ теплового расширенія кислорода —  $\alpha = 0,00367$ .

**606.** Желѣзный маятникъ, длиною въ  $l = 0,994$  метровъ, совершаеть каждое качаніе въ  $t = 1''$ . На сколько уменьшится число качаній его въ  $t_1 = 24$  часовъ при увеличениі температуры на  $t^{\circ} = 20^{\circ}$ ? Коефиціентъ линейнаго теплового расширенія желѣза —  $\alpha = 0,012$ .

**607.** Стеклянныи сосудъ, совершенно наполненныи ртутью, вѣсить  $p = 15$  килограммовъ при  $t^{\circ} = 20^{\circ}$ . При нагрѣваніи до  $t_1^{\circ} = 50^{\circ}$  часть ртути выливается, и сосудъ съ оставшееся въ немъ ртутью вѣсить  $p_1 = 14,914$  кгр. Какъ великъ объемъ  $v$  сосуда при  $t_2^{\circ} = 0^{\circ}$ ? Коефиціентъ объемнаго теплового расширенія стекла —  $\alpha = 0,01264$ , ртути —  $\alpha_1 = 0,0182$  и плотность послѣдней —  $d = 13,5956$  при  $t_2^{\circ} = 0^{\circ}$ .

**608.** Воздухъ, насыщенный парами спирта при  $t^{\circ} = 20^{\circ}$ , занимаетъ объемъ въ  $v = 1000$  литровъ подъ давленіемъ ртутнаго столба въ  $H = 760$  мм. Требуется найти вѣса:  $p$  — воздуха и  $p_2$  — паровъ спирта. Упругость насыщающихъ паровъ спирта —  $F = 44,5$  мм. при  $t^{\circ}$ ; плотность ихъ —  $d = 1,613$ ; коефиціентъ теплового расширенія газовъ —  $\alpha = 0,00367$ ; вѣсъ литра воздуха —  $p = 1,293$  граммовъ (при  $0^{\circ}$  и 760 мм. давленія).

**609.** Теплоемкость нѣкотораго тѣла равна  $c = 0,2$ . Спрашивается, сколько нужно взять килограммовъ  $m$  этого тѣла при  $t^{\circ} = 50^{\circ}$ , чтобы повысить  $m_1 = 25$  килограммовъ воды отъ  $t_1^{\circ} = 10^{\circ}$  до  $t_2^{\circ} = 15^{\circ}\text{C}$ ?

**610.** Приращенія длины желѣзного стержня въ  $l = 1$  метровъ и длины мѣднаго въ  $l_1 = 0,7117$  м. при нагрѣваніи до одинаковой температуры между собою равны. Какъ великъ коефиціентъ  $\alpha$  линейнаго теплового расширенія мѣди, если коефиціентъ линейнаго теплового расширенія желѣза —  $\alpha_1 = 0,0121$ ?

**611.** На сколько удлиняется желѣзная проволока въ  $l = 150$  километровъ при измѣненіи температуры ея отъ  $(-t^{\circ}) = -20^{\circ}$  до  $t_1^{\circ} = 30^{\circ}$ ? Коефиціентъ линейнаго теплового расширенія желѣза —  $\alpha = 0,0121$ .

**612.** Найдено, что  $p = 500$  граммовъ угля выдѣляютъ при сгораніи  $q = 4000$  калорій. Спрашивается, сколько граммовъ  $P$  нужно сжечь угля, чтобы въ мѣдномъ сосудѣ, вѣсящемъ  $p_2 = 500$  граммовъ, нагрѣть  $p_1 = 1500$  граммовъ воды отъ  $t^{\circ} = 20^{\circ}$  до  $t_1^{\circ} = 100^{\circ}$  и затѣмъ обратить ее въ паръ? Теплоемкость мѣди —  $c = 0,095$ ; теплота испаренія воды —  $q_1 = 537$  калорій.

**613.** Два прямоугольной призматической формы стержня, мѣдный и платиновый, имѣютъ при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$  одинаковую длину, при

чемъ общая длина ихъ равна  $h = 1$  метрамъ. Требуется найти разность  $h_1$  между длинами стержней при  $t_1^{\circ} = 100^{\circ}$ , и узнать отношеніе ихъ поперечныхъ сѣченій  $s$  и  $s_1$  при упомянутой температурѣ? Коефиціентъ линейнаго теплового расширенія мѣди —  $\alpha = 0,017$ , платины —  $\alpha_1 = 0,059$ .

**614.** Плотность мѣди при  $0^{\circ}$  равна  $d = 8,92$ ; найти плотность ея при  $t^{\circ} = 15^{\circ}$ . Коефиціенты кубического теплового расширенія: мѣди —  $\alpha = 0,0151$ , воды отъ  $4^{\circ}$  до  $15^{\circ}$  —  $\alpha_1 = 0,01735$ .

**615.** Кусокъ стекла въ  $p = 75,325$  граммовъ вѣсить въ водѣ  $p_1 = 49,261$  гр. при  $t^{\circ} = 4^{\circ}$  и  $p_2 = 49,291$  гр. при  $t_1^{\circ} = 20^{\circ}$ . Какъ велики объемы  $v_1$  и  $v_2$  того же куска стекла при упомянутыхъ температурахъ и чему равна плотность  $d$  воды при  $t_2^{\circ} = 20^{\circ}$ , если за единицу плотности принять плотность воды при  $t^{\circ} = 4^{\circ}\text{C}$ ? Коефиціентъ линейнаго теплового расширенія стекла —  $\alpha = 0,0186$ .

**616.** Найти вѣсъ  $p$  мѣднаго шара, радиусъ котораго при  $t^{\circ} = 50^{\circ}$  равенъ  $r = 1$  метрамъ. Плотность мѣди —  $d = 8,92$ ; коефиціентъ кубического теплового расширенія мѣди —  $\alpha = 0,0151$ .

**617.** Мѣдный сосудъ, вѣсомъ въ  $p = 450$  граммовъ, содержитъ  $p_1 = 800$  граммовъ воды при  $t^{\circ} = 15^{\circ}$ ; въ воду опущенъ кусокъ льда при  $0^{\circ}$ , при чемъ въ моментъ достиженія смѣсью температуры  $0^{\circ}$  осталось  $p_2 = 5$  граммовъ нерасплывленнаго льда. Спрашивается, сколько граммовъ  $P$  вѣсилъ первоначальный кусокъ льда? Теплота плавленія льда —  $q = 79,25$  калорій; теплоемкость мѣди —  $c = 0,095$ .

**618.** Сколько нужно взять килограммовъ  $m$  ртути при  $t^{\circ} = 10^{\circ}$  и  $k$  килограммовъ  $m_1$  ея при  $t_1^{\circ} = 50^{\circ}$ , чтобы получить смѣсь въ  $m_2 = 20$  килограммовъ при  $t_2^{\circ} = 20^{\circ}$ ?

**619.** Стеклянныи шаръ съ оттянутой тонкой трубкой вмѣщаетъ  $v = 1000$  куб. сантиметровъ ртути при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$ ; при нагрѣваніи шара до  $t_1^{\circ} = 100^{\circ}$  изъ него вытекаетъ  $v_1 = 15,526$  куб. см. ртути. Какъ великъ средній коефиціентъ теплового расширенія стекла между  $t^{\circ} = 0^{\circ}$  и  $t_1^{\circ} = 100^{\circ}$ , если въ этихъ предѣлахъ температуры коефиціентъ теплового расширенія ртути равенъ  $\alpha = 0,01815$ ?

**620.** Длина металлическаго бруска равна  $l = 600$  сантиметрамъ при  $t^{\circ} = 100^{\circ}$  и  $l_1 = 610$  см. при  $t_1^{\circ} = 200^{\circ}$ . Какъ великъ объемъ  $v$  этого бруска при  $t_2^{\circ} = 0^{\circ}$ , если объемъ его при  $t_3^{\circ} = 130^{\circ}$  равенъ  $v_1 = 500$  куб. см.?

**621.** Сколько нужно единицъ  $Q$  теплоты для повышенія температуры  $m = 5$  килогр. воды отъ  $t^{\circ} = 10^{\circ}$  до  $t_1^{\circ} = 15^{\circ}$ ?

**622.**  $V=100$  литровъ азота вѣсѧть  $p=96,777$  граммовъ при  $t^{\circ}=100^{\circ}$  и давлениі въ  $H=80$  см. ртутнаго столба; найти: 1) вѣсъ  $v_1=1$  литровъ азота при  $t_1^{\circ}=0^{\circ}$  и давлениі въ  $H_1=76$  см. и 2) плотность  $d$  этого газа. Коефиціентъ теплового расширенія азота и воздуха —  $\alpha=0,00367$ ; вѣсъ воздуха въ  $v=1$  литровъ равенъ  $p=1,293$  гр. при  $t_1^{\circ}=0^{\circ}$  и давлениі въ  $H_1=76$  см.

**623.** На сколько градусовъ  $t^{\circ}$  можно повысить температуру  $m=2$  килограммовъ серебра, если сообщить ему  $Q=22$  большихъ калорій? Теплоемкость серебра —  $c=0,055$ .

**624.** Предохранительный клапанъ парового котла дѣйствуетъ на малое плечо въ  $a=3$  сантиметровъ рычага 2-го рода; на конецъ большаго плеча въ  $b=30$  см. подвѣшенъ грузъ въ  $P=5$  килограммовъ; вѣсъ рычага —  $p=2$  кгр.; центръ тяжести его находится на разстояніи  $d=10$  см. отъ точки опоры; поперечное сѣченіе клапана —  $s=8$  кв. см. До какого числа атмосферъ  $Q$  нужно довести упругость пара въ котлѣ, чтобы приподнять клапанъ? Давленіе одной атмосферы на кв. сантиметръ равно  $p_1=1,03$  килограммамъ.

**625.** Объемъ пикнометра равенъ  $v=8$  куб. сантиметровъ при  $t^{\circ}=0^{\circ}$ ; найти вѣсъ  $p$  ртути, наполняющей пикнометръ при  $t_1^{\circ}=17^{\circ}$ . Коефиціентъ теплового расширенія ртути —  $\alpha=0,018$ , стекла —  $\alpha=0,0264$  (объем.); плотность ртути —  $d=13,596$ .

**626.** Латунный сосудъ, въ  $p=1$  килограммовъ, содержитъ  $p_1=2$  килограммовъ воды при  $t^{\circ}=20^{\circ}$ . Спрашивается, сколько килограммовъ  $p_1$  тающаго льда нужно положить въ воду, чтобы понизить температуру ея до  $0^{\circ}$ ? Теплота плавленія льда —  $q=79,25$  калорій. Теплоемкость латуни —  $c=0,094$ .

**627.** Нѣкоторое количество теплоты, сообщенное водѣ въ данномъ объемѣ при  $0^{\circ}$ , нагрѣваетъ ее до температуры  $t^{\circ}=100^{\circ}$ . Спрашивается, до какой температуры  $t_1^{\circ}$  нагрѣвается тѣмъ же количествомъ теплоты ртуть, взятая при температурѣ  $t_2^{\circ}=0^{\circ}$  и въ одинаковомъ съ водою объемѣ?

**628.** Двѣ различной длины металлическія пластинки  $A$  и  $B$ , при нагрѣваніи ихъ на одно и то же число градусовъ, получаютъ одинаковое приращеніе длины. Требуется найти отношеніе длины ихъ  $l_1$  и  $l_2$  при  $t^{\circ}=0^{\circ}$ . Коефиціентъ линейного теплового расширенія пластинки  $A-\alpha$ , пластинки  $B-\alpha_1$ .

**629.** Тонкостѣнныи стеклянныи шаръ, вѣсомъ въ  $p=30$  граммовъ, вмѣщаетъ  $p_1=876$  граммовъ ртути при  $t^{\circ}=0^{\circ}$ . Спрашивается,

какой объемъ слѣдуетъ прилить въ шаръ ртути при  $t_1^{\circ}=100^{\circ}$ , чтобы онъ погружался въ нее при  $t^{\circ}=0^{\circ}$  на половину своего объема? Плотность ртути —  $d=13,6$ . Коефиціентъ теплового расширенія я —  $\alpha=0,018$ .

**630.** Плотность водорода относительно воздуха равна  $d=0,0693$  при  $t^{\circ}=0^{\circ}$  и давлениі въ  $H=76$  сантиметровъ ртутнаго столба. Требуется найти плотность водорода  $d_1$  и вѣсъ  $p_1$  его въ объемѣ въ  $v=1$  литровъ при  $t_1^{\circ}=100^{\circ}$  и давлениі въ  $H_1=80$  см. Коефиціентъ теплового расширенія водорода —  $\alpha=0,0036678$ . Вѣсъ литра воздуха равенъ  $p=1,293$  гр. при  $t^{\circ}=0^{\circ}$  и давлениі въ  $H$  см.

**631.** Въ серебряную чашку, вѣсомъ въ  $p=300$  граммовъ, налито  $p_1=1$  килограммовъ воды при  $t^{\circ}=60^{\circ}$  С. Спрашивается, сколько граммовъ  $P$  нужно положить въ воду льда, чтобы по расплавленіи его вся вода въ сосудѣ имѣла температуру  $t_1^{\circ}=10^{\circ}$ ? Теплоемкость серебра —  $c=0,057$ . Теплота плавленія льда —  $q=79,25$  калорій. Потерю теплоты во время опыта можно пренебречь.

**632.** Сосудъ съ клапаномъ содержитъ воздухъ при  $t^{\circ}=0^{\circ}$  и виѣшнемъ давлениі въ  $H=76$  сантиметровъ ртутнаго столба. До какой температуры  $t_1^{\circ}$  слѣдуетъ нагрѣть въ сосудѣ воздухъ, чтобы онъ своею упругостью открылъ клапанъ вѣсомъ съ нагрузкой въ  $p=10$  килограммовъ? Коефиціентъ теплового расширенія воздуха —  $\alpha=0,003665$ , сѣченіе клапана —  $s=15$  кв. см.; плотность ртути —  $d=13,6$ ; расширениемъ сосуда можно пренебречь.

**633.** Кусокъ золота въ  $m=500$  граммовъ нагрѣтъ отъ  $t^{\circ}=17^{\circ}$  до  $t_1=67^{\circ}\text{C}$ . Спрашивается, какое число  $Q$  единицъ теплоты поглощено золотомъ? Теплоемкость золота —  $c=0,032$ .

**634.** Разность между длинами двухъ стержней, цинковаго и желѣзного, равна  $l=10$  сантиметрамъ при  $t^{\circ}=0^{\circ}$  и остается постоянной при одинаковомъ измѣненіи температуры стержней. Требуется опредѣлить длины ихъ  $l_1$  и  $l_2$  при  $t^{\circ}=0^{\circ}$ . Коефиціентъ линейнаго теплового расширенія цинка —  $\alpha=0,029$ , желѣза —  $\alpha_1=0,012$ .

**635.** Высота чашечнаго барометра равна  $H=760$  миллиметрамъ при  $t^{\circ}=17^{\circ}$ ; въ барометрическую пустоту цилиндрической трубки введено  $v=10$  куб. см. сухого воздуха при давлениі въ  $H_1=840$  мм. и  $t_1^{\circ}=30^{\circ}$ . Требуется опредѣлить высоту  $H_2$  барометра при упомянутомъ виѣшнемъ давлениі  $H$  и температурѣ  $t^{\circ}$ . Длина барометрической трубки надъ поверхностью ртути въ чашкѣ равна  $l=$

= 900 мм., диаметр трубы —  $D = 10$  мм. Коефицієнтъ теплового расширенія воздуха —  $\alpha = 0,00367$ ; расширеніемъ барометрической шкалы можно пренебречь.

**636.** Сосудъ, емкостью въ  $v = 10$  литровъ, содергитъ воздухъ при  $t^{\circ} = 30^{\circ}$  и давлениі въ  $H = 74$  сантиметровъ ртутного столба. Требуется опредѣлить вѣсъ  $p$  взятаго воздуха. Вѣсъ литра воздуха равенъ  $p_1 = 1,293$  граммамъ при  $t_1^{\circ} = 0^{\circ}$  и давлениі  $H_1 = 76$  см.; коефицієнтъ теплового расширенія воздуха —  $\alpha = 0,00367$ .

**637.** Сколько единицъ  $Q$  теплоты нужно сообщить  $p = 200$  граммамъ льда при  $0^{\circ}$  для расплавленія его и нагрѣванія образовавшейся при этомъ воды на  $t^{\circ} = 15^{\circ}$ ? Теплота плавленія льда —  $q = 79,25$  калорій.

**638.** Куску мѣди въ  $m = 1$  килограммовъ и при температурѣ  $t^{\circ} = 20^{\circ}$  сообщено  $n = 10$  большихъ калорій теплоты. Требуется опредѣлить температуру  $t^{\circ}$  мѣди. Теплоемкость мѣди —  $c = 0,0925$ .

**639.** Даны двѣ пластинки: серебряная и мѣдная; длина пѣрвой —  $l = 49,957$  сантиметровъ, второй —  $l_1 = 49,952$  см. при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$ . При какой температурѣ  $t_1^{\circ}$  эти пластинки имѣютъ одинаковую длину? Коефицієнтъ линейнаго теплового расширенія мѣди —  $\alpha = 0,0417$ , серебра —  $\alpha_1 = 0,0419$ .

**640.** Въ барометрическую пустоту чашечнаго барометра введено  $v = 5$  куб. сантиметровъ воздуха при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$  и  $H = 76$  см. давленія. Найти высоту барометра  $H_1$  при  $t_1^{\circ} = 20^{\circ}$  и внѣшнемъ давлениі  $H$  см. Длина цилиндрической трубы барометра равна  $l = 100$  см. надъ ртутью въ чашкѣ; радиусъ трубы —  $r = 1$  см. Коефицієнтъ теплового расширенія воздуха —  $\alpha = 0,00367$ ; расширеніемъ барометрической шкалы и трубы можно пренебречь.

**641.** Литръ воздуха, взятый при  $t^{\circ} = 50^{\circ}$  и давлениі въ  $H = 75$  сантиметровъ ртутного столба, подвергается давлению въ  $H_1 = 10$  атмосферъ и охлажденію до нуля. Требуется опредѣлить объемъ его при этихъ условіяхъ. Коефицієнтъ теплового расширенія воздуха —  $\alpha = 0,00367$ .

**642.** Сухой воздухъ, заключенный въ трубкѣ Маріотта, занимаетъ  $v = 10$  куб. сантиметровъ при давлениі въ  $H = 760$  мм. ртутного столба и температурѣ  $t^{\circ} = 25^{\circ}$ ; въ трубку вводятъ избытокъ воды, и давленіе газовой смѣси приводятъ къ первоначальному давлению  $H$  и температурѣ  $t^{\circ}$ . Требуется опредѣлить объемъ  $v_1$  смѣси

газовъ. Упругость насыщающихъ водяныхъ паровъ —  $F = 23,5$  мм. при  $t^{\circ} = 25^{\circ}$ .

**643.** Къ  $m = 3$  килограммамъ воды при  $t^{\circ} = 50^{\circ}$  прилито  $m_1 = 5$  кгр. ртути при  $t_1^{\circ} = 100^{\circ}\text{C}$ . Требуется опредѣлить общую температуру  $T^{\circ}$  смѣси. Теплоемкость ртути  $c = 0,033$ .

**644.** Двѣ проволоки, серебряная и золотая, имѣютъ одинаковую длину въ  $l = 50$  сантиметровъ при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$ ; при какой температурѣ  $t_1^{\circ}$  разность между длинами ихъ достигнетъ  $l_1 = 0,024$  см.? Коефицієнтъ линейнаго теплового расширенія серебра —  $\alpha = 0,0419$ , золота —  $\alpha_1 = 0,04145$ .

**645.** Высота чашечнаго барометра равна  $H = 76$  сантиметрамъ при  $t^{\circ} = 20^{\circ}$ ; въ барометрическую пустоту введена нѣкоторая масса воздуха при  $t_1^{\circ} = 30^{\circ}$  и давлениі въ  $H_1 = 80$  см., при чемъ высота барометра уменьшилась на  $h = 30$  см. Требуется опредѣлить объемъ  $v$  введенаго воздуха при  $t_2^{\circ} = 30^{\circ}$ . Коефицієнтъ теплового расширенія воздуха —  $\alpha = 0,00367$ , радиусъ барометрической цилиндрической трубы равенъ  $r = 1$  см., а длина ея надъ уровнемъ ртути въ чашкѣ —  $l = 90$  см.; измѣненіемъ высоты ртути въ чашкѣ можно пренебречь.

**646.** Масса газа при  $t^{\circ} = 20^{\circ}$  и барометрическомъ давлениі въ  $H = 75$  сантиметровъ занимаетъ  $v = 20$  куб. см.; при какой температурѣ  $t_1^{\circ}$  та же масса газа займетъ  $v_1 = 30$  куб. см., при давлениі въ  $H_1 = 80$  см.? Коефицієнтъ теплового расширенія воздуха —  $\alpha = 0,00367$ .

**647.** Влажный воздухъ въ объемѣ  $v = 10$  литровъ находится подъ давлениемъ въ  $H = 700$  мм. и при температурѣ  $t^{\circ} = 20^{\circ}$ ; гигрометрическое состояніе испытуемаго воздуха —  $E = 0,6$ . Требуется опредѣлить вѣсъ  $p$  воздуха. Упругость насыщающихъ водяныхъ паровъ —  $F = 17,4$  мм. при  $t^{\circ}$ ; вѣсъ литра воздуха —  $P_1 = 1,293$  граммовъ (при  $0^{\circ}$  и 760 мм. давлениі). Коефицієнтъ теплового расширенія газовъ —  $\alpha = 0,00367$ .

**648.** Въ желѣзный сосудъ, имѣющій температуру  $t^{\circ} = 10^{\circ}\text{C}$ , влито нѣкоторое по вѣсу количество ртути; начальная температура ея  $t_1^{\circ} = 25^{\circ}$ , окончательная  $t_2^{\circ} = 24^{\circ}$ . Спрашивается, сколько вѣсить  $P$  влитая ртуть, если общій вѣсъ ея съ сосудомъ равенъ  $p = 4$  килограммамъ? Теплоемкость желѣза —  $c = 0,1$ ; теплоемкость ртути —  $c_1 = 0,033$ .

**649.** Весь данного куска платины, погруженной в ртуть, уменьшается на  $p = 100$  граммовъ при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$  и на  $p_1 = 99,54$  гр. при  $t_1^{\circ} = 30^{\circ}$ . Требуется найти: а) объемы  $v_0$  и  $v$  данного куска платины при  $t^{\circ}$  и  $t_1^{\circ}$  и в) коэффициентъ линейнаго теплового расширения платины. Плотность ртути —  $d = 13,5956$  при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$  и  $d_1 = 13,522$  при  $t_1^{\circ} = 30^{\circ}$ .

**650.** Высота чашечнаго барометра при  $t^{\circ} = 30^{\circ}$  равна  $H = 77$  сантиметрамъ; спрашивается, какую высоту  $H_1$  будетъ имѣть барометръ при  $t_1^{\circ} = 0^{\circ}$ ? Коэффициентъ теплового расширения ртути —  $\alpha = 0,0182$ ; расширениемъ барометрической шкалы можно пренебречь.

**651.** Открытый стеклянныи щарь содержитъ сухой воздухъ при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$  и барометрическомъ давлениі въ  $H = 76$  сантиметровъ. Когда щарь бытъ нагрѣтъ до  $t_1^{\circ} = 100^{\circ}$ , закрытъ и взвѣшенъ, то оказалось, что онъ уменьшился въ весь на  $p_1 = 0,5$  граммовъ. Требуется опредѣлить объемъ  $v$  шара при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$ . Коэффициентъ объемнаго теплового расширения стекла —  $\alpha = 0,0264$ , воздуха —  $\alpha_1 = 0,00367$ . Плотность воздуха —  $d = 0,001293$ .

**652.** Сосудъ, емкостью въ  $v = 10$  литровъ, наполненъ углекислымъ газомъ при  $t^{\circ} = 20^{\circ}$  и давлениі въ  $H = 70$  сантиметровъ ртутнаго столба. Сообщивъ сосудъ съ вѣшней атмосферой, давление которой равно  $H_1 = 78$  см., нагрѣваютъ его до  $t_1^{\circ} = 100^{\circ}$ . Требуется опредѣлить весь  $p$  вышедшей части углекислого газа. Коэффициентъ теплового расширения этого газа —  $\alpha = 0,00371$ ; плотность его —  $d = 1,539$  при  $t_2^{\circ} = 0^{\circ}$  и  $H_2 = 76$  см. давленія; весь литра воздуха равенъ  $p = 1,293$  гр. при  $t_2^{\circ} = 0^{\circ}$  и  $H_2 = 76$  см. давленія; расширениемъ сосуда можно пренебречь.

**653.**  $V = 10$  куб. метровъ воздуха, насыщенаго водянымъ паромъ при  $t^{\circ} = 20^{\circ}$ , смѣшиваются съ такимъ же объемомъ воздуха, насыщенаго при  $t_1^{\circ} = 0^{\circ}$  и получаютъ объемъ  $v_1 = 20$  куб. метровъ смѣси при  $t_2^{\circ} = 10^{\circ}$ . Требуется опредѣлить весь  $P$  паровъ. Упругость насыщающихъ водяныхъ паровъ —  $F = 17,4$  мм. при  $t^{\circ}$ ,  $F_1 = 4,6$  мм. при  $t_1^{\circ}$  и  $F_2 = 9,1$  мм. при  $t_2^{\circ}$ ; плотность водяныхъ паровъ —  $d = 0,622$ . Коэффициентъ теплового расширения газовъ  $\alpha = 0,00367$ .

**654.** Латунный калориметръ въ  $p = 50$  граммовъ содержитъ нѣкоторое количество  $q$  воды, при  $t^{\circ} = 20^{\circ}$  температуры. Въ калориметръ погружаютъ кусокъ желѣза въ  $p_1 = 25$  гр. при  $t_1^{\circ} = 100^{\circ}$ , при чмъ общая температура смѣшения равна  $T^{\circ} = 21^{\circ}$ . Требуется опредѣлить

количество  $q$  воды, введенной въ калориметръ. Теплоемкость же лѣза —  $c = 0,11$ ; теплоемкость латуни —  $c_1 = 0,094$ .

**655.** Пикнометръ вмѣщаетъ ртути по вѣсу  $p = 1,36$  килограммовъ при  $t^{\circ} = 17^{\circ}$ . Какъ велика емкость пикнометра при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$ ? Коэффициентъ теплового расширения ртути —  $\alpha = 0,0182$ , стекла  $\alpha_1 = 0,0258$ ; плотность ртути  $d = 13,6$ .

**656.** При  $t^{\circ} = 30^{\circ}$  барометръ показываетъ давленіе въ  $H = 77$  сантиметровъ ртутнаго столба. Спрашивается, какое давленіе  $H_1$  будетъ показывать онъ при  $t_1^{\circ} = 0^{\circ}$ ? Коэффициентъ теплового расширения ртути —  $\alpha = 0,0182$ , латунной барометрической шкалы —  $\alpha_1 = 0,0186$ .

**657.** Данная масса воздуха занимаетъ 5 куб. см. при  $t^{\circ} = 10^{\circ}$  и давлениі въ  $H = 70$  сантиметровъ ртутнаго столба. Какой объемъ  $v$  займетъ та же масса воздуха при  $t_1^{\circ} = 0^{\circ}$  и давлениі въ  $H_1 = 76$  см., и какъ велика весь  $p$  ея? Коэффициентъ теплового расширения воздуха —  $\alpha = 0,00367$ ;  $v_1 = 773$  куб. см. воздуха вѣсятъ  $p = 1$  граммъ при  $t_1^{\circ} = 0^{\circ}$  и давлениі въ  $H_1 = 76$  см.

**658.** Сосудъ, въ  $V = 2$  литровъ вмѣстимости и герметически закрытый, содержитъ, кроме воздуха, нѣкоторый избытокъ воды подъ давлениемъ  $H = 774,4$  мм. при  $t^{\circ} = 20^{\circ}$ . Требуется опредѣлить давленіе  $H_1$  газовъ при  $t^{\circ} = 100^{\circ}$ . Весь литра воздуха —  $p = 1,293$  граммовъ (при  $0^{\circ}$  и 760 мм. давленія). Коэффициентъ теплового расширения воздуха —  $\alpha = 0,003665$ ; упругость насыщающаго водяного пара —  $F = 17,4$  мм. при  $t^{\circ} = 20^{\circ}$ .

**659.** Кусокъ мѣди, нагрѣтый до  $t^{\circ} = 100^{\circ}$ , погруженъ въ  $p = 100$  граммовъ по вѣсу воды, при чмъ послѣдняя нагрѣлась отъ  $t_1^{\circ} = 15^{\circ}$  до  $t_2^{\circ} = 18^{\circ}$ . Спрашивается, сколько вѣситъ  $P$  взятый кусокъ мѣди, и сколько теряетъ онъ теплоты при охлажденіи на  $t_3^{\circ} = 1^{\circ}$ ? Теплоемкость мѣди —  $c = 0,0925$ .

**660.** Желѣзная цилиндрическая трубка въ  $r = 1$  см. радиуса, запаянная съ одного конца и содержащая ртуть, погружается въ сосудъ со ртутью на  $h = 5$  см. своей длины при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$  С. На сколько  $h$ , см. погрузится трубка во ртуть при температурѣ  $t_1^{\circ} = 100^{\circ}$ ? Коэффициентъ теплового расширения ртути —  $\alpha = 0,0182$ , желѣза —  $\alpha_1 = 0,0258$  (куб.).

**661.** Платиновый шарикъ, погруженный въ ртуть при  $t^{\circ} = 0^{\circ}$ , уменьшился въ вѣсѣ на  $p = 136$  граммовъ. На сколько граммовъ  $p_1$  уменьшится вѣсъ того же шарика при погружениіи его въ ртуть

при  $t_1 = 40^\circ$ ? Коеффициентъ кубического теплового расширения ртути —  $\alpha = 0,018$ , платины —  $\alpha_1 = 0,027$ ; плотность ртути —  $d = 13,6$ .

**662.** Цилиндрический стаканъ, діаметръ основанія которого равенъ  $D = 6$  сантиметрамъ, наполненъ ртутью при  $t = 100^\circ$ . Определить вѣсъ этой жидкости, если высота стакана  $h = 10$  см. Коеффициентъ теплового расширения ртути  $\alpha = 0,018$ ; плотность ея —  $d = 13,5956$  при  $0^\circ$ .

**663.** Объемъ газа при  $t = 16^\circ$  и давлениі въ  $H = 755$  миллиметровъ ртутнаго столба занимаетъ  $v = 20$  куб. сантиметровъ. На сколько увеличится объемъ  $v_1$  той же массы газа при  $t_1 = 25^\circ$  и  $H_1 = 740$  мм. барометрическаго давления? Коеффициентъ теплового расширения газа —  $\alpha = 0,00367$ .

**664.**  $P = 29,43$  граммовъ жидкаго эаира, при температурѣ кипѣнія его  $t^\circ$ , вполнѣ насыщають пространство въ  $v = 10$  куб. дециметровъ. Требуется определить температуру  $t^\circ$ . Плотность насыщающихъ паровъ эаира —  $d = 2,565$  (при  $0^\circ$  и 760 мм. давлениі); вѣсъ литра воздуха —  $p = 1,293$  граммовъ (при  $0^\circ$  и 760 мм. давлениі). Коеффициентъ теплового расширения газовъ —  $\alpha = 0,00367$ .

**665.** Сколько единицъ  $Q$  теплоты нужно сообщить  $v = 1000$  куб. метрамъ воздуха, чтобы нагрѣть его отъ  $t = 0^\circ$  до  $t_1 = 10^\circ\text{C}$ ? Теплоемкость воздуха при постоянномъ давлениі —  $c = 0,239$ ; плотность воздуха относительно воды —  $d = 0,001293$  при  $0^\circ$ .

**666.** Кусокъ платины въ  $v = 10$  куб. сантиметровъ при  $t = 0^\circ$  нагрѣть до  $t_1 = 100^\circ$  и погруженъ въ ртуть тоже при температурѣ  $t_1^\circ$ . Спрашивается: а) на сколько граммовъ  $p$  уменьшится вѣсъ погруженной платины и б) какъ велика объемъ  $v$  ея при  $t_1 = 100^\circ$ ? Коеффициентъ объемнаго теплового расширения платины —  $\alpha = 0,027$ , ртути —  $\alpha_1 = 0,018$ ; плотность ртути при  $t_1 = 100^\circ$  равна  $d = 13,352$ .

**667.** Определить въ данный моментъ времени разность между высотами двухъ барометровъ, помѣщенныхъ одинъ выше другого на  $h = 15$  метровъ, при чёмъ плотность воздуха въ данныхъ пунктахъ принимается одинаковою и равною  $d = 0,001293$ ; плотность ртути —  $d_1 = 13,5956$ .

**668.** Масса воздуха въ  $v = 50$  куб. сантиметровъ и  $t = 10^\circ$  производить давление въ  $p = 1,033$  килограммовъ на  $s = 1$  кв. см. Какой объемъ занимаетъ та же масса воздуха, нагрѣтая до  $t_1 = 200^\circ$

и производящая давление въ  $p_1 = 1,5$  кгр. на  $s = 1$  кв. см.? Коеффициентъ теплового расширения воздуха —  $\alpha = 0,00367$ .

**669.** При насыщении барометрической камеры водянымъ паромъ при температурѣ  $t = 20^\circ$ , ртуть опускается въ барометрѣ на  $h = 17,42$  миллиметровъ. Требуется определить упругость  $F$  насыщающихъ паровъ при упомянутой температурѣ. Коеффициентъ теплового расширения ртути —  $\alpha = 0,018$ .

**670.** Нагрѣтый кусокъ желѣза, масса которого равна  $m = 1$  килограммъ, погруженъ въ  $m_1 = 15$  кгр. воды при температурѣ  $t = 10^\circ$ ; общая температура смѣси равна  $T = 13^\circ,73\text{C}$ . Требуется определить первоначальную температуру желѣза. Теплоемкость желѣза —  $c = 0,109$ .

**671.** Даны два стержня: стальной и цинковый, пріобрѣтающіе при нагреваніи на  $t = 1^\circ$  одинаковое приращеніе  $l$  длины. Длина стального стержня равна  $l_1 = 1$  метрамъ при  $t_1 = 0^\circ$ ; какъ велика длина  $l_2$  второго стержня при  $t_2 = 1^\circ$ ? Коеффициентъ линейнаго теплового приращенія стали —  $\alpha = 0,0104$ , цинка —  $\alpha = 0,0291$ .

**672.** Какъ велика длина  $l$  градуса ртутнаго термометра, діаметръ шарика которого равенъ  $D = 20$  миллиметрамъ, а поперечное сѣченіе трубки —  $s = 0,2$  кв. мм.? Коеффициентъ куб. теплового расширения стекла —  $\alpha = 0,0264$ ; средний коеффициентъ теплового расширения ртути —  $\alpha_1 = 0,018$ .

**673.** При какой температурѣ  $t^\circ$  данный объемъ воздуха, измѣренный при температурѣ  $t_1 = 0^\circ$ , увеличивается втрое при постоянномъ внѣшнемъ на него давлениі? Коеффициентъ тепловаго расширения воздуха —  $\alpha = 0,00367$ .

**674.** Воздухъ, заключенный въ закрытомъ сосудѣ, вполнѣ насыщенъ водяными парами при  $t = 30^\circ$  и давлениі въ  $H = 700$  миллиметровъ ртутнаго столба. Требуется определить плотность  $d$  влажнаго воздуха. Коеффициентъ теплового расширения газовъ —  $\alpha = 0,0367$ ; вѣсъ литра воздуха —  $p = 1,293$  граммовъ (при  $0^\circ$  и 760 мм. давлениі); плотность насыщающихъ водяныхъ паровъ —  $d_1 = 0,622$  (при  $0^\circ$ ); упругость ихъ —  $H_1 = 31,5$  мм. при  $t = 30^\circ$ .

**675.** Килограммъ цинка, нагрѣтый до  $t = 100^\circ\text{C}$ , погруженъ въ  $m = 6$  кгр. воды при  $t_1 = 17^\circ\text{C}$ , при чёмъ общая температура смѣси равна  $T = 18,3\text{C}$ . Требуется вычислить теплоемкость  $c$  цинка.

**676.** Цилиндрическая стеклянная трубка, раздѣленная на  $n = 50$  равныхъ по объему частей, вмѣщаетъ  $p = 10$  граммовъ ртути при

$t = 30^\circ$ . Определить емкость  $v$  одной  $\frac{1}{n}$  части трубки при  $t_1 = 0^\circ$ . Коефицент линейного теплового расширения стекла —  $\alpha = 0,0588$ . ртути —  $\alpha_1 = 0,018$ ; плотность последней —  $d = 13,5956$ .

677. Какъ велико поперечное съченіе  $s$  термометрической трубки, если диаметръ шарика ртутнаго термометра равенъ  $D = 20$  миллиметрамъ, коефицентъ линейного теплового расширения стекла равенъ  $\alpha = 0,0588$  лин. и ртути —  $\alpha_1 = 0,0182$  при  $t = 100^\circ$ , при чёмъ нулевая черта ( $0^\circ$ ) шкалы удалена отъ поверхности шарика на  $n = 20$  миллиметровъ, а разстояніе между черточками  $0^\circ$  и  $100^\circ$  равно  $m = 50$  мм.?

678. Мѣдный шаръ содержитъ  $v = 50$  литровъ воздуха при  $t = 0^\circ$  и барометрическомъ давлениі въ  $H = 76$  сантиметровъ. Какъ велика въсъ  $p$  воздуха въ томъ же шарѣ при  $t_1 = 30^\circ$  и давлениі въ  $H_1 = 80$  см.? Коефицентъ линейного теплового расширения мѣди —  $\alpha = 0,017$ , воздуха —  $\alpha_1 = 0,00367$ . Плотность воздуха —  $d = 0,001293$ .

## ЗВУКЪ.

679. Выстрѣлъ изъ пушки, произведенный въ 12 часовъ дня, былъ услышанъ наблюдателемъ спустя  $t = 6$  секундъ; требуется определить разстояніе  $e$  между пушкой и наблюдателемъ<sup>1)</sup>.

680. Какъ велико разстояніе  $e$  между крайними точками молнии, если слѣдующій за нею громъ продолжался (безъ эхо)  $t = 5$  секундъ?

681. Сирена Каньяра издаетъ одинаковой высоты тонъ, при чёмъ вращающійся кружокъ ея, имѣющій  $m = 25$  отверстій, совершаеть  $n = 1600$  оборотовъ въ  $t = 1$  минуту. Требуется определить длину  $l$  звуковой волны.

682. Длина звуковой волны равна  $l = 10$  сантиметрамъ; требуется определить число  $n$  колебаний въ  $1''$  звучащаго тѣла, производящаго такую волну.

683. Струна совершаеть  $n = 384$  колебаний въ  $t = 3$  секундъ. Требуется определить длину  $l$  звуковой волны.

1) Скорость звука въ воздухѣ при  $0^\circ$  принимается равной  $v_0 = 332$  метрамъ въ  $1''$ .

684. Струна, натянутая грузомъ въ  $p = 1$  килограммовъ, совершаеть  $n = 128$  колебаний въ  $1''$ . Какое число  $n_1$  колебаний въ  $1''$  станеть совершать та же струна, если натянута грузомъ въ  $p_1 = 4$  килограммовъ?

685. Струна, натянутая грузомъ въ  $p = 1$  килограммовъ, совершаеть при нѣкоторой температурѣ  $n$  колебаний въ  $t = 1$  секундъ. Спрашивается, сколько колебаний  $m$  въ  $t$  секундъ будетъ совершать та же струна при увеличеніи силы натяженія ея въ  $p_1 = 4$  разъ и прежней температурѣ?

686. Двѣ струны,  $A$  и  $B$ , одинаковой толщины и плотности, совершаютъ: первая  $n = 6$  колебаний въ то время, какъ вторая  $n_1 = 4$  колебаний. Требуется определить силы  $f$  и  $f_1$  натяженія струнъ, если струна  $A$  въ въ  $m = 6$  разъ длиннѣе струны  $B$ .

687. Стальная струна, длина которой равна  $l = 0,6$  метрамъ, радиусъ съченія въ  $r = 1$  миллиметровъ, натяженіе въ  $f = 4$  килограммовъ, совершаеть  $n = 100$  колебаний въ  $1''$ . Требуется определить число  $n_1$  колебаний въ  $1''$  стальной струны, длина которой въ  $l_1 = 0,3$  м., радиусъ съченія въ  $r_1 = 0,5$  мм. и натяженіе въ  $f_1 = 8$  килограммовъ.

688. Наблюдатель помѣщается между двумя параллельными стѣнами и въ одинаковомъ отъ каждой изъ нихъ разстояніи. Отъ момента, когда произведенъ наблюдателемъ звукъ, и до начала эхо проходитъ  $t = 0,334$  секундъ. Спрашивается, какъ велико разстояніе  $e$  между стѣнами?

689. Числа колебаний двухъ однородныхъ по составу струнъ, одинаковой длины и степени натяженія, относятся между собою, какъ  $t : n = 1 : 2$ . Требуется найти отношеніе между діаметрами  $\frac{d}{d}$  этихъ струнъ.

690. Наблюдатель, произведя выстрѣлъ, услышалъ отраженный скалою звукъ (эхо) спустя  $t = 10$  секундъ послѣ выстрѣла. Спрашивается, какъ велико разстояніе между наблюдателемъ и скалою?

691. Какъ относятся между собою числа  $n$  и  $n_1$  колебаний двухъ струнъ  $A$  и  $B$  одинаковой плотности, длины и силы натяженія, если въсъ нѣкоторой части длины струны  $A$  въ  $m = 5$  разъ больше вѣса такой же по длине части струны  $B$ ?

692. Данный камертонъ звучть въ унисонъ со струною, длина которой равна  $l = 99$  сантиметрамъ; если же длину струны увеличить на  $l_1 = 0,5$  см., то слышится въ теченіе  $t = 3$  секундъ  $m = 5$

или дрожаний. Требуется определить число  $n_1$  колебаний камертонов в 1".

**693.** Какъ относятся между собою числа  $n$  и  $n_1$  колебаний двухъ одинаковой длины, плотности и толщины струнъ, если сила натяженія одной изъ нихъ равна  $p=4$  килограммамъ, а другой —  $p_1=16$  килограммамъ?

**694.** Точка  $A$  удалена отъ звучащаго тѣла на разстояніе въ  $e=25$  метровъ, точка  $B$  на разстояніе въ  $e_1=100$  м. Спрашивается: 1) въ какой изъ упомянутыхъ точекъ сила звука слабѣе и 2) во сколько разъ?

**695.** При одновременномъ звучаніи двухъ камертоновъ  $A$  и  $B$  слышится  $m=10$  біеній, или дрожаний въ теченіе времени  $t$  одного колебанія маятника, длина котораго въ  $l=0,25$  метровъ. Требуется определить число  $n$  колебаний камертоновъ  $A$  и  $B$ , если камертонъ  $A$  совершає  $n_1=435$  колебаний въ 1". Ускореніе тяжести —  $g=9,81$  м. въ 1";  $\pi=3,14$ .

**696.** Въ шахту, глубиною въ  $h=19,62$  метровъ, пущенъ камень безъ начальной скорости. Спрашивается, по истеченіи какого времени  $t$  наблюдатель услышитъ звукъ, произведенный ударомъ камня о дно шахты? Ускореніе  $g=9,81$  метровъ въ 1"<sup>1)</sup>.

**697.** Струна совершає  $n=120$  колебаний въ 1". Спрашивается, въ какомъ разстояніи  $e$  долженъ находиться отъ нея наблюдатель, чтобы услышать звукъ въ моментъ, когда струна окончить  $n-e=12$ -е колебаніе?

**698.** Одинъ изъ двухъ камертоновъ совершає  $n=500$  колебаний въ секунду. Если заставимъ одновременно звучать оба камертоновъ, то услышимъ  $m=3$  дрожаний въ секунду. Спрашивается, какое число  $n_1$  колебаний въ секунду совершає второй камертонъ?

**699.** У одного конца прямой чугунной трубы произведенъ звукъ; наблюдатель, находившійся у другого конца той же трубы, услышалъ два послѣдовательныхъ звука. Требуется определить время  $t$ , раздѣлявшее эти два звука. Длина трубы равна  $l=951$  метровъ; скорость распространенія звука въ чугунѣ въ  $n=14$  разъ больше, чѣмъ въ воздухѣ при  $0^{\circ}$ .

**700.** На монохордѣ натянуты двѣ струны: мѣдная  $A$ , длиною въ  $l_1=300$  сантиметровъ, радиуса въ  $r_1=2$  миллиметровъ, и стальна  $B$ , длиною въ  $l_2=400$  см., радиуса въ  $r_2=3$  мм. Требуется определить отношеніе силъ  $f_1$  и  $f_2$  натяженія струнъ  $A$  и  $B$ , если первая изъ нихъ издає звукъ октавою выше второй. Плотности: мѣди —  $d=8,92$ , стали —  $d_1=7,70$ .

**701.** Волны звуковъ человѣческой рѣчи имѣютъ длину отъ  $l_1=2,5$  метровъ до  $l_2=3,5$  метровъ. Требуется определить соответствующія числа  $n_1$  и  $n_2$  колебаний голосовыхъ струнъ.

**702.** Башенные часы помѣщены на высотѣ въ  $h=32$  метровъ надъ точкою  $A$  поверхности земли. Спрашивается, во сколько времени  $t$  звукъ часового колокола достигнетъ до точки  $B$ , лежащей въ одной горизонтальной плоскости съ точкою  $A$  и отстоящей отъ нея на  $e=213$  метровъ?

**703.** Двѣ струны  $A$  и  $B$  одинаковой плотности совершаютъ одинаковое число колебаний въ 1", при чёмъ струна  $A$  въ  $m=1,5$  разъ длиннѣе и въ  $n=2$  разъ толще струны  $B$ . Требуется определить отношеніе силъ натяженія  $f$  и  $f_1$  струнъ  $A$  и  $B$ .

**704.** Звукъ свистка локомотива производится  $n=455$  колебаніями воздуха въ 1". Извѣстно, что съ приближеніемъ локомотива къ, находящемуся въ покое наблюдателю, тонъ свистка нѣсколько повышается, а съ удаленіемъ — нѣсколько понижается. Требуется определить числа колебаній  $n_1$  и  $n_2$  слышимыхъ тоновъ въ томъ и другомъ случаѣ, если скорость движенія локомотива въ  $v=10$  метровъ въ 1", скорость распространенія звука въ воздухѣ —  $v_1=350$  метровъ въ 1".

**705.** Двѣ струны  $A$  и  $B$ , тождественные между собою по составу, силѣ натяженія и толщинѣ, различаются по длине: длина струны  $A$  равна  $l_1=45$  сантиметрамъ, длина струны  $B=l_2$  см.; первая изъ нихъ совершає  $n_1=64$  колебаній въ 1", вторая —  $n_2=120$  колебаній въ 1". Требуется найти длину  $l_2$  струны  $B$ .

**706.** Двѣ трубы, открытая и закрытая, и камертонъ издають одинаковой высоты тонъ, при чёмъ камертонъ совершає  $n=435$  колебаній въ 1". Требуется определить длину  $l$  открытой и длину  $l_1$  закрытой трубы.

**707.** Требуется определить температуру  $t$  воздуха, въ которомъ звукъ распространяется со скоростью въ  $v=347$  метровъ

<sup>1)</sup> Если температура воздуха не показана, то предполагается равной  $0^{\circ}$ .

въ  $1''$ , при чёмъ принимается, что при повышеніи температуры на  $t_1 = 1^\circ$  скорость звука въ воздухѣ увеличивается на  $m = 0,5$  метровъ въ  $1''$ .

**708.** Въ колодезь брошенъ камень безъ начальной скорости; спустя  $t = 4$  секундъ отъ начала паденія услышанъ звукъ отъ удара камня о воду. Спрашивается, какъ велика глубина  $h$  колодца? Ускореніе тяжести —  $g = 9,81$  метровъ въ  $1''$ .

**709.** Съ какой скоростью удаляется отъ наблюдателя локомотивъ, если звукъ сигнального свистка падаетъ съ  $n = 500$  на  $n_1 = 470$  колебаній въ секунду?

## СВѢТЪ.

а) Распространеніе свѣта и фотометрія. б) Отраженіе свѣта зеркалами. с) Преломленіе свѣта.

а) **710.** Деревянный столбъ, отвѣсно врытый въ землю, бросаетъ на нее тѣнь длиною въ  $l = 8$  метровъ при высотѣ солнца въ  $\alpha = 45^\circ$ . Требуется опредѣлить высоту  $h$  надземной части столба.

**711.** Скорость свѣта равна  $v = 300000$  километровъ въ  $1''$ ; радиусъ земной орбиты приблизительно —  $r = 15 \cdot 10^7$  километровъ. Требуется узнать, во сколько времени  $t$  свѣтъ достигаетъ отъ солнца до земли?

**712.** Пламя свѣчи и пламя газового рожка находятся на разстояніи другъ отъ друга въ  $e = 20$  метровъ. Спрашивается, въ какомъ разстояніи  $e_1$  отъ свѣчи нужно поставить между данными источниками свѣта белый экранъ, чтобы онъ освѣщался ими одинаково при допущеніи, что сила свѣта газового рожка въ  $n = 9$  разъ превосходитъ силу свѣтицы?

**713.** При опредѣленіи отношенія силъ свѣта двухъ источниковъ его  $s$  и  $s_1$  найдено, что первый изъ нихъ нужно помѣстить на разстояніи въ  $d = 30$  сантиметровъ, а второй на разстояніи въ  $d_1 = 90$  см. отъ стеаринового пятна фотометра Бунзена, при чёмъ въ обоихъ случаяхъ пятно исчезаетъ. Требуется найти отношеніе силъ свѣта  $J$  и  $J_1$  источниковъ  $s$  и  $s_1$ .

**714.** Лампа и свѣча, помѣщенные передъ фотометромъ Румфорда, даютъ въ одинаковой степени темныя тѣни, при чёмъ разстояніе  $d$

свѣчи отъ экрана составляетъ  $\frac{1}{n} = \frac{1}{4}$  часть разстоянія лампы отъ того же экрана. Требуется опредѣлить отношеніе  $\frac{J}{J_1}$  силь свѣта лампы и  $J_1$  — свѣчи.

**715.** Нѣкоторая точка, удаленная на разстояніе въ  $d = 25$  сантиметровъ отъ одного и на разстояніе въ  $d_1 = 16$  см. отъ другого источника свѣта, одинаково освѣщается ими. Требуется найти отношеніе силь свѣта  $J$  и  $J_1$  данныхъ источниковъ.

б) **716.** Въ данный моментъ времени высота солнца надъ горизонтомъ равна  $\alpha = 40^\circ$ , и солнце отражается въ спокойной поверхности озера. Требуется опредѣлить уголъ  $\beta$  отраженія свѣтовыхъ лучей.

**717.** Въ пространствѣ прямого угла, образованного двумя плоскими зеркалами, помѣщена свѣтящая точка  $s$ . Требуется опредѣлить чертежомъ число  $n$  изображеній, производимыхъ зеркалами.

**718.** Стержень, длиною въ  $l = 10$  сантиметровъ, наклоненъ подъ нѣкоторымъ угломъ къ спокойной поверхности чистой ртути. Показать чертежомъ, что длина стержня и длина изображенія его между собою равны.

**719.** Передъ вогнутымъ сферическимъ зеркаломъ диаметра въ  $D = 60$  сантиметровъ поставленъ предметъ на разстояніи въ  $d = 60$  см. Требуется опредѣлить разстояніе  $f$  изображенія его отъ зеркала.

**720.** Прямая свѣтлая линія, длиною въ  $l = 5$  сантиметровъ, пересѣкаетъ перпендикулярно главную оптическую ось вогнутаго сферического зеркала на разстояніи въ  $d = 20$  сантиметровъ отъ него. Требуется начертить изображеніе этой линіи и опредѣлить длину его  $l_1$ , если радиусъ зеркала равенъ  $r = 30$  см.

**721.** Главное фокусное разстояніе вогнутаго сферического зеркала равно  $F = 8$  сантиметрамъ; накаленная платиновая проволока  $A$  поставлена своею длиною перпендикулярно къ главной оптической оси зеркала на разстояніи въ  $d = 24$  см. отъ него. Требуется найти: а) разстояніе  $f$  изображенія нити отъ зеркала и б) отношеніе длины  $h_1$  изображенія нити къ длине ея (увеличеніе).

**722.** Передъ вогнутымъ зеркаломъ на разстояніе  $f = 450$  сантиметровъ отъ него помѣщенъ экранъ перпендикулярно къ оси его; радиусъ зеркала —  $r = 90$  см. Спрашивается, въ какомъ разстояніи  $d_1$  отъ зеркала слѣдуетъ помѣстить свѣтящее тѣло, чтобы изображеніе его проектировалось на экранѣ?

**723.** Свѣтящая точка помѣщена передъ вогнутымъ сферическимъ зеркаломъ на разстояніи въ  $d = 50$  сантиметровъ отъ него; изображеніе точки получается на разстояніи въ  $f = 100$  см. отъ зеркала. Требуется найти радиусъ  $r$  зеркала.

**724.** Предметъ, въ  $h = 5$  сантиметровъ высоты помѣщенъ на разстояніи въ  $d = 10$  см. отъ вогнутаго сферического зеркала, высота мнимаго изображенія предмета —  $h_1 = 15$  см. Требуется определить радиусъ  $r$  зеркала и фокусное разстояніе  $f$ .

**725.** Главное фокусное разстояніе выпуклого сферического зеркала равно  $F = 7$  сантиметрамъ. Требуется найти разстояніе  $f$  изображенія предмета, помѣщенаго на разстояніи въ  $d = 21$  см. отъ зеркала.

**726.** Стержень, длиною въ  $l = 20$  сантиметровъ, поставленъ передъ выпуклымъ сферическимъ зеркаломъ на разстояніи въ  $d = 40$  см. перпендикулярно къ оси его; длина изображенія въ  $l_1 = 15$  см. Требуется определить радиусъ  $r$  зеркала.

**727.** Передъ выпуклымъ сферическимъ зеркаломъ помѣщена свѣтлая прямая линія  $AB$ , при чемъ длина изображенія ея въ  $n = 10$  разъ менѣе длины линіи. Требуется определить разстояніе  $d$  свѣтлой линіи отъ зеркала, если радиусъ его равенъ  $r = 10$  сантиметрамъ.

**728.** Изображеніе свѣтящей точки, помѣщенной на разстояніи въ  $d = 10$  сантиметровъ отъ выпуклого сферического зеркала, получается на разстояніи въ  $f = 8$  см. отъ него. Спрашивается, въ какомъ разстояніи  $d_1$  нужно помѣстить свѣтящую точку, чтобы изображеніе ея получилось на разстояніи въ  $f_1 = 20$  см. отъ зеркала?

**729.** Лучъ идетъ въ стеклѣ и падаетъ подъ угломъ въ  $\alpha^{\circ} = 50^{\circ}$  на поверхность, отдѣляющую стекло отъ пустоты. Требуется определить дальнѣйшее направление луча въ пустотѣ. Показатель преломленія стекла —  $\mu = \frac{3}{2}$ .

с) **730.** Лучъ свѣта переходитъ изъ пустоты въ воду. Требуется определить наибольшій уголъ  $\alpha$  преломленія. Абсолютный показатель преломленія воды —  $\mu = 1,336$ .

**731.** Предѣльный уголъ преломленія для нѣкоторой среды равенъ  $\alpha^{\circ} = 40^{\circ}$ . Требуется найти показателя преломленія  $\mu$  этой среды.

**732.** Свѣтовой лучъ идетъ въ прозрачной срединѣ и, достигнувъ поверхности ея подъ угломъ паденія въ  $\alpha^{\circ} = 30^{\circ}$ , выходитъ изъ средины въ пустоту подъ угломъ въ  $\beta^{\circ} = 90^{\circ}$ . Требуется определить показателя преломленія  $\mu$  средины.

**733.** Центральные свѣтовые лучи, падающіе на двояковыпуклое сферическое стекло параллельно главной оптической оси его, пересѣкаются эту ось въ точкѣ  $s$ , отстоящей на  $F = 10$  сантиметровъ отъ стекла. Требуется определить фокусное разстояніе  $f$  пучка лучей, испускаемыхъ свѣтящей точкой  $s_1$ , находящейся на главной оси и въ разстояніи  $d = 60$  см. отъ стекла.

**734.** Лучи, падающіе изъ свѣтящей точки  $s$  на двояковыпуклое стекло, пересѣкаются по другую сторону его въ разстояніи  $f = 40$  сантиметровъ. Радиусы стекла:  $r = 10$  см. и  $r_1 = 20$  см.; показатель преломленія стекла  $\mu = \frac{3}{2}$ . Требуется определить разстояніе  $d$  свѣтящей точки отъ стекла и главное фокусное разстояніе  $F$  его.

**735.** Пламя свѣчи пересѣкаетъ главную оптическую ось двояковыпуклой чечевицы на разстояніи въ  $d = 70$  сантиметровъ отъ нея; фокусное разстояніе чечевицы равно  $F = 20$  сантиметрамъ. Спрашивается, въ какомъ разстояніи  $f$  отъ нея образуется изображеніе пламени?

**736.** Пламя свѣчи находится на разстояніи въ  $d = 8$  сантиметровъ отъ двояковыпуклого стекла, главное фокусное разстояніе котораго равно  $F = 24$  см. Требуется построить изображеніе пламени и найти разстояніе  $f$  изображенія отъ стекла.

**737.** Передъ двояковыпуклымъ стекломъ поставленъ предметъ  $A$ , а за стекломъ — экранъ въ  $h = 55$  сантиметрахъ отъ него; на экранѣ получается изображеніе, въ  $n = 10$  разъ превосходящее по величинѣ предметъ  $A$ . Требуется определить главное фокусное разстояніе  $F$  даннаго стекла.

**738.** Свѣтящая точка находится на главной оси двояковогнутой чечевицы, въ  $d = 80$  сантиметрахъ отъ нея; главное фокусное разстояніе стекла равно  $F = 20$  см. Спрашивается, въ какомъ разстояніи  $f$  отъ чечевицы образуется изображеніе точки?

**739.** На двояковогнутое стекло, радиусы поверхности котораго въ  $r = 6$  сантиметровъ, падаетъ пучекъ лучей изъ свѣтящей точки  $s$ , находящейся на главной оптической оси стекла и въ  $d = 10$  сантиметрахъ отъ него. Спрашивается, какъ велико разстояніе  $f$  изображенія точки  $s$  отъ стекла, если показатель преломленія этой среды принять равнымъ  $\mu = \frac{3}{2}$ ?

**740.** Предметъ помѣщенъ передъ двояковогнутымъ стекломъ на разстояніи, равномъ двойному фокусному разстоянію стекла. Требуется определить увеличеніе  $G$  его.

**741.** Нѣкоторый предметъ разсматривается помошью лузы, главное фокусное разстояніе которой равно  $F = 3,5$  сантиметрамъ; разстояніе наилучшаго видѣнія равно  $D = 25$  сантиметрамъ. Спрашивается, въ какомъ разстояніи  $d$  отъ лузы слѣдуетъ помѣстить разсматриваемый предметъ?

**742.** Предметъ, длиною въ  $\frac{1}{n} = 0,2$  сантиметра, помѣщенъ передъ лупою на разстояніи въ  $d = 2$  см. отъ нея, при чмъ получается мнимое изображеніе, длиною въ  $l_1 = 2$  см. Требуется опредѣлить главное фокусное разстояніе  $F$  лузы.

**743.** Фокусное разстояніе лузы равно  $F = 5$  сантиметрамъ; разстояніе наилучшаго видѣнія  $D = 25$  см. Требуется опредѣлить увеличеніе  $G$  лузы.

**744.** Телескопъ Кеплера установленъ на бесконечность; главное фокусное разстояніе объектива его равно  $F = 1,5$  метрамъ. Спрашивается, на сколько  $l$  миллиметровъ нужно выдвинуть окуляръ, чтобы размотрѣть предметъ, удаленный отъ объектива на  $l_1 = 1$  километровъ?

#### Задачи для рѣшенія.

**745.** Уголъ паденія луча на поверхность нѣкоторой прозрачной среды равенъ  $\alpha^{\circ} = 45^{\circ}$ , уголъ преломленія  $\beta^{\circ} = 32^{\circ} 1' 37''$ . Спрашивается, подъ какимъ угломъ  $\beta_1$  преломится лучъ, падающій на поверхность той же среды подъ угломъ въ  $\alpha_1^{\circ} = 30^{\circ}$ ?

**746.** Если двояковыпуклое стекло помѣстимъ передъ пламенемъ свѣчи на разстояніи въ  $d = 11$  сантиметровъ и затѣмъ на разстояніи въ  $d_1$  см., то получимъ дѣйствительное изображеніе пламени въ первомъ случаѣ увеличенное въ  $n = 10$  разъ, во второмъ уменьшенное въ  $m = 2$  разъ. Требуется опредѣлить главное фокусное разстояніе  $F$  данного стекла и разстояніе  $d_1$ .

**747.** Передъ выпуклымъ сферическимъ зеркаломъ радиуса въ  $r = 30$  сантиметровъ помѣщенъ предметъ высотою въ  $h = 5$  см. и на разстояніи въ  $d = 15$  см. Требуется опредѣлить разстояніе  $f$  и высоту  $h_1$  изображенія предмета.

**748.** Нѣкто можетъ читать мелкую печать безъ очковъ на разстояніи въ  $D = 50$  сантиметровъ, а въ очкахъ съ плосковыпуклыми стеклами на разстояніи въ  $f = 30$  см. Требуется опредѣлить радиусъ  $r$  сферической поверхности стекла;  $\mu = \frac{3}{2}$ .

**749.** Въ главномъ фокусѣ двояковыпуклого стекла и перпендикулярно къ оптической оси его помѣщается плоское зеркальце; на стекло падаетъ пучекъ параллельныхъ лучей. Требуется показать помошью чертежа направление лучей, отраженныхъ зеркальцемъ.

**750.** Если передъ вогнутымъ сферическимъ зеркаломъ радиуса въ  $r = 50$  сантиметровъ поставимъ предметъ на разстояніи  $d$  см., то получимъ мнимое изображеніе его; если же поставимъ тотъ же предметъ на разстояніи  $d_1$  см. отъ зеркала, то получимъ дѣйствительное изображеніе и въ обоихъ случаяхъ въ  $n = 5$  разъ больше предмета. Требуется опредѣлить разстоянія  $d$  и  $d_1$ .

**751.** Двояковыпуклое оптическое стекло, находящееся отъ экрана на разстояніи  $d = 90$  сантиметровъ, производить на немъ ясное изображеніе пламени свѣчи, удаленной отъ стекла на разстояніе въ  $d_1 = 10$  см. При нѣкоторомъ другомъ разстояніи  $d_2$  отъ свѣчи стекло даетъ на экранѣ также отчетливое изображеніе пламени. Требуется найти разстояніе  $d_2$ .

**752.** Телескопъ установленъ для нормального глаза. Требуется составить формулу, которая показывала бы, что для близорукаго разстояніе  $d$  между объективомъ и окуляромъ телескопа должно быть меньше, а для дальнозоркаго больше, чмъ для нормального глаза.

**753.** На днѣ сосуда находится слой ртути, остальное же пространство его наполнено водой глубиною въ  $h = 20$  сантиметровъ. На высотѣ  $h_1 = 10$  см. надъ уровнемъ воды находится свѣтящая точка  $s$ , изъ которой одинъ лучъ падаетъ перпендикулярно къ поверхности воды, а другой подъ угломъ  $\alpha = 45^{\circ}$ ; послѣдній лучъ, преломленный подъ угломъ  $\beta$  и отраженный отъ поверхности ртути, выходитъ изъ воды. Показатель преломленія воды  $\mu = \frac{4}{3}$ . Спрашивается, въ какомъ разстояніи  $d_1$  отстоить отъ уровня воды изображеніе точки  $s$ , производимое зеркальною поверхностью ртути?

**754.** Данна оптическая система изъ двухъ двояковыпуклыхъ сферическихъ стеколъ  $A$  и  $B$ , установленныхъ одно отъ другого на разстояніи въ  $d = 15$  сантиметровъ; главные фокусы ихъ  $F_1$  и  $F_2$  находятся на одной прямой; фокусныя разстоянія  $F_1 = 10$  см.,  $F_2 = 20$  см. Внѣ этой системы и на разстояніи  $F_1$  отъ стекла  $A$  помѣщенъ свѣтящийся предметъ. Требуется построить изображеніе, производимое данною системою стеколъ, и опредѣлить разстояніе  $f$  изображенія отъ стекла  $B$ .

**755.** Вычислить предельный уголъ  $\alpha$  преломленія луча при переходѣ его изъ стекла въ воду. Показатель преломленія первой среды  $\mu = \frac{3}{2}$ , второй  $\mu_1 = \frac{4}{3}$ .

**756.** Данъ полый шаръ съ внутреннею полированною поверхностью; на одномъ изъ внутреннихъ діаметровъ его  $AB$ , равномъ  $D = 90$  сантиметрамъ, находится свѣтящая точка  $s$  въ  $d = 22,5$  см. отъ конца  $A$ . Требуется показать ходъ пучка однихъ и тѣхъ же центральныхъ лучей, испускаемыхъ точкою  $s$  и послѣдовательно отраженныхъ сначала частью поверхности у конца  $B$ , затѣмъ частью поверхности у конца  $A$  діаметра  $AB$ , и найти разстояніе  $d_1$  между фокусами  $f$  и  $f_1$  упомянутыхъ лучей.

**757.** Главная оптическая ось двояковыпуклого стекла перпендикулярна къ свѣтлой линіи, длиною въ  $l = 5$  см. и находящейся отъ стекла на разстояніи въ  $d = 100$  сантиметровъ. Главное фокусное разстояніе стекла равно  $F = 20$  см. Требуется опредѣлить длину  $l_1$  изображенія линіи и разстояніе  $f$  его отъ стекла.

**758.** Свѣтовой лучъ постоянного направленія падаетъ на плоское зеркало въ плоскости, перпендикулярной къ горизонтальной оси его. Если зеркало повернемъ около этой оси на уголъ  $\alpha^\circ = 25^\circ$ , то спрашивается, на какой уголъ  $\beta$  повернется отраженный лучъ относительно своего первоначального направленія?

**759.** Дѣйствительное изображеніе свѣтлой линіи, находящейся передъ двояковыпуклымъ оптическимъ стекломъ, получается въ разстояніи  $e = 0,5$  метровъ отъ него. Требуется показать чертежомъ мѣсто, гдѣ получится изображеніе свѣтлой линіи, если въ разстояніи  $e_1 = 0,25$  метровъ отъ оптическаго центра стекла поставить плоское зеркало, наклоненное къ оптической оси на  $\alpha^\circ = 45^\circ$ .

**760.** Двояковыпуклое оптическое стекло сложено съ двояковогнутымъ; главное фокусное разстояніе первого стекла равно  $F = 10$  сантиметрамъ; фокусное разстояніе сложенныхъ стеколь —  $F_1 = 30$  см. Спрашивается, какъ велико фокусное разстояніе  $F_2$  вогнутаго стекла?

**761.** Разстояніе между источниками свѣта  $A$  и  $B$  равно  $d = 16$  сантиметрамъ; отношение же между силами свѣта тѣхъ же источниковъ равно  $\frac{s}{s_1} = \frac{9}{25}$ . Требуется на прямой, соединяющей упомянутые источники, найти точку, равносвѣщенную данными источниками, и опредѣлить разстояніе  $d_1$  ея отъ источника  $A$ .

**762.** Дано выпуклое сферическое стекло, главное фокусное разстояніе котораго равно  $F = 50$  сантиметрамъ. Если предметъ  $AB$  по-

ставимъ передъ даннымъ стекломъ послѣдовательно на разстояніяхъ въ  $d$  и въ  $d_1$  сантиметровъ, то въ первомъ случаѣ получимъ мнимое, а во второмъ случаѣ дѣйствительное изображеніе и въ обоихъ случаяхъ въ  $n = 10$  разъ большее предмета  $AB$ . Требуется опредѣлить разстоянія  $d$  и  $d_1$ .

**763.** Близорукій ясно видитъ на разстояніи  $D = 20$  сантиметровъ. Требуется опредѣлить главное фокусное разстояніе  $F$  стеколь очковъ, при помощи которыхъ тотъ же близорукій ясно видитъ на разстояніи наилучшаго видѣнія  $D_1 = 25$  см.

**764.** Свѣтлая линія  $AB$ , длиною въ  $l = 10$  сантиметровъ, помѣщается передъ вогнутымъ зеркаломъ перпендикулярно къ оси его и въ разстояніяхъ:  $d = 18$  см.,  $d_1 = 9$  см. и  $d_2 = 6$  см. Радіусъ зеркала равенъ  $r = 12$  см. Требуется опредѣлить отношенія длины  $l_1$ ,  $l_2$  и  $l_3$  изображенія къ длине  $l$  предмета  $AB$  при упомянутыхъ разстояніяхъ отъ зеркала.

**765.** Близорукій ясно видитъ предметъ невооруженнымъ глазомъ на разстояніи въ  $D = 15$  сантиметровъ, при помощи же очковъ на разстояніи въ  $f = 60$  см. Требуется опредѣлить главное фокусное разстояніе  $F$  стекла очковъ.

**766.** Дано двояковыпуклое стекло  $A$ , главное фокусное разстояніе котораго равно  $F = 10$  сантиметрамъ. Спрашивается, въ какомъ разстояніи  $d$  слѣдуетъ поставить данное стекло отъ пламени свѣчи, чтобы получить изображеніе его увеличеннымъ въ  $n = 20$  разъ?

**767.** Предметъ, вышиною въ  $h = 12$  сантиметровъ, поставленъ въ разстояніи  $d = 15$  см. отъ выпуклого сферического зеркала и даетъ изображеніе въ  $h_1 = 9$  см. высоты. Требуется найти радиусъ  $r$  зеркала и разстояніе  $f$  изображенія отъ зеркала.

**768.** Свѣтовой лучъ  $SO$  падаетъ изъ воздуха на плоскую поверхность стекла въ точкѣ  $O$  подъ угломъ въ  $\alpha^\circ = 30^\circ$  и преломляется; на преломленномъ лучѣ берется точка  $M$ , удаленная отъ  $O$  на  $l = 2$  сантиметровъ. Требуется опредѣлить разстояніе  $d$  этой точки отъ перпендикуляра, опущенного на поверхность стекла и проходящаго чрезъ точку  $O$ . Показатель преломленія стекла  $\mu = \frac{3}{2}$ .

**769.** Два вогнутыхъ сферическихъ зеркала:  $A$  радиуса въ  $r_1 = 35$  сантиметровъ и  $B$  радиуса въ  $r_2 = 80$  см.; зеркала обращены другъ къ другу отражающими поверхностями, при чмъ оси ихъ совпадаютъ; разстояніе между центрами кривизны зеркалъ равно  $d = 15$  см. Свѣт-

лая линія  $MN$ , помѣщенная между зеркалами, пересѣкаетъ ось ихъ въ такомъ мѣстѣ, что дѣйствительныя изображенія линіи  $MN$  одинаковы по длини. Требуется найти разстояніе  $d_1$  между зеркаломъ  $A$  и свѣтлой линіей  $MN$ .

**770.** Если чрезъ телескопъ, установленный на бесконечность, наблюдать предметъ, удаленный отъ объектива телескопа на разстояніе въ  $d=1$  километровъ, то на сколько  $n$  сантиметровъ потребуется перемѣстить окуляръ? Главное фокусное разстояніе объектива равно  $F=100$  сантиметрамъ.

**771.** Два выпуклыхъ сферическихъ зеркала  $A$  и  $B$ , радиусы которыхъ въ  $r=10$  сантиметровъ и въ  $r_1=20$  см., поставлены на разстояніи въ  $d=15$  см. другъ отъ друга такъ, что оптическія оси ихъ совпадаютъ. Спрашивается, въ какомъ разстояніи  $d_1$  отъ зеркала  $A$  нужно помѣстить предметъ, чтобы изображенія его въ обоихъ зеркалахъ были равны?

**772.** Передъ вогнутымъ зеркаломъ и въ разстояніи  $d=112$  сантиметровъ отъ него помѣщается двояковыпуклое оптическое стекло, за нимъ свѣтлая линія  $AB$  въ разстояніи  $d_1=25$  сантиметровъ. Главные фокусы стекла и зеркала  $F$  и  $F_1$  находятся на одной прямой, пересѣкающей свѣтлую линію  $AB$ ; фокусные разстоянія:  $F=20$  см.;  $F_1=10$  см. Требуется опредѣлить разстояніе  $d_2$  между зеркаломъ и изображеніемъ, образуемымъ данною оптической системой.

**773.** Передъ вогнутымъ сферическимъ зеркаломъ, въ разстояніи  $d=48$  сантиметровъ отъ него, поставленъ стержень перпендикулярно къ главной оптической оси зеркала. Длина стержня въ  $l=8$  см.; длина изображенія, производимаго зеркаломъ, равна  $l_1=16$  см. Требуется найти радиусъ  $r$  зеркала.

**774.** Дано двояковыпуклое стекло, имѣющее одинаковые радиусы поверхности; показатель преломленія его  $\mu=\frac{3}{2}$ , главное фокусное разстояніе  $F=20$  сантиметрамъ. Требуется найти главное фокусное разстояніе  $F_1$  того же стекла въ водѣ, показатель преломленія которой равенъ  $\mu_1=\frac{4}{3}$ .

**775.** Высота плоскаго и вертикально висящаго зеркала равна  $h=70$  сантиметрамъ. Спрашивается, увидитъ ли человѣкъ, ростомъ въ  $h_1=160$  сантиметровъ, полное свое изображеніе въ такомъ зеркальѣ? Въ противномъ случаѣ требуется опредѣлить  $h_2$  необходимую для этого высоту зеркала.

**776.** Свѣтовой лучъ падаетъ изъ пустоты на прозрачную средину  $A$ , ограниченную параллельными плоскостями; показатель преломленія ея  $\mu=1,963$ . Требуется опредѣлить: а) предѣльный уголъ  $\beta$  преломленія средины  $A$  и б) предѣльный уголъ  $\alpha$  паденія при переходѣ луча изъ средины  $A$  въ пустоту.

**777.** На данную плоскость и перпендикулярно къ ней падаетъ пучекъ параллельныхъ лучей; освѣщеніе ея равно  $i$ ; повернемъ плоскость относительно лучей такъ, чтобы уголъ паденія ихъ былъ равенъ  $\alpha=45^\circ$ , при чмъ освѣщеніе плоскости равно  $i_1$ . Требуется опредѣлить отношеніе  $\frac{i}{i_1}$ .

**778.** Дальнозоркій ясно видѣтъ предметъ невооруженнымъ глазомъ на разстояніи въ  $D=210$  сантиметровъ, съ помощью же очковъ на разстояніи  $f$ . Главное фокусное разстояніе стеколь очковъ равно  $F=70$  см. Требуется опредѣлить разстояніе  $d$  предмета отъ стеколь очковъ.

**779.** Стержень, длиною въ  $l=6$  сантиметровъ, поставленъ передъ выпуклымъ сферическимъ зеркаломъ на разстояніи радиуса его въ  $r=12$  см. Требуется начертить изображеніе предмета и найти отношеніе длины  $l_1$  изображенія къ длине  $l$  предмета.

**780.** Данна оптическая система, состоящая изъ двухъ двояковыпуклыхъ стеколь  $A$  и  $B$ ; оптическіе центры ихъ находятся на одной прямой линіи; главное фокусное разстояніе стекла  $A$  въ  $F=20$  сантиметровъ, стекла  $B$  въ  $F_1=8$  см. Стекло  $A$  даетъ изображеніе  $cd$  предмета  $CD$ , помѣщенного на разстояніи въ  $d=30$  см. отъ этого стекла; стекло  $B$  даетъ изображеніе  $c_1d_1$  изображенія  $cd$  и въ  $n=4$  разъ больше послѣдняго. Спрашивается, какъ велико разстояніе  $d_2$  между стеклами  $A$  и  $B$ ?

**781.** На разстояніи въ  $d=20$  сантиметровъ и перпендикулярно къ главной оптической оси вогнутаго сферического зеркала радиуса въ  $r=30$  сантиметровъ поставленъ стержень высотою въ  $h=5$  см. Требуется найти разстояніе  $f$  изображенія стержня отъ зеркала и высоту  $h_1$  изображенія.

**782.** Дальнозоркій ясно видѣтъ предметы невооруженнымъ глазомъ съ разстоянія больше  $D=100$  сантиметровъ. Спрашивается, съ какого разстоянія  $f$  тотъ же дальнозоркій будетъ ясно видѣть предметы въ очкахъ со стеклами, главное фокусное разстояніе которыхъ равно  $F=100$  см.?

**783.** На какомъ разстояніи  $d$  отъ вогнутаго сферического зеркала слѣдуетъ помѣстить свѣтящійся предметъ, чтобы его изображеніе было въ  $n=10$  разъ больше самого предмета?

**784.** На прозрачный шаръ падаютъ прямые солнечные лучи; края изъ нихъ, преломляясь подъ угломъ  $\alpha=45^\circ$ , выходятъ изъ шара по направлению, перпендикулярному къ падающимъ лучамъ. Требуется опредѣлить показателя преломленія  $\mu$  вещества шара.

**785.** Человѣкъ видитъ свое изображеніе во весь ростъ въ плоскость зеркалъ, наклоненному къ горизонту подъ угломъ въ  $\alpha=45^\circ$ . Требуется определить положеніе изображенія и величину его.

**786.** Двѣ свѣтящія точки  $s_1$  и  $s_2$  находятся на прямой линіи  $AB$ ; сила свѣта точки  $s_1$  равна  $J_1=9$  единицамъ, точки  $s_2—J_2=4$  ед.; разстояніе между  $s_1$  и  $s_2$  равно  $e=15$  сантиметрамъ. Спрашивается, въ какомъ разстояніи  $e_1$  отъ свѣтящей точки  $s_1$  находятся точки прямой  $AB$ , равноосвѣщенныя данными источниками свѣта?

**787.** Наблюдатель разматриваетъ отдаленный предметъ помощью телескопа; главное фокусное разстояніе объектива его равно  $F=150$  сантиметрамъ, фокусное разстояніе окуляра —  $F_1=5$  см.; разстояніе наиболѣшаго видѣнія наблюдателя равно  $D=15$  см. Требуется определить разстояніе  $d$  между стеклами телескопа.

\* Какое нужно сдѣлать приспособленіе, чтобы чрезъ трубу, изогнутую подъ прямымъ угломъ, были видны вѣнчаніе предметы?

\* На плоское и вертикально стоящее зеркало прилѣпленъ кусочекъ бумажки; человѣкъ, закрывъ лѣвый глазъ, становится передъ зеркаломъ такъ, чтобы изображеніе его лѣваго глаза было прикрыто бумажкой. Увидитъ ли человѣкъ изображеніе своего праваго глаза, если его закроетъ, а лѣвый глазъ откроетъ?

\* Возможно ли при некоторомъ условіи получить помощью плоскаго зеркала дѣйствительное изображеніе предмета?

## Электростатика.

а) Законъ Кулона. б) Плотность электричества.

а) **788.** Требуется определить электрическую силу  $f$ , дѣйствующую между двумя шариками  $A$  и  $B$ , изъ которыхъ первый содержитъ  $m=20$ , второй — 15 единицъ электричества; разстояніе между шариками равно  $d=10$  сантиметрамъ.

**789.** Два небольшихъ наэлектризованныхъ шарика  $A$  и  $B$  притягиваются другъ друга съ силою въ  $f=3$  миллиграммовъ, при чмъ положительный зарядъ на шарикѣ  $A$  равенъ  $m=9$  электростатическимъ единицамъ; разстояніе между центрами шариковъ равно  $d=6$  сантиметрамъ. Требуется определить электрическій зарядъ  $m_1$  шарика  $B$ . Ускореніе тяжести равно  $g=981$  см. въ  $1''$ .

**790.** На разстояніи въ  $d=10$  сантиметровъ другъ отъ друга помѣщены маленькие шарики  $A$  и  $B$ , обладающіе электрическими зарядами:  $A$  въ  $q=16$ ,  $B$  въ  $q_1=25$  электростатическихъ единицъ; третій заряженный шарикъ  $C$  находится между первыми двумя на линіи, соединяющей ихъ центры, и остается въ равновѣсіи. Требуется определить разстояніе  $d_1$  между шариками  $A$  и  $C$ .

**791.** Одному изъ двухъ маленькихъ и равныхъ по объему шариковъ, удаленныхъ другъ отъ друга на разстояніе въ  $d=10$  сантиметровъ, сообщенъ положительный электрическій зарядъ въ  $m=20$  электростатическихъ единицъ; другому шарику сообщенъ отрицательный зарядъ въ  $m_1=30$  электростатическихъ единицъ. Требуется определить дѣйствующую между шариками электрическую силу  $f$ , а также силу  $f_1$  послѣ того, какъ шарики приведены въ соприкосновеніе и затѣмъ раздвинуты на первоначальное разстояніе.

**792.** Два одинаково заряженные шарика отталкиваются съ силою въ  $f=10$  миллиграммовъ. Требуется определить зарядъ  $q$  каждого изъ шариковъ, если разстояніе между ихъ центрами равно  $d=8$  сантиметрамъ. Ускореніе тяжести  $g=981$  см. въ  $1''$ .

**793.** Шаръ  $A$  содержитъ  $q=100$  электростатическихъ единицъ; на разстояніи въ  $d=10$  сантиметровъ отъ него подвѣшенъ шарикъ  $B$ , а за нимъ помѣщенъ шаръ  $C$ , содержащий  $q_1=25$  электростатическихъ единицъ. Центры шаровъ лежатъ на одной прямой линіи, и шарикъ  $B$  остается въ равновѣсіи. Требуется определить разстояніе  $d_1$  между шарами  $A$  и  $C$ .

**794.** Одному изъ двухъ равныхъ по объему шариковъ сообщенъ электрическій зарядъ въ  $m$  электростатическихъ единицъ; послѣ соприкосновенія съ другимъ шарикомъ и по удаленіи ихъ другъ отъ друга на разстояніе въ  $d=10$  сантиметровъ, шарики отталкиваются съ силою въ  $f=2$  миллиграммовъ. Требуется определить первоначальный зарядъ  $m$ . Ускореніе тяжести равно  $g=981$  см. въ  $1''$ .

**795.** Электрическая сила, дѣйствующая между двумя равнаго объема и одинаково наэлектризованными шариками, равна  $f=8$

динъ при разстояніи между центрами шариковъ въ  $d = 8$  сантиметровъ. Спрашивается, на какое разстояніе  $d_1$  нужно удалить другъ отъ друга шарики, чтобы дѣйствующая между ними сила была равна  $f_1 = 2$  динъ?

**796.** Центры двухъ шариковъ *A* и *B*, заряженныхъ положительнымъ электричествомъ, находятся на разстояніи въ  $d = 20$  сантиметровъ. Спрашивается, во сколько разъ  $n$  необходимо уменьшить зарядъ одного изъ шариковъ, чтобы при сближеніи ихъ до  $d_1 = 10$  см. сила взаимодѣйствія не измѣнилась?

**797.** Центры трехъ шариковъ *A*, *B* и *C* находятся на одной прямой; шарикъ *A* обладаетъ электрическимъ зарядомъ въ  $q = 8$ , шарикъ *B* въ  $q_1 = 2$ , шарикъ *C* въ  $q_2$  электростатическихъ единицъ; разстояніе между первыми двумя шариками равно  $d = 9$  сантиметрамъ. Спрашивается, какъ велико разстояніе  $d_1$  между шариками *B* и *C*, если каждый изъ остальныхъ производить на шарикъ *C* одинаковое отталкивательное дѣйствіе?

b) **798.** Шару радиуса въ  $r = 4$  сантиметровъ сообщенъ электрическій зарядъ въ  $q = 1256$  электростатическихъ единицъ. Требуется опредѣлить плотность  $\sigma$  заряда.  $\pi = 3,14$ .

**799.** Какой электрическій зарядъ  $Q$  нужно сообщить шару радиуса въ  $r = 5$  сантиметровъ, чтобы плотность заряда была равна  $\sigma = 3$ ?  $\pi = 3,14$ .

## Электродинамика.

- a) Сила тока; b) электродвижущая сила; c) сопротивленіе проводниковъ; d) составленіе батарей; e) тепловыя и свѣтовыя дѣйствія тока; f) химическая дѣйствія тока; g) работа тока.

a) **800.** Полюсы элемента Бунзена соединяются проводникомъ, сопротивленіе котораго равно  $R = 5,15$  омамъ; внутреннее сопротивленіе элемента —  $r = 0,25$  омамъ, электродвижущая сила его  $e = 1,8$  вольтамъ. Требуется опредѣлить силу  $i$  тока въ цѣпи.

**801.** Электродвижущая сила элемента Бунзена равна  $e = 1,8$  вольтамъ; внутреннее сопротивленіе его  $r = 0,1$  омамъ; цѣпь замкнута толстой и короткой проволокой, сопротивленіемъ которой можно пренебречь. Требуется найти численную величину силы  $i$  тока въ цѣпи.

**802.** Въ цѣпь введенъ проводникъ, на концахъ котораго постоянная разность потенциаловъ равна  $v = 6$  вольтамъ, сопротивленіе же проводника  $R = 3$  омамъ. Спрашивается, какой силы  $i$  токъ проходитъ по проводнику?

**803.** Полюсы элемента Бунзена въ одномъ случаѣ соединяются мѣдной проволокой, сопротивленіе которой равно внутреннему сопротивленію элемента; въ другомъ случаѣ замыкаются мѣдной проволокой, имѣющей съ первой одинаковый вѣсъ, но въ  $n = 5$  разъ длиннѣе ея. Требуется опредѣлить силы токовъ  $i$  и  $i_1$  въ цѣпи въ обоихъ случаяхъ. Электродвижущая сила элемента равна  $e = 1,8$  вольтамъ; внутреннее сопротивленіе его  $r = 0,25$  омамъ.

b) **804.** Полюсы элемента Бунзена соединены проводникомъ, сопротивленіемъ котораго можно пренебречь по отношенію къ внутреннему сопротивленію элемента, при чемъ получается сила тока въ цѣпи, равная  $i = 7,2$  амперамъ. Спрашивается, какому числу  $e$  вольтъ равна электродвижущая сила данного элемента, если внутреннее сопротивленіе его равно  $r = 0,25$  омамъ?

**805.** По проводнику въ  $R = 6$  омовъ сопротивленія проходитъ постоянный токъ въ  $i = 3$  амперовъ. Спрашивается, какъ велика разность потенциаловъ  $P$  на концахъ проводника?

**806.** Элементъ Бунзена, внутреннее сопротивленіе котораго равно  $r = 0,25$  омамъ, замкнутъ проводникомъ въ  $R = 0,875$  омовъ сопротивленія. Требуется найти электродвижущую силу  $e$  элемента, если на концахъ упомянутаго проводника разность потенциаловъ равна  $P = 1,4$  вольтамъ.

**807.** Данъ элементъ, электродвижущая сила котораго равна  $e = 1,5$  вольтамъ, внутреннее сопротивленіе  $r = 0,2$  омамъ. Спрашивается, что произойдетъ съ разностью потенциаловъ у полюсовъ элемента, если внѣшнее сопротивленіе  $R$  станемъ послѣдовательно увеличивать?

c) **808.** Элементъ Бунзена, электродвижущая сила котораго равна  $e = 1,8$  вольтамъ, замкнутъ проводникомъ въ  $R = 0,57$  омовъ сопротивленія. Требуется найти внутреннее сопротивленіе  $r$  данного элемента, если сила тока въ цѣпи равна  $i = 1,5$  амперамъ.

**809.** Требуется найти сопротивленіе  $R$  мѣдной проволоки, длина которой при  $0^{\circ}$  равна  $l = 100$  метрамъ, діаметръ ея  $D = 1,4$  миллиметрамъ. Сопротивленіе мѣдной проволоки изъ того же вещества въ 1 метръ длины и въ 1 миллиметръ толщины равно  $\rho = 0,0208$  омамъ.

**810.** Токъ въ  $i = 3$  амперовъ проходитъ по проводнику, на концахъ которого поддерживается разность потенциаловъ въ  $v = 9$  вольтъ. Требуется найти сопротивление  $R$  проводника.

**811.** Сопротивление данной проволоки при нѣкоторой постоянной температурѣ равно  $R = 10$  омамъ. Спрашивается, какъ велико сопротивление  $R_1$  другой мѣдной проволоки одинакового поперечного сѣченія съ первой, но въ  $n = 100$  разъ длиннѣе ея?

**812.** При нѣкоторой постоянной температурѣ сопротивление данной проволоки равно  $R = 5$  омамъ. Спрашивается, какъ велико сопротивление  $R_1$  другой проволоки одинаковой по составу и длине съ первой, но въ  $m = 10$  разъ меньшаго диаметра?

**813.** Даны двѣ мѣдныхъ проволоки; длина одной изъ нихъ въ въ  $l = 3$  метровъ, длина другой въ  $l_1 = 9$  м.; вѣсъ первой въ  $p = 8$  граммовъ, второй въ  $p_1 = 24$  гр. Требуется опредѣлить отношеніе  $\frac{R}{R_1}$  сопротивленій данныхъ проволокъ.

**814.** Сопротивление платиновой проволоки въ  $l = 100$  метровъ длины и въ  $D = 1$  миллиметровъ діаметра равно  $R = 1,44$  омамъ при  $t^{\circ} = 50^{\circ}$ . Требуется найти сопротивление  $R_1$  проволоки, одинаково съ первой состава и поперечного сѣченія, но длиною въ  $l_1 = 30$  метровъ и при температурѣ  $t_1^{\circ} = 300^{\circ}$ . Температурный коефиціентъ (увеличение единицы сопротивленія при увеличеніи температуры на  $1^{\circ}$ ) платины равенъ  $\alpha = 0,0025$ .

**815.** Сопротивление продажной мѣдной проволоки, длиною въ  $l = 1$  километровъ, діаметра въ  $D = 2$  миллиметровъ, равно  $R = 6,5$  омамъ. Требуется опредѣлить проводимость ея  $Q$  относительно проводимости той же длины и толщины проволоки, но изъ чистой мѣди. Сопротивление проволоки изъ чистой мѣди въ  $l_1 = 1$  метровъ длины и въ  $D_1 = 1$  мм. въ діаметрѣ равно  $p = 0,0208$  омамъ.

**816.** Элементъ замкнуть двумя проводниками  $A$  и  $B$ , введенными въ цѣль параллельно. Сопротивление одного изъ проводниковъ равно  $R = 10$  омамъ, другого  $R_1 = 30$  омамъ. Требуется опредѣлить общее сопротивление  $R_2$  проводниковъ.

**817.** Цѣль состоитъ изъ  $n = 10$  элементовъ Даніеля, соединенныхъ послѣдовательно, и замкнута проводникомъ въ  $R = 5$  омовъ сопротивленія. Электродвижущая сила каждого элемента равна  $e = 1$  вольтамъ, внутреннее сопротивление его въ  $r = 0,5$  омовъ. Требуется опредѣлить силу  $i$  тока въ цѣли и разность  $P$  потенциаловъ на полюсахъ замкнутой батареи.

**818.** Сколько нужно взять одинаковыхъ элементовъ Даніеля, соединенныхъ параллельно, чтобы составленная изъ нихъ батарея и замкнутая проводникомъ въ  $R = 0,35$  омовъ сопротивленія, произвѣдла въ цѣли токъ въ  $i = 2,5$  амперъ? Электродвижущая сила элемента равна  $e = 1$  вольтамъ, внутреннее сопротивление его  $r = 0,5$  омамъ.

**819.** Дано  $n = 16$  элементовъ Бунзена; изъ нихъ нужно составить батарею такъ, чтобы она, при вѣнѣшнемъ сопротивленіи каждого элемента въ  $r = 0,25$  омовъ и внутреннемъ сопротивленіи каждого элемента въ  $R = 4$  омовъ, возбуждала наибольшей силы токъ. Спрашивается, изъ какого числа  $q$  группъ должна состоять требуемая батарея и какое число  $p$  элементовъ войдетъ въ каждую группу, если группы соединены параллельно, а элементы послѣдовательно?

**820.** Токъ силю въ  $i = 2$  амперовъ проходитъ по проволокѣ съ сопротивленіемъ въ  $R = 2$  омовъ. Спрашивается, какое количество  $Q$  теплоты выдѣляется въ проволокѣ въ теченіе каждой минуты. Одинъ амперъ въ одну секунду выдѣляетъ въ одномъ омѣ  $C = 0,24$  граммокалорій.

**821.** Требуется опредѣлить количество теплоты, выдѣляемое въ  $t = 5$  минутъ токомъ въ проводнике, сопротивленіе котораго равно  $R = 15$  омамъ, а постоянная разность потенциаловъ на концахъ его равна  $P = 60$  вольтамъ.

**822.** Двѣ одинакового размѣра проволоки, мѣдная и желѣзная, спаяны между собою двумя концами, а свободными концами соединены съ полюсами батареи. Требуется найти отношеніе количествъ  $Q_1$  и  $Q$  теплоты, выдѣляемой постояннымъ токомъ въ  $1''$  въ каждой изъ проволокъ, если сопротивленіе мѣдной проволоки въ 1 метрѣ длины и 1 миллиметрѣ діаметра равно  $p = 0,0208$  омамъ; сопротивленіе желѣзной проволоки того же размѣра равно  $p_1 = 0,1237$  омамъ.

**823.** Лампочка накаливанія въ  $v = 60$  вольтъ имѣть сопротивленіе въ  $R = 80$  омовъ. Спрашивается, какое требуется число  $i$  амперъ для питанія лампочки?

**824.** Лампочка накаливанія питается токомъ силою въ  $i = 0,8$  амперъ. Какъ велико сопротивленіе  $R$  данной лампочки, если разность потенциаловъ на концахъ уголька ея равна  $e = 60$  вольтамъ?

**825.** Сила тока, возбуждаемаго динамо-машиной и питающаго дуговую лампу, равна  $i = 15$  амперамъ, при чёмъ сопротивленіе

вольтовой дуги равно  $R = 4$  омамъ. Требуется опредѣлить электродвижущую силу  $E$  между полюсами лампы.

g) 826. Токъ въ 1 амперъ выдѣляетъ въ водяному вольтаметрѣ въ 1"  $\alpha = 0,010386$  миллиграммовъ водорода (электрохимический эквивалентъ водорода); химической эквивалентъ мѣди по отношенію къ водороду равенъ  $\beta = 32,5$  миллиграммамъ. Требуется найти электрохимический эквивалентъ  $\alpha_1$  мѣди, т. е. количество ея, выдѣляемое изъ раствора 1 амперомъ въ 1".

827. Токъ силою въ  $i = 0,5$  амперовъ проходитъ чрезъ растворъ мѣдного купороса въ теченіе  $t = 5$  минутъ. Спрашивается, какое количество  $m$  мѣди выдѣлить онъ, если электрохимический эквивалентъ ея равенъ  $\alpha = 0,338$  миллиграммамъ въ 1"?

828. Токъ силою въ  $i = 1$  амперъ въ  $t = 1$  минутъ выдѣляетъ въ водяному вольтаметрѣ  $v = 10,44$  куб. сантиметровъ гремучаго газа. Требуется опредѣлить силу такого тока  $i_1$ , который выдѣляетъ въ  $t_1 = 5$  минутъ  $v_1 = 104,4$  куб. см.

829. Токъ силою въ  $i = 10$  амперъ преодолѣваетъ сопротивленіе въ  $R = 60$  омовъ. Требуется опредѣлить работу  $T$  тока въ килограммо-метрахъ въ 1". Количество теплоты, развиваемое однимъ амперомъ въ одномъ омѣ, равно  $C = 0,24$  граммокалорій и эквивалентно  $\alpha = 0,102$  килограммометрамъ въ 1" (уаттъ).

830. Гальваническая батарея возбуждаетъ токъ въ цѣпи въ  $i = 15$  амперъ; вольтаметръ въ  $R = 2000$  омовъ сопротивленія, введенныій между полюсами машины параллельно вѣнчайшей цѣпи, показываетъ  $e = 60$  вольтъ. Требуется опредѣлить работоспособность  $W$  тока во вѣнчайшей цѣпи и работоспособность  $W_1$  въ вольтаметрѣ.

831. По проводнику въ  $R = 9,81$  омовъ сопротивленія проходитъ токъ въ  $i = 15$  амперъ. Требуется выразить работоспособность  $W$  постоянного тока въ лошадиныхъ силахъ. Одна лошадиная сила (французская) равна  $w = 75$  килограммометрамъ въ секунду;  $g = 9,81$  метрамъ.

### Задачи для рѣшенія.

832. Электродвижущая сила элемента Даніеля равна  $v = 1,09$  вольтамъ; внутреннее сопротивленіе его равно  $r = 0,5$  омамъ. Спрашивается, какой силы  $i$  токъ возбуждается въ цѣпи, если данный элементъ замкнуть проволокой въ  $R = 5$  омовъ сопротивленія?

833. Нѣкоторое число  $n$  одинаковыхъ лампочекъ накаливанія введено въ цѣпь послѣдовательно; разность потенціаловъ на концахъ угла каждой лампочки равно  $l = 60$  вольтамъ; общее сопротивленіе лампочекъ  $R = 80$  омамъ; сила тока, питающаго лампочки, равна  $i = 6$  амперамъ. Требуется опредѣлить число  $n$  лампочекъ, введенныхъ въ цѣпь.

834. Сила тока батареи, состоящей изъ  $n = 5$  послѣдовательно соединенныхъ элементовъ Бунзена и замкнутой проводникомъ  $A$ , равна  $i = 2,25$  амперамъ. Спрашивается, какъ велика разность потенціаловъ  $P$  на полюсахъ батареи, если электродвижущая сила каждого элемента равна  $e = 1,8$  вольтамъ, а внутреннее сопротивленіе его  $r = 0,25$  омамъ?

835. Электродвижущая сила батареи, состоящей изъ  $n = 10$  одинаковыхъ элементовъ Бунзена, соединенныхъ послѣдовательно, равна  $e = 10$  вольтамъ; полюсы батареи соединены проводникомъ въ  $R_1 = 100$  омовъ и параллельно ему шёнтомъ въ  $R_2 = 10$  омовъ сопротивленія, при чемъ получается сила тока, равная  $i = 0,71$  амперамъ. Требуется опредѣлить внутреннее сопротивленіе  $r$  элемента.

836. Спрашивается, въ какое время  $t$  токъ въ  $i = 1$  амперъ выдѣлить  $m = 5$  граммовъ цинка, электрохимической эквивалентъ котораго равенъ  $\beta = 0,338$ .

837. Въ цѣпь введенъ гальванометръ, сопротивленіе котораго равно  $R = 1009,8$  омамъ. Параллельно гальванометру введено отвѣтвленіе (шёнтъ) такого сопротивленія  $R_1$ , что чрезъ гальванометръ проходитъ  $\frac{1}{n} = \frac{1}{100}$  тока. Требуется опредѣлить сопротивленіе  $R_1$  шёнта.

838. Въ цѣпь, питаемую динамо-машиной, включено параллельно  $n = 50$  лампочекъ накаливанія; внутреннее сопротивленіе динамо-машинъ равно  $r = 0,4$  омамъ; сопротивленіе каждой лампочки  $R = 60$  омамъ. Спрашивается, какъ велика должна быть электродвижущая сила  $e$  машины, чтобы черезъ каждую лампочку протекалъ токъ въ  $i = 0,8$  амперъ?

839. По мѣдной проволокѣ длиною въ  $l = 500$  метровъ проходитъ токъ силою въ  $i = 50$  амперъ, при чемъ электродвижущая сила батареи равна  $e = 10$  вольтъ. Требуется опредѣлить поперечное сѣченіе проводника, если сопротивленіе мѣдной проволоки въ 1 метръ длины и въ 1 кв. миллиметръ сѣченія равно  $\rho = 0,02$  омамъ.

**840.** Разность потенциаловъ на концахъ угольной нити лампочки накаливания равна  $e = 60$  вольтамъ; сила тока, протекающаго чрезъ лампочку, равна  $i = 0,8$  амперамъ; сила свѣта лампочки въ  $n = 16$  свѣчей. Требуется определить число  $W$  уаттъ, приходящееся на одну свѣчу.

**841.** Въ данную цѣпь введено сопротивление въ  $R = 405$  омовъ. Спрашивается, какое нужно ввести сопротивление  $R_1$  параллельно первому (шёнтъ), чтобы общее ихъ сопротивление было равно  $R_2 = 5$  омамъ?

**842.** При одномъ и томъ же сопротивленіи сила тока въ цѣпи численно равна въ одномъ случаѣ  $i_1$  амперамъ, электродвижущая сила —  $e_1$  вольтамъ, въ другомъ случаѣ сила тока равна  $i_2$  амперамъ, электродвижущая сила —  $e_2$  вольтамъ. Требуется найти отношеніе  $\frac{i_1}{i_2}$  между силами токовъ.

**843.** Сила тока, посылаемаго динамо-машиной, равна  $i = 15$  амперамъ, при чемъ электродвижущая сила машины равна  $E = 780$  вольтамъ, сопротивление ея  $r = 12$  омамъ. Требуется определить виѣшнее сопротивление цѣпи.

**844.** Въ гальваническую цѣпь введено параллельно нѣкоторое число одинаковыхъ лампочекъ накаливания, при чемъ общее сопротивление ихъ равно  $R = 0,6$  омамъ, а каждая лампочка расходуетъ  $i = 0,7$  амперъ, имѣя на концахъ угольной нити разность потенциаловъ въ  $P = 42$  вольтъ. Требуется определить число  $n$  лампочекъ въ цѣпи.

**845.** Помѣщеніе освѣщается дуговой лампой, питаемой динамо- машиной, электродвижущая сила которой равна  $E = 120$  вольтамъ, сопротивление ея  $r = 2$  омамъ, сопротивление проводовъ  $R = 1$  омамъ, сила тока  $i = 15$  амперамъ. Требуется определить сопротивление  $R_1$  лампы.

**846.** Батарея изъ  $n = 10$  одинаковыхъ элементовъ Бунзена, соединенныхъ послѣдовательно, замкнута проводникомъ въ  $R = 3,5$  омовъ сопротивленія; электродвижущая сила одного элемента равна  $e = 1,8$  вольтамъ; внутреннее сопротивление его  $r = 0,25$  омамъ; количество теплоты, развиваемой 1 амперомъ въ 1 омѣ въ 1", равно  $c = 0,24$  мал. калорій. Требуется определить: а) количество теплоты  $Q$ , развиваемой токомъ въ  $t = 5$  минутъ, и б) количество энергіи:  $\mathcal{E}_1$  въ эргахъ ( $\mathcal{E}_1$ ), въ джоуляхъ ( $\mathcal{E}_2$ ) и килограммометрахъ ( $\mathcal{E}_3$ ).

**847.** Токъ, возбуждаемый динамо-машиной, проходитъ послѣдовательно чрезъ  $n = 5$  лампочекъ накаливания, представляющихъ каждая въ накаленномъ состояніи сопротивленіе въ  $R_1 = 70$  омовъ; сопротивленіе проводовъ равно  $R_2 = 3$  омамъ; сопротивленіе динамо-машины  $r = 2$  омамъ; электродвижущая сила машины —  $E = 200$  вольтамъ. Требуется определить силу тока  $i$ .

**848.** Въ цѣпь включено послѣдовательно  $m = 10$  электрическихъ лампъ; сопротивленіе каждой изъ нихъ равно  $R = 5$  омамъ; длина проводовъ изъ чистой мѣди въ  $l = 1000$  метровъ; потеря энергии въ проводахъ  $n\% = 8\%$ . Требуется определить діаметръ  $D$  проводника, если сопротивленіе мѣдной проволоки въ 1 метръ длины и въ 1 миллиметръ діаметра равно  $\rho = 0,0208$  омамъ.

**849.** Лампочки накаливания, числомъ  $n = 5$ , соединены между собою параллельно, съ батареей же—посредствомъ проводниковъ, представляющихъ  $R_1 = 1$  омовъ сопротивленія. Чрезъ каждую лампочку проходитъ токъ силою въ  $i = 0,8$  амперъ; сопротивленіе каждой лампочки равно  $R_2 = 60$  омамъ. Требуется узнать: 1) полную силу тока  $i_1$ ; 2) полное сопротивленіе  $R_3$  системы лампочекъ, и 3) количество теплоты  $Q$ , развивающееся въ  $t = 30$  секундъ въ проводникахъ, если 1 амперъ выдѣляетъ въ 1" въ 1 омѣ  $c = 0,24$  граммокалорій.

**850.** Динамо-машина, электродвижущая сила которой равна  $e = 100$  вольтамъ, замкнута проводникомъ, при чемъ получается токъ въ  $i = 10$  амперъ, а разность потенциаловъ на полюсахъ равна  $P = 92,5$  вольтамъ. Требуется определить сопротивленіе  $R$  проводника и внутреннее сопротивленіе  $r$  машины.

**851.** Требуется определить работоспособность  $W$  постояннаго тока въ  $i = 10$  амперъ, производимаго динамо-машиной, обладающей на полюсахъ разностью потенциаловъ въ  $v_1 - v_2 = 100$  вольтъ.

**852.** Полюсы батареи соединены проволочною спиралью, погруженною въ  $m = 500$  граммовъ воды, при температурѣ  $t^{\circ} = 17^{\circ}$ . Токъ силою въ  $i = 5$  амперъ, протекающій по спирали въ теченіе  $t = 20$  минутъ, нагрѣваетъ воду до  $t_1^{\circ} = 21^{\circ}$ . Требуется определить разность потенциаловъ  $v - v_1$  между полюсами батареи. Токъ въ 1 амперъ выдѣляетъ въ теченіе секунды въ 1 омѣ  $c = 0,24$  граммокалорій.

**853.** Дуговая лампа требуетъ силы тока въ  $i = 15$  амперъ при разности потенциаловъ на концахъ углей въ  $P = 60$  вольтъ. Электро- физика.

движущая сила динамо-машины, питающей лампу, равна  $e = 120$  вольтамъ; сопротивление проводниковъ цѣпи равно  $R = 1$  омамъ; но оно оказывается недостаточнымъ. Спрашивается, какое число  $R_1$  омовъ нужно ввести въ цѣпь въ видѣ добавочного сопротивления?

**854.** Гальваническая батарея замкнута проводникомъ изъ мѣдной проволоки длиною въ  $l = 5$  метровъ, діаметра въ  $D = 0,2$  миллиметровъ и припаянной къ ней желѣзной проволоки длиною въ  $l_1 = 2$  метровъ, діаметра въ  $D_1 = 2$  мм.; сопротивлениія мѣдной и желѣзной проволокъ въ 1 метръ длины и въ 1 мм. діаметромъ равны:  $r = 0,0208$  и  $\rho_1 = 0,1237$ . Требуется опредѣлить отношеніе  $\frac{Q}{Q_1}$  количествъ теплоты, развивающей токомъ въ данныхъ проводникахъ.

**855.** Средній радиусъ катушки въ  $n = 50000$  оборотовъ мѣдной проволоки равенъ  $r = 10$  сантиметрамъ, діаметръ проволоки —  $D = 0,4$  миллиметрамъ. Требуется опредѣлить сопротивленіе  $R$  катушки, если сопротивленіе мѣдной проволоки въ 1 метръ длины и въ 1 мм. діаметра равно  $\rho = 0,0208$  омамъ.

**856.** При постоянной электродвижущей силѣ, сила тока въ цѣпь въ одномъ случаѣ численно равна  $i$  амперамъ, сопротивленіе —  $R$  вольтамъ; въ другомъ случаѣ сила тока равна  $i_1$  амперамъ, сопротивленіе —  $R_1$  вольтамъ. Требуется найти отношеніе  $\frac{i}{i_1}$  между силами токовъ.

**857.** Сопротивленіе мѣдной проводки длиною въ  $l = 100$  метровъ, діаметра въ  $D = 1$  миллиметровъ и при температурѣ  $t = -100^{\circ}$  градусовъ, равно  $R = 2,87$  омамъ. Требуется опредѣлить сопротивленіе  $R_1$  того же вещества проводки длиною въ 1 метръ, діаметромъ въ 1 миллиметръ; приращеніе единицы сопротивленія мѣди при увеличеніи температуры на  $1^{\circ}$  (температурный коэффиціентъ) равно  $\alpha = 0,0038$ .

**858.** Динамо-машина, электродвижущая сила которой равна  $e = 120$  вольтамъ, а сопротивленіе ея  $r = 2$  омамъ, замкнута батареей изъ  $N$  элементовъ Бунзена, составленной изъ  $n$  группъ, соединенныхъ параллельно по  $n_1$  элементовъ въ каждой группѣ, соединенныхъ послѣдовательно. Требуется опредѣлить числа  $N$ ,  $n$  и  $n_1$ , если электродвижущая сила каждого элемента равна  $e_1 = 2$  вольтамъ, а сопротивленіе его  $r_1 = 0,2$  омамъ.

**859.** Внѣшняя цѣпь состоитъ изъ нѣкотораго числа  $n$  лампочекъ накаливанія, раздѣленныхъ на группы по  $n_1 = 3$  въ каждой,

при чмъ сопротивленіе динамо-машины составляетъ  $\frac{1}{m} = \frac{1}{15}$  сопротивленія внѣшней цѣпи. Требуется опредѣлить число  $n$  лампочекъ въ цѣпи, если сопротивленіе каждой изъ нихъ равно  $R = 60$  омамъ.

**860.** Электродвижущая сила динамо-машины, приведенной въ дѣйствіе, равна  $e = 1,4$  вольтамъ; внутреннее сопротивленіе машины —  $r = 0,5$ , внѣшнее сопротивленіе —  $R = 9,5$  омъ; мощность, потребная для приведенія кольца Грамма во вращательное движение съ нѣкоторою постоянною скоростью  $v$ , равна  $T = 0,2$  уаттамъ. Требуется опредѣлить мощность  $T_1$ , необходимую для преодолѣнія одного тренія частей въ незамкнутой машинѣ.

**861.** Дано  $n = 50$  лампочекъ накаливанія, раздѣленныхъ на  $m = 10$  разныхъ группъ; лампочки въ каждой группѣ соединены послѣдовательно, а группы — параллельно. Чрезъ эту цѣпь протекаетъ токъ динамо-машины, электродвижущая сила которой равна  $e = 500$  вольтамъ; внутреннее сопротивленіе машины равно  $r = 2$  омамъ; сопротивленіе каждой лампочки  $R = 60$  омамъ. Требуется опредѣлить силу  $i$  тока, питающаго лампочки.

**862.** Сопротивленіе желѣзной проволоки въ  $l = 1$  метровъ длины и въ  $\rho = 1$  граммовъ вѣса равно  $R = 0,1237$  омамъ; имѣется другая въ  $\rho_1 = 100$  граммовъ желѣзная проволока, сопротивленіе которой равно  $R_1 = 1237$  омамъ. Требуется опредѣлить длину  $l_1$  этой проволоки.

**863.** Полюсы батареи соединены параллельно серебряной и плавиновой проволоками одинаковыхъ размѣровъ; удѣльное сопротивленіе первой въ  $\rho_1 = 0,0208$  омовъ; второй въ  $\rho_2 = 0,1153$  омовъ. Требуется найти отношеніе количествъ  $Q_1$  и  $Q_2$  теплоты, развиваемыхъ постояннымъ токомъ въ каждой изъ данныхъ проволокъ.

**864.** Чрезъ водяной вольтаметръ проходитъ токъ силою въ  $i = 1$  амперъ. Спрашивается, сколько куб. сантиметровъ  $v$  гремучаго газа выдѣлится въ вольтаметрѣ въ теченіе секунды при  $0^{\circ}$  и давленіи въ 76 сантиметровъ ртутнаго столба? 1 амперъ въ  $1''$  выдѣляетъ водорода по вѣсу  $\alpha = 0,010386$  миллиграммовъ. Химический эквивалентъ кислорода равенъ  $\beta = 8$ ; плотность воздуха при нормальныхъ условіяхъ равна  $d = 0,001293$ ; плотности водорода и кислорода относительно воздуха равны:  $d_1 = 0,0693$  и  $d_2 = 1,1088$ .

**865.** Батарея изъ  $n = 12$  одинаковыхъ и послѣдовательно соединенныхъ элементовъ, замкнутая проводникомъ въ  $R = 0,25$  омъ

сопротивлениі, развиваетъ силу тока въ  $m=4$  разъ превосходящую силу тока одного элемента, замкнутаго тѣмъ же проводникомъ. Спрашивается, какъ велико по численной величинѣ внутреннее сопротивление  $r$  одного элемента?

**866.** Сколько ( $n$ ) нужно взять одинаковыхъ и послѣдовательно соединенныхъ элементовъ Бунзена, чтобы составленная изъ нихъ батарея, замкнутая проводникомъ въ  $R=5$  омовъ сопротивлениі, производила въ цѣпи токъ въ  $i=4,8$  амперъ? Электродвижущая сила элемента равна  $e=1,8$  вольтамъ; внутреннее сопротивление его— $r=0,25$  омамъ.

**867.** Элементъ Бунзена, замкнутый проводникомъ въ  $R=9,75$  омовъ сопротивлениі, даетъ токъ силой въ  $i=0,18$  амперовъ; если тотъ же элементъ замкнуть проводникомъ въ  $R_1=29,75$  омовъ, то сила тока равна  $i_1=0,06$  амперамъ. Требуется опредѣлить внутреннее сопротивление  $r$  элемента и его электродвижущую силу  $e$ .

**868.** Для питанія лампочки накаливанія требуется токъ силой въ  $i=0,6$  амперъ. Токъ возбуждается динамо-машиной, электродвижущая сила которой равна  $e=100$  вольтамъ, а внутреннее сопротивление— $r=0,2$  омамъ; сопротивление каждой лампочки— $R=60$  омамъ. Спрашивается, какое число  $n$  такихъ лампочекъ можно включить въ цѣпь параллельно и какое число  $m$  послѣдовательно для освѣщенія пространства помошью данной машины?

**869.** Гальваническая батарея, состоящая изъ  $n=40$  элементовъ, соединенныхъ послѣдовательно, даетъ токъ силой въ  $i=1,6$  амперовъ, при чемъ внутреннее сопротивлениі каждого изъ элементовъ равно  $r=0,25$  омамъ, виѣшнное сопротивление— $R=40$  омамъ. Требуется опредѣлить силу тока  $i_1$  батареи, состоящей изъ  $n_1=70$  упомянутыхъ элементовъ, при чемъ виѣшнное сопротивление равно  $R_1=100$  омамъ.

**870.** Проволока изъ продажной мѣди длиною въ  $l=20$  метровъ и вѣсомъ въ  $p=5$  граммовъ, обладаетъ сопротивлениемъ при  $0^\circ$  въ  $R=15,5$  омовъ; проволока же изъ чистой мѣди длиною въ  $l_1=1$  метровъ и вѣсомъ въ  $p_1=1$  граммовъ оказываетъ сопротивление при  $0^\circ$  въ  $R_1=0,1453$  омовъ. Требуется найти отношеніе между сопротивленими  $r$  и  $r_1$  упомянутыхъ металловъ, взятыхъ въ видѣ проволокъ въ 1 метръ длины и въ 1 миллиметръ толщины; незначительно разностью въ плотности металловъ можно пренебречь.

**871.** Полюсы батареи замыкаются двумя проводниками  $A$  и  $B$ , включенными въ одномъ случаѣ параллельно, въ другомъ послѣдо-

вателю. Сопротивление проводника  $A$  численно равно  $r=3$  омамъ, сопротивление проводника  $B=r_1=9$  омамъ. Требуется найти отношеніе количествъ теплоты  $Q$  и  $Q_1$ , развиваемое токомъ въ проводникахъ при упомянутыхъ способахъ включения ихъ въ цѣпь. Внутреннимъ сопротивлениемъ цѣпи можно пренебречь.

**872.** Если однимъ и тѣмъ же проводникомъ въ  $R$  омовъ сопротивлениі замкнуть батарею, состоящую изъ  $n=10$  одинаковыхъ элементовъ, соединенныхъ въ одномъ случаѣ послѣдовательно, а въ другомъ параллельно, то сила тока въ первомъ случаѣ численно будетъ равна  $i_1=0,625$  амперамъ, во второмъ— $i_2=0,0994$  амперамъ. Требуется найти отношеніе между виѣшннимъ сопротивлениемъ  $R$  и внутреннимъ сопротивлениемъ  $r$  элемента.

**873.** Полюсы батареи, состоящей изъ двухъ послѣдовательно соединенныхъ элементовъ, замкнуты проводникомъ, сопротивление котораго равно  $\frac{1}{n}=\frac{3}{5}$  внутренняго сопротивления батареи, при чемъ сила тока равна  $i$  амперамъ. Спрашивается, какъ относится эта сила тока  $i$  къ силѣ тока  $i_1$ , возбуждаемаго батареей, состоящей изъ тѣхъ же двухъ элементовъ, но соединенныхъ параллельно?

**874.** Дано  $n=36$  элементовъ Даніеля, изъ которыхъ нужно составить батарею такъ, чтобы она при виѣшннемъ сопротивлениі въ  $R=2$  омовъ, электродвижущей силѣ каждого элемента въ  $e=1$  вольтъ и внутреннемъ сопротивлениі его въ  $r=0,5$  омовъ давала наибольшую силу тока. Спрашивается, изъ какого числа  $q$  группъ должна состоять требуемая батарея, какое число  $p$  элементовъ войдетъ въ каждую группу и какъ велика сила  $i$  тока?

**875.** Динамо-машина, электродвижущая сила которой равна  $e=100$  вольтамъ, замкнута проводникомъ въ  $r=80$  омовъ. Требуется выразить въ лошадиныхъ силахъ работоспособность  $W$  постояннаго тока. Одна лошадиная сила (французская) равна  $w=75$  килограммометрамъ;  $g=9,81$  метрамъ.

**876.** Полюсы элемента Бунзена, электродвижущая сила котораго равна  $e=1,8$  амперамъ, внутреннее сопротивление— $r=0,25$  омамъ, соединены проволокой въ  $l=9,75$  метровъ длины. Требуется определить разность потенціаловъ  $P$  въ точкахъ  $A$  и  $B$  проволоки, находящихся одна отъ другой на разстояніи въ  $l_1=4$  метровъ. Сопротивление метра данной проволоки равно  $R_1=0,1$  омамъ.

**877.** Платиновая проволока діаметромъ въ  $D=0,6$  миллиметровъ и длиною въ  $l=1000$  сантиметровъ при  $0^\circ$  оказываетъ сопротивление въ  $R=2,5$  омовъ. Требуется найти сопротивлени

$\rho$  (удельное) платиновой проволоки длиною въ 1 метръ и диаметромъ въ 1 миллиметръ.

878. Въ цѣпь включено  $n = 30$  лампочекъ накаливания, расходующихъ каждая токъ силою въ  $i = 0,8$  амперовъ; проводникъ тока въ лампочки состоитъ изъ мѣдной проволоки диаметромъ въ  $D = 2$  миллиметровъ и обладаетъ  $\rho\% = 90\%$  удѣльной электропроводности. Спрашивается, какое количество  $Q$  теплоты развивается въ 1" на каждый метръ проводника, если сопротивление проволоки изъ чистой мѣди длиною въ 1 метръ и диаметромъ въ 1 миллиметръ равно  $\rho = 0,0208$  омамъ, а одинъ амперъ возбуждается въ 1" въ одномъ омѣ  $c = 0,24$  граммокалорій?

879. Внутреннее сопротивление динамо-машины равно  $r = 0,25$ , вѣнчшее —  $R = 8,75$  омамъ; для приведенія же кольца Грамма во вращательное движение съ постоянной скоростью  $v$  потребна работа въ  $T = 0,82$  уаттовъ, при чмъ на преодолѣніе тренія частей незамкнутой машины расходуется  $T_1 = 0,01$  лошадиныхъ силъ. Требуется опредѣлить при данныхъ условіяхъ силу тока  $i$ .

880. Требуется опредѣлить сопротивление  $R$  алюминіевой проволоки длиною въ  $l = 1$  метровъ и вѣсомъ въ  $p = 1$  граммовъ, если известно, что сопротивление изъ того же вещества проволоки длиною въ  $l_1 = 30$  метровъ и вѣсомъ въ  $p_1 = 15$  гр. равно  $R_1 = 4,494$  омамъ.

881. Каждая изъ  $n = 5$  лампочекъ накаливания, соединенныхъ послѣдовательно, требуетъ  $e = 60$  вольтъ и токъ въ  $i = 0,8$  амперъ. Спрашивается, какое число  $m$  нужно взять элементовъ Бунзена для получения свѣта, если электродвижущая сила каждого элемента равна  $e_1 = 1,8$  вольтамъ, внутреннее сопротивление —  $r = 0,25$  омамъ.

882. Даны батарея, электродвижущая сила которой равна  $e = 50$  вольтамъ, внутреннее сопротивление —  $r = 10$  омамъ, вѣнчшее сопротивление —  $R = 15$  омамъ. Требуется опредѣлить: 1) полную работу  $W$  тока (внутреннюю  $W_2$  и вѣнчшую  $W_1$ ); 2) полезную работу  $W_1$  и 3) отношеніе  $\frac{W_1}{W}$ , или коэффиціентъ полезного дѣйствія (отдачу).

883. Токъ силою въ  $i = 1$  амперъ выдѣляетъ въ  $t = 1$  часовъ въ мѣдномъ вольтаметрѣ  $p = 1,1794$  граммовъ мѣди. Спрашивается, какой силы  $i_1$  токъ выдѣлить  $p_1 = 5,3073$  граммовъ мѣди въ теченіе  $t_1 = 1,5$  часовъ?

884. Сопротивление серебряной проволоки въ  $l = 1$  метровъ длины и въ  $p = 1$  граммовъ вѣса равно  $R = 0,1680$  омамъ. Требуется опре-

дѣлить сопротивленіе  $R_1$  проволоки изъ того же вещества, имѣющей длину въ  $l_1 = 50$  метровъ, вѣсъ въ  $p_1 = 75$  граммовъ.

885. Даны гальваническая батарея, внутреннее сопротивленіе которой равно  $r = 10$  омамъ. Батарея замыкается въ одномъ случаѣ проволокой, представляющей сопротивленіе въ  $R = 5$  омовъ, а въ другомъ случаѣ проволокой въ  $R_1 = 90$  омовъ. Требуется найти отношеніе  $\frac{Q}{Q_1}$  между количествами теплоты, развивающейся внутри и вънѣ батареи въ данныхъ случаяхъ.

886. Электродвижущая сила данного элемента равна  $e = 1,5$  вольтамъ; внутреннее сопротивленіе его равно  $r = 0,5$  омамъ; вѣнчшее сопротивленіе —  $R = 12$  омамъ. Требуется узнать число  $v$  и  $v_1$  вольтъ, расходуемое на преодолѣніе: а) внутренняго и б) вѣнчшняго сопротивленія.

887. Требуется опредѣлить вѣсъ  $p$  нейзильберовой проволоки длиною въ  $l = 100$  метровъ и сопротивленіемъ въ  $R = 30$  омовъ, если известно, что сопротивление изъ того же вещества проволоки длиною въ  $l_1 = 1$  метровъ и вѣсомъ въ  $p_1 = 1$  граммовъ равно  $R_1 = 1,83$  омамъ.

888. Для нагреванія проволоки  $A$  до желаемой температуры нужно замкнуть ею батарею изъ  $n$  одинаковыхъ элементовъ Да-ніеля, соединенныхъ послѣдовательно; если же возьмемъ батарею изъ  $n_1 = 10$  тѣхъ же элементовъ, то получимъ токъ въ  $m = 3$  разъ меньше требуемой силы. Спрашивается, какъ велико число  $n$  элементовъ, если внутреннее сопротивленіе каждого изъ нихъ равно  $r = 0,05$  омамъ, сопротивленіе же проволоки  $A$  равно  $R = 15$  омамъ?

889. Разность потенціаловъ на концахъ угольной нити лампочки накаливания равна  $v_1 - v_2 = 60$  вольтамъ; сила тока, проходящаго чрезъ лампочку, равна  $i = 0,8$  амперамъ. Требуется опредѣлить въ уаттахъ работоспособность  $W$  тока въ лампочкѣ.

890. Гальваническая цѣпь состоитъ изъ батареи, гальванометра и другихъ проводниковъ; внутреннее сопротивленіе батареи равно  $r = 10$  омамъ, сопротивленіе гальванометра —  $R = 30$  омамъ, остальныхъ проводниковъ —  $R_1 = 2$  омамъ. Требуется опредѣлить отношеніе силъ  $\frac{i}{i_1}$  полныхъ токовъ въ цѣпь, если токъ въ одномъ случаѣ проходитъ чрезъ данную цѣпь, а во второмъ случаѣ чрезъ цѣпь, въ которую введенъ параллельно гальванометру шнѣтъ въ  $R_2 = 0,5$  омовъ сопротивленія.

**891.** Сопротивление железнной проволоки въ  $l=100$  метровъ длины и въ  $s=0,25$  кв. миллиметровъ поперечного съченія равно  $R=49,48$  омамъ при  $0^{\circ}\text{C}$ . Спрашивается, какъ велико сопротивление  $R_1$  железнной проволоки въ  $l_1=1$  метровъ длины и въ  $s_1=1$  мм. поперечного съченія?

**892.** Какой силы  $i$  требуется токъ, чтобы въ  $t=3$  часовъ выдѣлить  $m=10$  граммовъ цинка, химическій эквивалентъ котораго равенъ  $\beta=32,5$ . Одинъ амперъ выдѣляетъ въ 1" водорода  $\alpha=0,010386$  миллиграммовъ.

**893.** Сопротивление платиновой проволоки длиною въ 1 метръ, диаметромъ въ 1 миллиметръ при  $0^{\circ}$  равно  $\rho=0,1153$  омамъ. Требуется опредѣлить длину  $l$  платиновой проволоки, диаметръ которой равенъ  $D=0,25$  мм., а сопротивление ея —  $R=0,8$  омамъ при  $0^{\circ}$ .

**894.** Токъ въ  $i=0,8$  амперъ, возбуждаемый батареей изъ элементовъ Бунзена, соединенныхъ послѣдовательно, питаетъ лампочку накаливанія въ  $R=70$  омовъ сопротивленія. Требуется определить число  $n$  элементовъ батареи, если электродвижущая сила каждого изъ нихъ равна  $e=1,8$  амперамъ, внутреннее сопротивление его —  $r=0,25$  омамъ.

**895.** Полюсы элемента Бунзена, электродвижущая сила котораго равна  $e=1,8$  вольтамъ, внутреннее сопротивление —  $r=0,25$  омамъ, замкнуты проводникомъ въ  $R=1,75$  омовъ сопротивленія. Требуется определить въ уаттахъ работоспособность тока: а)  $W$  — во всей цѣпи, б)  $W_1$  въ проводнике и с)  $W_2$  — въ элементѣ.

**896.** Сопротивление дуговой лампы, питаемой динамо-машиной, равно  $R_1=70$  омамъ; сопротивление всей цѣпи —  $R_2=80$  омамъ. Требуется узнать, какая  $\frac{1}{n}$  часть всей энергіи въ цѣпи поглощается лампой?

**897.** Электродвижущая сила, дѣйствующая между концами уголька лампочки накаливанія, равна  $e=40$  вольтамъ; сила тока, проходящаго чрезъ лампочку, равна  $i=0,9$  амперамъ. Требуется определить въ уаттахъ количество энергіи  $\mathcal{E}$ , потребляемой лампочкой въ 1".

**898.** Токъ силою въ  $i=15$  амперъ проходитъ чрезъ дуговую лампу; электродвижущая сила между концами двухъ углей лампы равна  $e=80$  вольтамъ. Если 1 амперъ въ одномъ омѣ развиваетъ  $c=0,24$  граммокалорій, то какое количество теплоты выдѣляетъ данный токъ въ 1"?

## ОТВѢТЫ.

$$1. e = 3600 vt = 644 \text{ километръ.}$$

$$2. e_2 = \sqrt{e^2 + e_1^2} = 5 \text{ километрамъ.}$$

$$3. e = t(v + v_1) = 130 \text{ метрамъ.}$$

$$4. \frac{e}{e_1} = \frac{t}{t_1} = 0,2.$$

$$5. e = \frac{30 nvt}{\pi} = 76,4 \text{ метра.}$$

$$6. v = \frac{e}{t} = 18 \text{ метрамъ въ 1".}$$

$$7. v = \frac{e}{60t} = 5 \text{ метрамъ въ 1".}$$

$$8. v = 43,36 \text{ метра въ 1".}$$

$$9. e = 60(v_1 t_1 + v_2 t_2) = 1020 \text{ метрамъ; } v = \frac{v_1 t_1 + v_2 t_2}{t} = 85 \text{ сант. въ 1".}$$

$$10. v = 18 \text{ километр. въ часъ.}$$

$$11. t = \frac{100e}{v} = 4 \text{ мин. 10 сек.}$$

$$12. t = \frac{7500n}{v} = 2 \text{ час. 46 мин. 40 сек.}$$

$$13. \frac{t}{t_1} = \frac{ev_1}{e_1 v} = 3.$$

$$14. t = \frac{e}{v - v_1} = 10 \text{ сек.}$$

$$15. t = \frac{7420n}{v} = 144 \text{ сут. 22 час. 7 мин. 30 сек.}$$

$$16. t_2 = \frac{vt_1}{60v_1 - v} = 3 \text{ час.; } e = 3600v_1 \left( \frac{vt_1}{60v_1 - v} \right) = 108 \text{ килом.}$$

$$17. v = 6,98 \text{ метр. въ 1 сек.}$$

$$18. t_1 = \frac{v_2 t}{60v_1 - v_2} = 45 \text{ минутамъ.}$$

$$19. t_1 = \frac{50e - 3v}{3(v + v_1)} = 6 \text{ час.}$$

$$41\frac{1}{3} \text{ мин.; } e_1 = 20v \frac{50e + 3v_1}{v + v_1} = 322,933 \text{ километра.}$$

$$20. m = \frac{7500.n}{\pi D t} = 199 \text{ оборот.}$$

$$21. e = 3600 vt = 14328 \text{ миль; } r = 2 \cdot 10^7 \text{ миль.}$$

$$22. v = \frac{\pi \pi r}{60t} = 9,42 \text{ метра въ 1 сек.}$$

$$23. t = 8 \text{ мин. 18 сек.}$$

$$24. e = \frac{\pi R t \cos \varphi}{12} \text{ километрамъ.}$$

$$25. \frac{v_1}{v_2} = \frac{t_1}{60tn} = 0,0625.$$

$$26. t = \frac{1000e}{v + v_1} = 40 \text{ минутамъ.}$$

27.  $v = v_1 + v_2 = 4$  метрамъ въ 1 сек.

28.  $v = \frac{vt}{t_1 - t} = 16,66 \dots$  м. въ 1".

29.  $t = \frac{7500e}{v_1 + v_2} = 37$  мин. 2,(2) сек.;  $e = \frac{7500ev_1}{v_1 + v_2} = 3,(5)$  мили.

30.  $v = \frac{et_1 - e_1 t}{2tt_1} = 2,5$  килом. въ 1 часть.

31.  $n^\circ = 13^\circ, 11'$ .

32.  $v_1 = 110$  см. въ 1";  $v_2 = 50$  см. въ 1".

33.  $\frac{v}{v_1} = \frac{n}{60} = 0,05$ .

34.  $v = 5$  метрамъ въ 1 секунду. Уголъ, образуемый направлениемъ скорости съ направленіемъ лодки, равенъ  $36^\circ 52' 11''$ .

35.  $v = 32$  метрамъ въ секунду,  $t = \frac{1000e}{v_1 + v_2} = 31,25$  секунды.

36.  $n^\circ = \frac{180^\circ vt}{\pi r}$ .

37.  $t = \frac{l_2}{1000(v_1 + v_2)} = 7,2$  секунды.

38.  $v_1 = 2v = 14$  метрамъ въ 1";  $v_2 = 0$ ;  $v_3 = v\sqrt{2} = 9,90$  метра въ 1".

39.  $e = 50$  метрамъ.

40.  $e = a[t^2 - (t-1)^2] = 24,525$  метра.

41.  $e = a \frac{2n(t-1)+1}{n^2} = 4,05$  метра.

42.  $e = \frac{v^2}{2c} = 40$  метрамъ.

43.  $v = 2at = 300$  сантиметрамъ въ 1".

44.  $v = \sqrt{2ec} = 28,29$  сантим. въ 1".

45.  $v = \frac{2et_1}{2t-1} = 56$  метрамъ въ 1".

46.  $w = \frac{et_1}{2t-1} = 30$  метрамъ въ 1".

47.  $v_1 = v\sqrt{\frac{1}{e}} = 49,05$  метра въ 1".

48.  $c = 2a = 20$  метр. въ 1".

49.  $c = 20$  метрамъ въ 1".

50.  $c = 10$  метрамъ въ 1".

51.  $t = 50$  секундамъ.

52.  $c = \frac{2(e_1 t - et_1)}{tt_1} = 10$  сантиметрамъ въ 1".

53.  $t = \frac{2e}{v} = 10$  секундамъ.

54.  $t = 7$  секундамъ.

55.  $a = \frac{e}{2t-1} = 8$  метрамъ.

56.  $c = \frac{v^2}{2e} = 20$  метр. въ 1".

57.  $e = \frac{vt}{2} = 300$  сантиметр.

58.  $t = \sqrt{\frac{2e}{c}} = 10$  секундамъ.

59.  $l = \frac{v^2}{4a} = 9$  сантиметрамъ.

60.  $c = 5$  метрамъ въ 1";  $e = \frac{vt}{2} = 250$  метрамъ.

61.  $c = \frac{2e}{2t-1} = 10$  метрамъ въ 1";  $v = \frac{2et}{2t-1} = 70$  метр. въ 1".

62.  $c = 4$  метрамъ въ 1";  $t = \frac{2e}{v} = 6$  секундамъ.

63.  $v = \frac{et_2}{tt_1} = 300$  сантим. въ 1";  $e = \frac{e}{tt_1} = 100$  сантим. въ 1".

64.  $v = ct \frac{p+p_1}{p_1} = 1,12$  метр. въ 1".

65.  $c = 7$  метрамъ въ 1".

66.  $t = \frac{v}{c} = 40$  секундамъ;  $e = \frac{v^2}{2c} = 400$  метрамъ.

67.  $f = \frac{v^2 p}{2hg} = 2548 p$ , где  $p$  — вѣсъ ядра;  $t = \frac{2h}{v} = \frac{1}{250}$  сек.

68.  $e = \frac{g}{2}(2tt_1 - t_1^2) = 78,48$  метра.

69.  $h = \frac{v^2}{2g} = 509,7$  метра.

70.  $e_1 : e_2 : e_3 = 1 : 3 : 5$ .

71.  $g = 9,81$  метра.

72.  $q = 0$ .

73.  $v = \sqrt{2000hg} = 140,1$  метра въ 1".

74.  $v_0 = \sqrt{v^2 - 2eg} = 84$  метрамъ въ 1";  $t = \frac{v - \sqrt{v^2 - 2eg}}{g} = 1,63$  секунды.

75.  $v = 3,6 \frac{h}{n} = 3,532$  километра въ 1 часть.

76.  $t = 2 + \sqrt{2}$  секундамъ.

77.  $t = \frac{e}{g} + \frac{1}{2} = 10$  секунд.

78.  $t_1 = \frac{e}{gt} + \frac{t}{2} = 7$  секунд.

79.  $e = 490,5$  метра;  $e_1 = v + \frac{g}{2} = 103$  метрамъ.

80.  $t = \sqrt{\frac{2h}{g}}$ ;  $v = \sqrt{2hg}$ .

81.  $v = 98,1$  метра въ 1";  $e_1 = g \left( t_m - \frac{1}{2} \right) = 44,145$  метра;  $e_2 = 490,5$  метрамъ.

82.  $e = \frac{g}{2}(2tt_1 - t^2) = 176,58$  метра.

83.  $t = \frac{e}{2g} + 1 = 5$  секундамъ.

84.  $v_0 = \frac{h}{t} + \frac{gt}{2} = 12,2625$  метра въ 1".

85.  $v_3 = \frac{v_1 + v_2}{2} = 49,05$  метр. въ 1".

86.  $t = 10$  секундамъ.

87.  $t_1 = \frac{3t}{2} = 3$  секундамъ отъ начала движенія тѣла  $A$ .

88.  $e = \frac{v}{2} \sqrt{\frac{2h}{g}} = 44,44 \dots$  метра.

89.  $t = 14,142$  секунды;  $t_1 = 34,481$  секунды.

90.  $e_1 = \frac{1}{2}gt^2 + m = 29,62$  метра;  $e_2 = m + gt \left( \frac{2t_2 - t}{2} \right) = 113$  метра.

91.  $t = \frac{e}{g} - \frac{1}{2} = 4$  секундамъ.

92.  $v_0 = \frac{e}{t} - \frac{1}{2}gt = 0,15$  метра въ 1";  $v_1 = \frac{e}{t} + \frac{1}{2}gt = 98,25$  метра въ 1".

93.  $t_1 = 5$  сек.;  $h = \frac{(2e+gt^2)^2}{8gt^2} = 122,625$  метра.

94.  $t = t_1 - \sqrt{t_1^2 - \frac{2e}{g}} = 1$  секундъ.

95.  $v_0 = \frac{h_1 - h}{\sqrt{\frac{2h}{g}}} = 44,294$  метр.

96.  $e = \frac{1}{2}g(t+1) = 29,43$  метра.

97.  $t = \frac{e+e_1}{\sqrt{2eg}} = 11$  секундамъ.

98.  $t = 20$  сек.;  $e = 1962$  метрамъ.

99.  $t = \frac{e-e_1}{\sqrt{2e_1g}} = 5$  секундамъ.

100.  $t = 2 + \sqrt{2} = 3,414$  сек.;  $e = 57,172$  метра.

101.  $e = v_0 \sqrt{\frac{2h}{g}} = 56,56$  метра.

$$102. v_0 = \frac{\frac{t}{2}(2\sqrt{2hg} - gt)}{\sqrt{\frac{2h}{g}} - t} = 41,67 \text{ метра въ } 1''.$$

103.  $h_1 = \frac{1}{2}t(2\sqrt{2hg} - gt) = 98,1$  метра;  $v = \sqrt{2hg} - gt = 39,24$  метра въ  $1''$ .

104.  $t = \sqrt{\frac{2h}{ng}} = 6,26$  секунды.

105.  $e_1 = e \left(\frac{t_1}{t}\right)^2 = 90$  сантиметрамъ.

106.  $P = \frac{p}{4e}(gt^2 - 2e) = 8,81$  грамма.

107.  $e = \frac{pgt^2}{2(2P+p)} = 4,856$  сантиметра;  $e_1 = \frac{pgt_1^2}{2(2P+p)} = 122$  сантиметрамъ.

108.  $v = \frac{2et_1}{t^2} = 50$  сантиметрамъ въ  $1''$ .

109.  $P = \frac{p(gt^2 - 2e)}{4e} = 244,25$  грамма;  $e_1 = \frac{2e}{t} = 12$  сантим.

110.  $c = g \frac{m_1}{2m+m_1} = 46,7$  сант.

въ  $1''$ ;  $e = gt^2 \frac{m_1}{2(2m+m_1)} = 93,4$  сантиметра.

111.  $c = \frac{2e}{t^2} = 12$  сантиметрамъ въ  $1''$ .

112.  $e = gt^2 \frac{p}{2(P+p)} = 385$  сантиметрамъ;  $t_1 = \sqrt{\frac{2e_1(P+p)}{pg}} = 2,79$  секунды.

113.  $e_1 = e \left(\frac{t_1}{t}\right)^2 = 2,5$  сантим.;  $n = \frac{e}{g} = 0,005$ .

114.  $c = g \frac{p}{P+p} = 46,7$  сантиметра въ  $1''$ ;  $v = gt \frac{p}{P+p} = 93,4$  сантиметра въ  $1''$ .

115.  $e = \frac{gt^2}{2n} = 196,2$  сантиметра.

116.  $c = g \frac{p}{P+p} = 37,7$  сантиметра въ  $1''$ ;  $e = gt^2 \frac{p}{2(P+p)} = 169,8$  сантиметра.

117.  $P = p \frac{gt^2 - 2e}{4e} = 108$  граммамъ.

118.  $e_1 = 2g \frac{p+p_1}{P+p_1} = 65,4$  сант.;  $e_2 = 4gt^2 \frac{p+p_1}{P+p_1} + 2 \frac{pg}{P} = 157,5$  сантиметра.

119.  $n = \frac{c}{g-c} = \frac{1}{99}$ .

120.  $v = \frac{gtm_2}{m_1+m_2} = 1080$  сант. въ  $1''$ .

121.  $h = \frac{v_0^2}{2g} = 78,48$  метра;  $t = 2 \frac{v_0}{g} = 8$  секундамъ.

122.  $h = \frac{gt^2}{8} = 490,5$  метра;  $e = \frac{1}{2}g(t-2t_1+1) = 53,955$  ме-

тра;  $e_1 = \frac{1}{2}g(2t_1 - t - 1) = 44,145$  метра.

123.  $h = \frac{v_0^2}{g} = 382,2$  метра.

124.  $e = v_0 - gt = 49,05$  метра.

125.  $v_1 = \sqrt{v_0^2 - 2hg} = 88,29$  метра въ  $1''$ .

126.  $v_0 = 259,4$  метра въ  $1''$ .

127.  $t = \frac{v_0 + v_1}{g} = 8$  секундамъ.

128.  $t_1 = \frac{2v_0}{g} - t = 15$  секундамъ.

129.  $t = \frac{2v_0}{g} = 10$  секундамъ.

130.  $g = \frac{v_0}{t} = 9,81$  метр. въ  $1''$ .

131.  $t = \frac{v_1 + g/2}{v_1 - v + g} = 3,37$  секунды;  $h = 112,79$  метра.

132.  $t = \frac{v_0 - v_1}{g} = 10,4$  секунды.

133.  $v_1 = v_0 - gt = 19,62$  метра въ  $1''$ ;  $e = \frac{v_0 + v_1}{2}t = 686,7$  метра.

134.  $t = \frac{v_0}{g} = 0,2$  секунды.

135.  $h = \frac{v_0^2}{2g} = 78,48$  метра;  $t = \frac{v_0}{g} = 4$  секундамъ.

136.  $t = \sqrt{\frac{h}{2g}} = 2,25$  секунды.

137.  $c = \frac{gh}{e} = 98,1$  сантиметра въ  $1''$ .

138.  $c = gsn\alpha = 7,516$  метра въ  $1''$ .

139.  $e = \frac{gsnat^2}{2} = 22,07$  метра.

140.  $l = 75$  метрамъ.

141.  $e = hsn\alpha = 1,929$  метра.

142.  $H = h + \frac{b^2}{h} = 32,5$  метра.

143.  $v = \sqrt{2glsna} = 19,62$  метра въ  $1''$ .

144.  $v = \sqrt{2gh} = 19,62$  метра въ  $1''$ .

145.  $v_1 = v_2 = \sqrt{2lgsna} = 910$  сантиметрамъ въ  $1''$ .

146.  $v = 1$  метру въ  $1''$ .

147.  $t = \sqrt{\frac{2l^2}{gh}} = 4$  секундамъ.

148.  $t = \sqrt{\frac{2e}{gsna}} = 2,44$  секунды.

149.  $t = \frac{1}{sn\alpha} \sqrt{\frac{2h}{g}} = 10,9$  секунды.

150.  $sn\alpha = \frac{c}{g} = \frac{1}{2}; \alpha = 30^\circ$ .

151.  $sn\alpha = \frac{1}{n} = \frac{1}{3}; \alpha = 19^\circ 28' 16''$ .

152.  $sn\alpha = \frac{Q}{P} = \frac{1}{3}; \alpha = 19^\circ 28' 16''$ .

153.  $sn\alpha = \frac{2l}{gt^2} = \frac{1}{2}; \alpha = 30^\circ$   
 $h = \frac{l}{2} = 44,145$  метра.

154.  $l_1 = \frac{1}{2} g \frac{l^2}{v_0^2} sn\alpha = 794,61$  сантим.;  $v_1 = g \frac{l}{v_0} sn\alpha = 882,9$  см. въ  $1''$ ;  $v_2 = v_0 - g \frac{l}{v_0} sin\alpha = -382,9$  см. въ  $1''$ .

155.  $l = \sqrt{\frac{h}{2g}} [v_0 + \sqrt{v_0^2 + 2gh}] = 84,72$  метра;  $\alpha = 68^\circ 56' 18''$ .

156.  $e = \frac{(2l+a)^2}{4lsna} = 245$  метр.  
 $v = g \frac{2l+a}{\sqrt{2glsna}} = 69^{4/11}$  метр. въ  $1''$ ;

157.  $t = \frac{v_0}{2gsna} = 10$  секундамъ;  
 $e = \frac{v_0^2}{gsna} = 736$  метрамъ.

158.  $e_1 = 250$  сантиметрамъ;  $v = 100$  см. въ 1".

159.  $e = \frac{v_0^2}{2gsna} = 792,93$  метра;  
 $t = \frac{v_0}{gsna} = 15,86$  секунды.

160.  $e = \frac{v^2}{2gsna} = 254,8$  метра;  
 $v_1 = \frac{v}{sna} = 100$  метрамъ въ 1".

161.  $v = \sqrt{\frac{2ag}{n-1}} = 28,01$  метра  
 въ 1";  $sna = \frac{1}{n}$ ;  $\alpha = 12^\circ 50' 23''$ .

162.  $A = Plsna = 6180,4$  килограмметра;  $t = \sqrt{\frac{2l}{gsna}} = 11,5$  секунды.

163.  $F = \frac{Pv^2}{gr} = 45$  граммамъ.

164.  $F = \frac{4\pi^2 r P}{gt^2} = 39,44$  грамма.

165.  $\frac{F}{P} = \frac{v^2}{gr} = 3,27$ .

166.  $F = k \frac{Pv^2}{gr} = 245,83$  килограмма.

167.  $\frac{F_1}{F_2} = \frac{m_1 v_1^2}{m_2 v_2^2} = \frac{1}{45}$ .

168.  $t = 2\pi \sqrt{\frac{kR}{g}} = 1,4$  часа.

169.  $v = \sqrt{ngr} = 9,81$  метра  
 въ 1".

170.  $c = \frac{4\pi^2 R}{t^2} = 0,03391$  метра  
 въ 1";  $g_1 = g + c = 9,8137$  метра  
 въ 1".

171.  $v_1 = v \sqrt{\frac{g}{c}} = 17v$ .

172.  $l = 24,871$  сантиметра.

173.  $l_1 = \left(1 - \frac{1}{n}\right)^2 l = 97,511$  сантиметрамъ.

174.  $\frac{l}{l_1} = \frac{t^2}{t_1^2} = \frac{1}{4}$ .

175.  $l_1 = l \frac{g_1}{g} = 99,099$  сантиметра.

176.  $v = \sqrt{2g(l - \sqrt{l^2 - m^2})} = 31,352$  сантиметра въ 1".

177.  $p = \frac{R+r}{2} = 55$  граммамъ;  
 $q = \frac{R-r}{2} = 45$  граммамъ.

178.  $r_1 = 7$  килограммамъ;  $r_2 = 1$  килограмму.

179.  $x = \frac{s-2p}{2} = 25$  килогр.;  
 $y = \frac{s-2q}{2} = 59$  килограммамъ.

180.  $x = \frac{(p+p_1)-(q+q_1)}{n-1} = 5$  килогр.;  $y = \frac{[(p+p_1)-(q+q_1)]n}{n-1} = 15$  килограммамъ.

181.  $p = 60$  килограммамъ.

182.  $q = p \frac{m}{m+n} = 30$  килограммамъ;  $q_1 = p \frac{n}{m+n} = 40$  килограммамъ.

183.  $q_1 = p \frac{m}{m+n+s} = 10$  килограммамъ;

$q_2 = p \frac{n}{m+n+s} = 20$  килогр.;  $q_3 = p \frac{s}{m+n+s} = 30$  килограммамъ.

184.  $q = p \frac{m}{m-n} = 450$  килограммамъ;  $q_1 = p \frac{n}{m-n} = 360$  килограммамъ.

185.  $x_1 = \frac{8}{11}p = 80$  граммамъ;  
 $x_2 = \frac{12}{11}p = 120$  граммамъ;  $x_3 = \frac{4}{11}p = 40$  граммамъ;  $x_4 = \frac{5}{11}p = 50$  граммамъ.

186.  $R = 2p \cos \frac{\alpha}{2}$ .

187.  $R = \sqrt{\frac{r^2 + s^2}{2}} = 5$  килограммамъ.

188.  $Q = p + qsn\alpha = 35$  килограммамъ.

189.  $R = p$ .

190.  $q_1 = q_2 = p = 60$  килограммамъ.

191.  $R = o$ .

192.  $R = 3AD$ .

193.  $R$  равна, параллельна  $p_2$  и направлена съ нею въ одну сторону.

194. Рѣшеніе. Разложимъ силу  $s$  на слагающія  $x$  и  $s-x$ , при чемъ  $x^2 + p^2 = q^2$ ; тогда равнодействующая  $R$  данныхъ силь равна  $R = s - \sqrt{q^2 - p^2} = 7$  килограммамъ и направлена отъ  $A$  къ  $B$ .

195.  $Q = \sqrt{p_1^2 + p_2^2} = 12,042$  килограммамъ.

196.  $R = \sqrt{p^2 + q^2 + 2pq \cos \alpha} = 64,785$  килограмма;  $\sin \alpha_1 = \frac{q \cdot \sin \alpha}{R} = 0,32744$ ;  $\alpha = 19^\circ 6' 49''$ ;  $\beta_1 = 25^\circ 53' 11''$ .

197.  $q = \frac{psna}{\sin \beta} = 77,274$  килограмма.  $R = \frac{p \cdot sn(180 - \alpha - \beta)}{\sin \beta} = 77,274$  килограммамъ.

198.  $x = \frac{-q + \sqrt{2p^2 - q^2}}{2}$ ;  $y = \frac{-q - \sqrt{2p^2 - q^2}}{2}$ .

199.  $q_1 = \frac{s + \sqrt{2p^2 - s^2}}{2} = 6$  килограммамъ;  $q_2 = \frac{s - \sqrt{2p^2 - s^2}}{2} = 7$  килограммамъ.

200.  $q_1 = \frac{ap}{\sqrt{a^2 + b^2}} = 9$  килограммъ;  $q_2 = \frac{bp}{\sqrt{a^2 + b^2}} = 12$  килограммамъ.

201.  $q = \frac{pn}{m-n}$ ;  $R = \frac{pm}{m-n}$ .

202.  $p = P \frac{n-1}{n} = 90$  килограммамъ;  $q = \frac{P}{n} = 30$  килограммамъ.

203.  $d = \frac{n}{m+n} = \frac{4}{7}$ .

204.  $l = d \frac{p+q}{q} = 70$  сантиметрамъ;  $R = 35$  килограммамъ.

205.  $d = l \frac{q}{p+q} = 1,5$  метра.

206.  $p = Q \frac{n-m}{n} = 3$  килограммъ;  $q = Q \frac{m}{n} = 6$  килограммъ.

207.  $d = \frac{lq}{q-p} = 280$  сантиметрамъ.

208.  $q = \frac{pd}{l+d} = 9$  граммамъ;  $R = \frac{pl}{l+d} = 30$  граммамъ.

209.  $d_1 = l \frac{n}{m+n} = 2,857$  метра;  $d_2 = l \frac{2nQ + (n-m)P}{2Q(m+n)} = 2,920$  метра.

210.  $d = \frac{r_1^2 l \left( \frac{l}{2} + r \right)}{\frac{4}{3} \pi r^3 + lr_1^2} = 3,83$  сантиметра.

211.  $d = \frac{2ph_1 + p_1 h}{2(p + p_1)} = 4,8$  сантиметра.

212.  $d = \frac{r^2 l^2 + r_1^2 l_1^2 + 2r_1^2 ll_1}{2(r^2 l + r_1^2 l_1)} = 16^{9/11}$  сантиметра.

213.  $d = \frac{p + 2p_2}{2(p + p_1 + p_2)} = \frac{15}{22}$  длины стержня.

214.  $p_1 = \frac{2pd}{l - 2d} = 0,5$  килограмма.

215. Центр тяжести системы находится на половине прямой, соединяющей вершину угла  $C$  съ срединой противолежащей стороны треугольника.

216.  $p_1 = \frac{2p}{n} = 24$  граммамъ.

217. Центр тяжести тѣла совпадает съ центромъ шаровой поверхности.

218.  $d = m \sqrt[1/2]{ } = \sqrt{2}$  метра.

219. Измѣненія въ положеніи центра тяжести тѣла не произойдетъ.

220.  $Q = P \frac{a}{b} = 33$  граммамъ.

221.  $Q = P \frac{a}{b} = 100$  граммамъ.

222.  $Q = \frac{P_1(l-a)sn\alpha + P\left(\frac{l}{2}-a\right)}{asn\beta} = 75,437$  килограмма.

223.  $l_1 = l \frac{P}{P+Q} = 30$  сантиметрамъ.

224.  $d_1 = l \frac{Q}{P+Q} = 2,857$  метра;  $d_2 = l \frac{P}{P+Q} = 2,143$  метра.

225.  $Q = P \frac{a}{b} = 12,5$  килограмма.

226.  $P = P_1 \frac{n}{m+n} = 60$  килограммамъ;  $Q = P_1 \frac{m}{m+n} = 40$  килограммамъ.

227.  $P = Q \frac{l}{l-2l_1} = 125$  граммамъ.

228.  $d = \frac{Qsn\beta}{Psna + Qsn\beta} = 0,6968.$

229.  $P_1 = \frac{Qm}{m+1} = 400$  граммамъ;  $P_2 = \frac{Q}{1+m} = 100$  граммамъ.

230.  $Q = P \frac{n}{m} = 8$  килограммамъ;  $a = \frac{ln}{m+n} = 12$  сантиметрамъ;  $b = 9$  сантиметрамъ.

231.  $Q = P \frac{asn\alpha}{bsn\beta} = 14,14$  килограмма;  $Q_1 = Psna \left( \frac{a}{bsn\beta} + 1 \right) = 19,14$  килограмма.

232.  $Q = P \frac{\sqrt{l^2 - h^2}}{2h} = 18$  килограммамъ.

233.  $l = \frac{\pm P \pm \sqrt{P^2 \pm 2Qbq + b^2 q^2}}{q} = 4,98$  сантиметра.

234.  $M = \frac{IPsn\alpha}{P+Q} = 225$ ;  $d = \frac{Pl}{P+Q} = 30$  сантиметрамъ.

235.  $P_1 = 25$  граммамъ;  $l = \frac{b(P+Q)}{P} = 12,5$  сантиметра.

236.  $Q = f \frac{b}{a} = 40$  килограммамъ.

237.  $P_1 = Q \frac{l_1}{l_2} = 80$  килограммамъ;  $P_2 = Q \frac{l_2}{l_1} = 5$  килограммамъ.

238.  $d = \frac{1}{2} l \frac{p+2Q}{P+p+Q} = 45$  сантиметрамъ.

239.  $h_1 = 9$  сантиметрамъ,  $h_2 = 1,5$  сантиметра.

240.  $Q = \sqrt{PP_1} = 346,4$  грамма.

241.  $P = p \frac{l_1}{l} = 110$  граммамъ.

242.  $P = \sqrt{pp_1} = 3$  граммамъ;  $\frac{l}{l_1} = \sqrt{\frac{p}{p_1}} = 1,1.$

243.  $P_1 = P \frac{l_2}{l_1} = 320$  граммамъ;  $P_2 = P \frac{l_1}{l_2} = 180$  граммамъ;  $\frac{P_1 P_2}{P^2} = 1.$

244.  $P = \sqrt{P_1 P_2} = 10$  граммамъ.

245.  $p = Q \frac{d}{l} \operatorname{tg}\alpha = 0,46547$  грамма.

246. Съ усилиемъ, равнымъ половинѣ вѣса своего тѣла.

247. Съ усилиемъ, равнымъ одной трети вѣса своего тѣла.

248.  $Q = P \frac{r}{R} = 5$  килограммамъ.

249.  $Q = P \frac{n}{m} = 5$  килограммамъ.

250.  $l_1 = l_2 \frac{Q}{P} = 7$  сантиметрамъ.

251.  $r = R \frac{P}{Q} = 2$  сантиметрамъ.

252.  $\frac{R}{r} = \frac{Q}{P} = 10.$

253.  $P = Qm = 250$  граммамъ.

254.  $sn\alpha = \frac{P}{Q}; \alpha = 30^\circ.$

255.  $Q = P \frac{h}{\sqrt{l^2 - h^2}} = 60$  килограммамъ;  $Q_1 = P \frac{l}{\sqrt{l^2 - h^2}} = 100$  килограммамъ.

256.  $Q = Ptga = 1,763$  килограмма.

257.  $Q = P \frac{\sqrt{l^2 - h^2}}{l} = 160$  граммамъ.

258.  $P = P_1 sn\alpha = 250$  граммамъ.

259.  $h = l \frac{Q}{P} = 80$  сантиметрамъ;  $b = l \frac{\sqrt{P^2 - Q^2}}{P} = 60$  сантиметрамъ.

260.  $sn\alpha = \frac{1}{m} = \frac{1}{4}; \alpha = 14^\circ 28' 39''.$

261.  $tga = 1; \alpha = 45^\circ.$

262.  $h = P \frac{2\pi l}{Q} = 2$  миллиметрамъ.

263.  $P = Q \frac{h}{2\pi r} = 1,592$  килограмма.

264.  $\frac{P}{Q} = \frac{m}{2\pi nl} = \frac{1}{600}.$

265.  $T = Ph = 10^5$  килограмметрамъ.

266.  $T = Ph + \frac{1}{2} ph = 100200$  килограмметрамъ.

267.  $J = \frac{1}{2} k \frac{Pv^2}{g} = 92,6$  килограмметра.

268.  $x = 1 + \frac{1}{n} = 1,5; y = 1.$

269.  $T = k \frac{Ph}{t} = 10$  килограмметрамъ.

270.  $T = \frac{1}{2} \pi h^2 p = 216,10^4$  килограммметръ.

271.  $\frac{1}{n} = 1 - \frac{(Pv + P_1 v_1)^2}{(Pv^2 + P_1 v_1^2) (P + P_1)} = \frac{8}{57}$ .

272.  $P = \frac{T}{v} = 75$  килограммъ.

273.  $T = Pl \left( \sin \alpha + \frac{\cos \alpha}{n} \right) = 4665$  килограммметръ.

274.  $J = k \frac{Pv^2}{2g} = 100$  килограммъ;  $e = k \frac{v^2 n}{2g} = 101,9$  метра.

275.  $T = Pl \left( \sin \alpha + \frac{\cos \alpha}{n} \right) = 4923,8$  килограммтра.

276.  $I = \frac{1}{2} P \frac{v^2}{g} = 477,5$  килограммтра;  $e = \frac{Pv^2}{2P_1 g} = 407,7$  метра.

277.  $P_1 = P \frac{gt^2}{2e} = 8,829$  килограмма.

278.  $P = P_1 \frac{v_1^2}{v^2} = 9$  килограммъ.

279.  $Q = P \left( \frac{v_0^2}{2gh_1} + \frac{h}{h_1} \right) = 505,1$  килограмма.

280.  $J = I_1 = \frac{1}{2} g (Pv^2 + P_1 v_1^2) = 75,8$  килограммтра.

281.  $T = k \frac{PP_1 l}{p} = 6 \cdot 10^6$  килограммтрамъ.

282.  $p_1 = p \frac{r_1^2}{r^2} = 10$  граммамъ.

283.  $s = \frac{\pi r^2 p}{p_1} = 251,3$  кв. сантиметра.

284.  $h = \frac{P}{\pi(r^2 - r_1^2)} = 10$  сантиметрамъ.

301.  $p = \frac{h+h_1}{2} \pi r_1^2 d = 47,1$  грам-

ма;  $p_1 = \frac{h_1-h}{2} d \pi (r^2 - r_1^2) = 377$  граммамъ.

302.  $p = h - l = 5$  граммамъ;  $p_1 = l^2 (h - l) = 500$  граммамъ.

303.  $p = \pi r^2 h (d - d_1) = 223,3$  грамма.

304.  $\frac{p}{p_1} = \frac{3D_1^2}{D^2 + D_1^2 + DD_1} = 0,097$ .

305.  $p = \pi r_1^2 \left( p_1 - k \frac{P}{\pi r^2} \right) = 106$  граммамъ;  $h = k \frac{P}{\pi r^2} = 30$  сантиметрамъ;  $h_1 = p_1 - k \frac{P}{\pi r^2} = 15$  сантиметрамъ.

306.  $p_2 = \frac{dp - (p-p_1) dd_1}{d-d_1} = 285,4$  грамма.

307.  $h = \frac{l^3}{\pi r^2} = 6,5$  сантиметра;  $p = p_1 = l^3 = 1$  килограмму.

308.  $p = \pi r^2 h d = 10,68$  килограмма;  $p_1 = 5,55$  килограмма.

309.  $q = \frac{pd - (p-p_1) dd_1}{d-d_1} = 39,687$  гр.;  $q_1 = \frac{(p-p_1) dd_1 - pd_1}{d-d_1} = 14,955$  грамма.

310.  $h = \frac{p}{sd} = 7,36$  сантиметра.

311.  $p = \frac{\pi r^2 r_2^2 h d}{r_1^2} = 508,7$  грамма.

312.  $r = r_1 \sqrt{\frac{d_1-d}{d_2-d}} = 1,53$  сантиметра.

313.  $d = \frac{p}{p-p_1} = 8,92$ .

314.  $d = \frac{p}{a} = 21,5$ .

315.  $d = \frac{p}{p+p_1-p_2} = 8,9$ .

316.  $d = \frac{h}{h_1} = 13,59$ .

317.  $d = \frac{P}{P-P_2+P_1} = 19,3$ .

318.  $d_1 = \frac{p}{p+p_1-p_2-\frac{p_1}{d}} = 0,965$ .

319.  $d_1 = \frac{pd}{p_1} = 2,15$ .

320.  $d = \frac{pd_1}{p-p_1} = 10,5$ .

321.  $d = \frac{P-P_2}{P-P_1} = 0,915$ .

322.  $p_1 = \frac{\pi p}{6n^3} = 220,89$  грамма.

323.  $v = \frac{p}{d} = 10$  куб. сантиметрамъ.

324.  $v = p - p_1 = 10$  куб. сантиметрамъ.

325.  $v = np = 10$  куб. дециметрамъ.

326.  $v_1 = \frac{d}{d_1} = 0,221$ .

327.  $d = \frac{1}{n} = 0,96$ ;  $p = \frac{v}{n} = 19,2$  граммамъ.

328.  $d = \frac{P}{P-P_1} = 21,5$ ;  $d_1 = \frac{P-P_2}{P-P_1} = 13,59$ .

329.  $h = k \frac{n}{\pi r^2 dm} = 5$  сантиметрамъ.

330.  $p = v \cdot d = 338,75$  грамма.

331.  $h = k \frac{p}{l_1} = 0,2(7)$  сантиметра.

332.  $p = \frac{c^2 hd}{4\pi} = 189,06$  грамма.

333.  $p = v(d - d_1) = 41,1$  грамма.

334.  $p = \pi r^2 h d = 113$  граммамъ;  $p_1 = \pi r^2 h (d - 1) = 75,36$  грамма.

335.  $v = \frac{\pi r^2 h d}{1-d} = 40856580$  куб. метрамъ.

336.  $p = 2,7946$  килограмма.

337.  $v = \frac{4\pi r^3}{n} = 19,23$  куб. сантиметра.

338.  $p = k \frac{c^2 h d}{4\pi} = 92316$  килограммамъ.

339.  $d = d_1 \frac{P}{P - P_1} = 21,5$

340.  $p = \frac{\pi D^2 h d}{96} = 71,17$  грамма;  $p_1 = \frac{7\pi D^2 h d_1}{96} = 33,63$  грамма.

341.  $\frac{v_1}{v_2} = \frac{d}{1-d} = 5,757$ .

342.  $P_1 = \frac{Pd}{d-1} = 17$  граммамъ.

343.  $\frac{d}{d_1} = \frac{mr_1^3}{m_1r^3} = 4$ .

344.  $P_1 = P \frac{d_1}{d_1 - d} = 2$  граммамъ.

345.  $n = \frac{v_1}{v_2} = \frac{d}{d_1 - d} = 0,283$ ;  $n_1 = \frac{v_1}{v_2} = \frac{d}{d_1 - d} = 0,189$ .

346.  $\frac{l}{l_1} = \frac{(d_1 - 1)d}{(d - 1)d_1} = 1,433$ .

347.  $p_1 = kmvd - mp = 55680$  килограммамъ.

348.  $\eta = p \frac{l_1}{l} = 100$  граммамъ;  $d = \frac{l_1}{a} = 2$ .

349.  $d_1 = \frac{(p - p_1)d}{p} = 0,9$ .

350.  $\frac{P}{P_1} = \frac{(d_1 - 1)d}{(d - 1)d_1} = 0,944$ ;  $\frac{v_1}{v} = \frac{d_1 - 1}{d} = 0,602$ .

351.  $p_1 = 10$  граммамъ.

352.  $P_1 = P \frac{(d-1)d_1}{(d_1-1)d} = 40,5$  грамма.

353.  $d = \frac{1-d_1}{2} = 0,95$ .

354.  $p = \frac{\pi D^3(d-1)}{6} = 111,6$  граммамъ.

355.  $p = \frac{v}{n} = 600$  граммамъ.

356.  $P = 17,467$  килограмма, при чмъ крышка и дно мѣдныя по 49 см. въ сторонѣ.

357.  $h = \frac{3h_1d_2r_1^2 - 4r^3(d_1 - 1)}{3r_1^2d_3} = 1,195$  сантиметра.

358.  $d = \frac{(p + p_1)d_1}{(p - n)d_1 + p_1} = 0,9452$ .

359.  $p_1 = \frac{d_1pn(2r+n)}{dr^2} = 926,23$  гр.

360.  $p = vd_1 = 1,36$  килограмма;  $v_1 = v \frac{d_1}{d} = 174,4$  куб. сантиметра.

361.  $h_1 = \frac{(h-m)d_2 - hd_1}{d - d_2} = 6,15$  сантиметра.

362.  $p_1 = \frac{4apd_1(D+a)}{D^2d} = 0,07401$  грамма.

363.  $h = \frac{4r_1^3d_1}{3r^2d} = 0,2867$  миллиметра.

364.  $n = \sqrt[3]{\frac{3p}{2\pi}} - \frac{1}{2}\sqrt[3]{\frac{2p(2d-1)}{\pi d}} = 0,05661$  сантиметра.

365.  $p_1 = (p - vd_1) \frac{d}{d - d_1} = 34,2$  грамма;  $p_2 = (vd - p) \frac{d_1}{d - d_1} = 14$  граммамъ.

366.  $d = \frac{(P_1 + P_2)d_1d_2n}{(P_1d_2 + P_2d_1)(n-1)}$ .

367.  $p_1 = p \frac{(d_2 - d_1)d}{(d - d_1)d_2} = 6,55$  грамма;  $p_2 = p \frac{(d - d_2)d_1}{(d - d_1)d_2} = 3,448$  грамма.

368.  $l = h \frac{d_1}{d} = 54,4$  сантиметра.

369.  $l_2 = l - \frac{l - l_1}{d} = 2,(2)$  сантиметра.

370.  $d = \frac{pd_1d_2}{d_1(p - p_1) + p_1d_2} = 15,28$ .

371.  $p = p_1 \frac{d_1(d - d_2)}{d_2(d_1 - d)} = 442,77$  грамма.

372.  $\frac{h_1}{h} = \frac{d}{d_1} = 0,572$ .

373.  $h = \frac{p}{d} = 20$  сантиметрамъ.

374.  $\frac{p}{p-p} < d$ , не золотая.

375.  $h = \frac{p}{\pi r^2 d} = 10$  сантиметрамъ.

376.  $h = \frac{h_2(1-d) - h_1}{d_1 - 1} = 2$  сантиметрамъ.

377.  $h_1 = \frac{dh}{d+n} = 10$  сантиметрамъ;  $h_2 = \frac{nh}{d+n} = 13,6$  сантиметра.

378.  $p = v$ ;  $p_1 = vd$ ;  $p_2 = vd_1$ .

379.  $l_1 = l \frac{d_1 - d_2}{d_2 - d} = 2,72$  сантиметра.

380.  $r_1 = \sqrt[3]{\frac{3r^2h}{4}} = 3$  сантиметрамъ;  $p = \pi r^2 h d = 1008$  граммамъ.

381.  $p_1 = p \frac{d-1}{d} = 72$  килограммамъ.

382.  $D = 2\sqrt{\frac{p}{\pi ld}} = 0,3158$  сантиметра.

383.  $r = \frac{1}{2}\sqrt{3r_1^2h} = 1$  сантиметру.

384.  $r = \sqrt{\frac{p}{\pi dh}} = 0,03748$  сантиметра.

385.  $D = 2\sqrt{\frac{p}{Pdl}} = 2,9933$  сантиметра.

386.  $s = k \frac{np}{d} = 300$  кв. сантиметрамъ.

387.  $s = k \frac{p}{nd} = 33,334$  кв. сантиметра.

388.  $v = kpp_1 = 12,3$  куб. дециметра.

389.  $v = 3$  куб. дециметрамъ.

390.  $v = \frac{4/3\pi r^3 - p}{d} = 8,062$  куб. сантиметра.

391.  $v_1 = v \frac{d-1}{d_1-1} = 4,1$  куб. сантиметра.

392.  $v = p = 100$  куб. сантиметрамъ.

393.  $v = p - p_1 - \frac{p}{d} = 1$  куб. сантиметру.

394.  $v_1 = v \frac{d-d_2}{d_1-d_2} = 5,714285$  куб. сантиметра;  $v_2 = v \frac{d_1-d}{d_1-d_2} = 94,285714$  куб. сантиметра.

395.  $v_1 = v \frac{|d-d_2|}{d_1-d_2} = 37,5$  куб. сантиметра;  $v_2 = v \frac{d_1-d}{d_1-d_2} = 62,5$  куб. сантиметра.

396.  $h = HV \sqrt[3]{\frac{d}{d_1}}; h_1 = H \left(1 - \sqrt[3]{\frac{d_1-d}{d_1}}\right)$  (Зак. Аpx. и  $\frac{v_1}{v_2} = \frac{H_1^3}{H_2^3}$ ).
397.  $p = \pi r^2 h = 37,68$  грамма.
398.  $p = p_1 \frac{1-d}{d} = 52,3$  грамма.
399.  $P = ksHd = 102,98$  килограмма.
400.  $H = k \frac{p}{ds} = 738$  сантиметръ.
401.  $H_1 = H + kh \frac{d}{d_1} = 228$  сантиметрамъ.
402.  $h = k \frac{p}{n} = 1030$  сантиметрамъ.
403.  $P = \pi r^2 Hd = 404200$  граммъ.
404.  $P = knhd = 6775$  граммъ.
405.  $H = l_2 \frac{l-l_2}{l_1-l_2} = 760$  миллиметрамъ.
406.  $h = H \frac{d_1}{d} = 1521$  сантиметру.
407.  $p = k \frac{1}{n} = 1,293006$  грамма.
408.  $p = kvd = 12,931$  килограмма.
409.  $p_1 = pd = 0,1293$  грамма.
410.  $p_1 = p + kvp_2 = 7,806465$  килограмма.
411.  $H_1 = kH \frac{p-p_1}{p_2(v-v_1)} = 12$  сантиметрамъ.
- 
- <sup>\*)</sup> 420.  $H_1 = \frac{(h-h_1)(H-h_1)}{h} = 52,5$  сантиметра;  $v_1 = v \frac{(h-h_1)(H-h_1)}{Hh} = 2,1$  литра.

425.  $H = \frac{h_1 h_2}{h_1 - h} = 75$  сантиметръ.
426.  $H_1 = H \frac{v_1}{v} = 60,8$  сантиметра;  $H_2 = H \frac{v_2}{v} = 15,2$  сантиметра.
427.  $H_4 = \frac{v_1 H_1 + v_2 H_2 + v_3 H_3}{v} = 10$  атмосферамъ.
428.  $H_2 = \frac{H_1^2}{H} = 7,6$  миллиметра;  $H_3 = (H - H_1) \frac{H_1}{H} = 68,4$  миллиметра.
429.  $H_2 = \frac{vH + v_1 H_1}{v+v_1} = 82$  сантиметръ.
430.  $H = H_1 \left(\frac{v+v_1}{v}\right)^n = 75,82$  сантиметра.
431.  $v = v_1 \frac{H_1}{H-H_1} = 1$  литру.
432.  $m = \frac{\lg n}{\lg(v+v_1) - \lg v} = 20,4$ .
433.  $H_1 = \frac{vH}{v_1} + 2h = 9,9$  атмосферы.
434.  $l_n = \frac{nH+2l-\sqrt{(nH+2l)^2-8Hl(n-1)}}{4}; l_1 = 0; l_2 = 12,15; l_3 = 18,11$  и т. д.
435.  $h = \frac{2l+nH-\sqrt{(2l+nH)^2-8lH(n-1)}}{2} = 93,453$  миллиметра.
436.  $H_1 = H \left(1 + n \frac{v_1}{v}\right) = 1520$  миллиметрамъ.
437.  $H_1 = H \left(1 + n \frac{v}{v_1}\right) = 152$  сантиметрамъ.
438.  $H_1 = H \left(1 + n \frac{d_1-d}{100d}\right) = 831,1$  миллиметра;  $d_2 = 100 \frac{dd_1}{100d+n(d_1-d)} = 12,39$ .
439.  $p_1 = p \frac{H_1}{H} = 2,586$  грамма.
440.  $\frac{H}{H_1} = \frac{Hv_1}{Hv_1+2hv_1} = 0,1(6)$ .
441.  $H_2 = \frac{H(n-1)+H_1}{n} = 52^{1/3}$  сантиметра.
442.  $P = \pi r^2 d(H-h) = 323,3$  килограмма.
443.  $p_1 = p \frac{(d-p_2)d_1}{(d_1-p_2)d} = 463,2569$  грамма.
444.  $H_2 = H - \frac{H_1 v_1}{v} = 14,8$  атмосферы.
445.  $n = \frac{4(m-1)r^3}{3r_1^2 h} = 6,25$ .
446.  $H_1 = H - h = 570$  миллиметрамъ.
447.  $p_2 = p_1 - (p_1 - p)d = 49,609$  грамма.
448.  $H = H_1 + 2h = 760$  миллиметрамъ.
449.  $h = H \sqrt{\frac{d}{m+d}} = 8,948$  миллиметрамъ.
450.  $p = \frac{vp_1}{H} [H_1 + d(H_2 - H_1)] = 17,59$  грамма.
451.  $\frac{v_1}{v_2} = v \frac{p_2 - p_1}{p} - 1 = 5,47$ .
452.  $H = h \frac{v_1}{v_1 - v} = 75$  сантиметръ.
453.  $v_2 = v - v_1 \frac{\sqrt{H_1}}{\sqrt{H} - \sqrt{H_1}} = 4$  куб. дециметрамъ.
454.  $P = \frac{\pi}{4} [(D^2 - D_1^2) (ld - hd_1) + D_1^2 Hd_1] = 3361,8$  грамма

$$455. v = \frac{P + nd}{d_1} = 1,257 \text{ литра.}$$

$$456. l_1 = \frac{l+h+n-H+V(l+h+n-H)^2+4l(H-h)}{2} = 26,28 \text{ сантиметра; } h_1 = \frac{l+h+n+H-V(l+h+n+H)^2+4l(H-h)}{2} = 73,72 \text{ сантиметра.}$$

$$457. p = p_1 v \left( \frac{v}{v+v_1} \right)^n = 0,9236 \text{ грамма.}$$

$$458. h = \frac{(H-H_1)D_1^2}{D^2} = 3,2 \text{ миллиметра.}$$

$$459. H_1 = \frac{H}{d} = 10967 \text{ миллиметров; } v_1 = vd = 0,0693 \text{ куб. метра.}$$

$$460. \frac{m_1}{m} = \frac{Hs+kh}{kH} = 10,66.$$

$$461. H_1 = \frac{H}{n} = 19 \text{ сантиметров.}$$

$$462. \frac{v}{v_1} = \frac{v_2 d_1 - P}{P - v_2 d} = 2,126.$$

$$463. H_1 = \frac{(h-h_1)}{dh} (Hd - h_1) = 41,123 \text{ сантиметра.}$$

$$464. H = \frac{H_2 l_1 - H_1 l}{l_1 - l} = 760 \text{ миллиметров.}$$

$$465. p_1 = p \frac{H_1 v_1}{H v} = 1,531 \text{ грамма.}$$

$$466. \frac{v_1}{v_2} = \frac{H_1}{H_2} = 0,267.$$

$$467. H_1 = \frac{H-h+V\sqrt{H^2+h^2}}{2} = 56,41 \text{ сантим.; } h_1 = \frac{h-H+V\sqrt{H^2+h^2}}{2} = 40,41 \text{ сантиметра.}$$

$$468. p = p_1 v \frac{n-1}{n} = 11,637 \text{ граммов.}$$

$$*) 471. p = \frac{k p_1 v_2 [H_1 (76V - V_1 H_1) + 152V_1 h]}{76H_1 v_1} = 73,265 \text{ грамма.}$$

$$**) 474. l_1 = \frac{l-76+V(l+76)^2-4.76h}{2} = 36,45 \text{ сантиметра.}$$

$$479. p = p_1 v \frac{H_1}{H} = 5,614 \text{ грамма.}$$

$$480. v_2 = \frac{2v - (v_1 + H) + V[2v - (v_1 + H)]^2 + 8vH}{4} = 4,14 \text{ кв. сантиметра.}$$

$$481. \frac{H_1}{H_2} = \frac{(Hd_2 - p_1)d_1}{Hd_2 - pd_1} = 0,811. \quad 498. c = \frac{(p_1 + p_2)(t_2 - t_1)}{p_2(t - t_2)} = 0,0925.$$

$$482. n = \frac{v}{v_1} + \frac{h}{H} = 4,052.$$

$$483. h_1 = \frac{l+l_1+H+h-V(l+l_1+h+H)^2-4H(h+l_1)-4lh}{2} = 43,56 \text{ см.}$$

$$484. H_1 = H \frac{d_1}{nd+d_1} = 0,5415.$$

$$485. d = \left( \frac{v_1}{v_1+v} \right)^n = 0,348.$$

$$486. t_2 = 13,9^\circ R = 63,32F; t_3 = -32,6^\circ R = 41,4^\circ F.$$

$$487. t_2 = 0,4^\circ C = 0,3^\circ R; t_3 = 24,1^\circ C = 19,3^\circ R.$$

$$488. t = -7,5^\circ R = +15,1^\circ F; t_1 = 14,2^\circ R = 64^\circ F.$$

$$489. t_2 = -104,8^\circ F; t_3 = 153,5^\circ F.$$

$$490. t_3 = 22,1^\circ R; t_4 = 21,5^\circ R.$$

$$491. t^\circ = -40^\circ.$$

$$492. t_1 = 3,2^\circ R; t_2 = 39,2^\circ F.$$

$$493. \frac{m_1}{m_2} = \frac{T-t_2}{t_1-T} = 4/11.$$

$$494. m_2 = \frac{T-t_1}{t_2-T} m_1 = 17,14 \text{ литра.}$$

$$495. t_2 = T - \frac{m_1(t_1-T)}{m_2} = 12,6^\circ C.$$

$$496. m = m_2 \frac{t_2-t_1}{t-t_1} = 5 \text{ килограммов; } m_1 = m_2 \frac{t_1-t_2}{t-t_1} = 17,5 \text{ килограмма.}$$

$$497. T = \frac{mct+m_1 t_1}{mc+m_1} = 96,8^\circ C.$$

$$499. c = \frac{q}{mt} = 0,0915.$$

$$500. c = \frac{p(T-t)}{p_1(t_1-T)} = 0,0309.$$

$$501. Q = cmt = 109 \text{ единицамъ.}$$

$$502. m_2 = \frac{(mc+m_1)(T-t)}{c_1(t_1-T)} = 42,6 \text{ грамма.}$$

$$503. T^\circ = \frac{mct+m_1 t_1 - q}{mc+m_1} = 25,8^\circ.$$

$$504. l_1 = l[1 - \alpha(t_1 - t)] = 1,0009 \text{ метра.}$$

$$505. l_1 = \alpha l(t_1 - t) = 0,001224 \text{ миллиметра.}$$

$$506. l_1 = l[1 - \alpha(t - t_1)] = 2 \text{ миллиметра.}$$

$$507. l_1 = l \frac{\alpha_1}{\alpha} = 96,3 \text{ сантиметра.}$$

$$508. l_2 = l[1 - \alpha(t - t_2)] = 90,0018 \text{ сантиметра; } l_3 = (l - l_1)[1 - \alpha_1(t - t_2)] = 89,9973 \text{ сантиметра.}$$

$$509. l_3 = lat = 6,05 \text{ метра; } l_1 = l_2 at = 0,003025 \text{ метра.}$$

$$510. l_1 = l \frac{\alpha_1}{\alpha} = 5,79 \text{ сантиметра.}$$

$$511. t = \frac{l_1}{\alpha_2} = 1333^\circ.$$

512.  $v = \frac{\pi}{6} l^3 a(t_2 - t_1) = 1,885$  сантиметра.

513.  $v = \frac{p}{d}(1 + at) = 6,924$  куб. сантиметра.

514.  $t = \frac{p_1}{p(\alpha - \alpha_1)} = 49,6^\circ$ .

515.  $\alpha = \frac{d_1}{3p_1 d} (kp(\beta_1 - \beta) + \frac{p_2}{t_1 - t} + p_2 \beta) + \frac{\beta_1}{3}$ .

516.  $t_1 = \frac{kH_1 v_1 (1 + at) - Hv}{\alpha Hv} = 0^\circ$ .

517.  $t = \frac{v_1 - v}{\alpha v} = 99,86^\circ$ .

518.  $H_1 = \frac{H(1 + at_1)}{1 + at} = 968$  миллиметров.

519.  $v_1 = v \frac{1 + at_1}{1 + at} = 131,86$  куб. сантиметра.

520.  $v_1 = v \frac{1 + at_1}{1 + at} = 46,58$  куб. сантиметра.

521.  $v = \frac{pH_1(1 + at_1)}{p_1 H d} = 103,38$  литра.

522.  $H_1 = H \frac{1 + (\alpha - \alpha_1)t_1}{1 + (\alpha - \alpha_1)t} = 1022,2$  миллиметра.

523.  $H_1 = H \frac{1 + (\alpha - \alpha_1)t_1}{(1 + (\alpha - \alpha_1)t)} = 3,973$  атмосферы.

524.  $d = \frac{H(1 + at)d_0}{H_1(1 + at_1)} = 1,009$ .

525.  $t_1^\circ = -\frac{1}{\alpha} = -273^\circ$ .

526.  $q = \frac{p_1(t_1 - t) - pt}{p} = 79,25$ .

527.  $T = \frac{p_1 t_1 - p(q + ct)}{p + p_1} = 6^\circ,78$ .

528.  $c = \frac{P(T - t_1)}{P_1(t_2 - T)} = 0,0330$ ;  
 $T^\circ = \frac{(pc_1 + p_1 c)t - p_2 q}{p_1 c_1 + p_1 c + p_2} = 3^\circ,28$ .

529.  $p_1 = \frac{p(q + t_1) + q_1}{t - t_1} = 422^\circ,25$ .

530.  $v_1 = \frac{(k_1 pc + vk)(t_2 - t)(1 + at_1)}{Pd(q + t_1 - t_2)} = 3316,2$  литра.

531.  $v = \frac{(pc + p_1)(t_2 - t)(1 + at_1)}{p_2 d(q + t_1 - t_2)} = 93,4$  литра.

532.  $Q = \frac{pd}{1 + at} (q + t - t_1) = 374,9$  калорий.

533.  $v_1 = \frac{v(t_2 - t)(1 + at_1)}{pd(q + t_1 - t_2)} = 506,6$  литра.

534.  $v_1 = v \frac{H}{H - F} = 103,2$  литра.

535.  $H_1 = \frac{(H - F)(1 + at_1)}{1 + at} + F_1 = 742,8$  миллиметра.

536.  $f = EF = 10,08$  миллиметра.

537.  $P = \frac{kvp_2 d}{1 + at} \cdot \frac{F}{760} = 17,15$  гр.;  $P_1 = vp_2 \frac{760 - F}{760} \cdot \frac{1}{1 + at} = 1176,8$  грамма.

538.  $v = \frac{pH(1 + at)}{p_1 d F E} = 9959,8$  литра.

539.  $P = \frac{kvpdFE}{H(1 + at)} = 9,47$  грамма.

540.  $v_1 = v \frac{H}{H - F} = 206,4$  куб. сантиметра.

541.  $P_1 = p \frac{H_1(1 + at)}{H(1 + at_1)} = 1,844$  грамма.

542.  $P = P_1 + v \frac{1 + \alpha(t - t_1)}{1 + \alpha_1(t - 4)} = 196,8$  грамма.

543.  $p = \frac{kdH_1}{H(1 + at)} = 0,9322$  грамма.

544.  $F = \frac{p(1 + at)H}{vp_1 d} = 759$  миллиметров.

545.  $t_2 = t_1 cd = 45^\circ,3$ .

546.  $d_1 = \frac{d}{1 + 3at} = 10,47$ .

547.  $p_1 = \frac{krd[1 + 3\alpha_3(t_1 - t)]}{1 + \alpha_1 t_1} = 27,092$  килограмма.

548.  $\frac{p}{p_1} = d \frac{H_1}{H_2} = 0,3455$ .

549.  $p = \frac{vp_1 F d}{H(1 + at)} = 150,9$  грамма.

550.  $t = t_2 + \frac{(t_2 - t_1)(t_3 - t_5)}{t_5 - t_4} = 225^\circ$ .

551.  $p_1 = p - \frac{(1 + 3at) d_1}{d(1 + \alpha_1 t)} = 184,92$  грамма.

552.  $\alpha = \alpha_1 + \frac{p - p_1}{p_1(t_1 - t)} = 0,0377$ .

553.  $Q = \frac{mpc}{\alpha} = 84,30$  единицы теплоты.

554.  $v = P \frac{1 + at}{d_1 p} = 3,403$  литра;  $\frac{v}{v_1} = \frac{(1 + at)d}{pd_1} = 245$ .

555.  $x = \frac{me_1(t_1 - t_2)}{m_1 + m_2 c + me_1} = 1^\circ,54$ .

556.  $l_1 = l \frac{\alpha}{\alpha_1} = 41,168$  сантиметра.

557.  $H_1 = H[1 + (c - c_1)t] = 752,2$  миллиметра.

558.  $v_1 = \frac{v(1 + at_1)H}{(1 + at)H_1} = 100,1$  куб. сантиметра.

\* 565.  $t_1 = T + \frac{p_1 m(T - t)(T_1 - T)}{p_1 m(T - t) - pm_1(T_1 - t)} = 1000^\circ$ ;  $c = \frac{p_1 m(T - t) - pm_1(T_1 - t)}{pp_1(T_1 - T)} = 0,032$ .

559.  $v = P \frac{1 + at}{pd} = 170$  литр/мин.

560.  $t = T - \frac{m_1 c_1(t_1 - T)}{pc + m} = 3^\circ$ .

561.  $t_1^\circ = t^\circ - \frac{1 + at}{\alpha} \cdot \left( \frac{2t_1}{t} - \frac{t_1^2}{t^2} \right) = 99^\circ,3$ .

562.  $P = (t_1 - t)[p_1(\alpha_1 - \alpha_2) + p \frac{d_1}{d}(a - \alpha_2)] = 2,338$  грамма.

563.  $t = \frac{v_1}{\alpha_1(v - v_1) - v \alpha} = 276^\circ,5$ .

564.  $H_3 = \frac{H_1 H_2}{H} = 2$  миллиметров.

565. \*)

566.  $\frac{l}{l_1} = 1 + \alpha(t_1 - t)$ .

567.  $\alpha_1 = \frac{p(1 + at_1) - p(1 + at)}{p(t_1 - t)} = 0,0427$ .

568.  $x = \frac{1}{n(1 + at_2)} = 0,946$  грамма.

569.  $v = \frac{p(1 + at)}{pd} = 1699,7$  литр/мин.

570.  $t = t_1 + \frac{cm_1(t_2 - t_1)}{m} = 16,(6)^\circ$ .

571.  $l_1 = \frac{l(1 + at_1)}{2 + t_1(a + \alpha_1)} = 7,49813$  метра;  $l_2 = l \frac{1 + \alpha_1 t_1}{2 + t_1(a + \alpha_1)} = 7,50187$  метра.

572.  $v_2 = \frac{v_1 + v \alpha t_1}{v - v_1} = 0,053646$  куб. сантиметра.

573.  $v_1 = 2va(t_1 - t) = 7,34$  куб. сантиметра.

574.  $\frac{f}{F} = \frac{nH + F - H_1}{nF} = 0,9.$

575.  $t = \frac{mt_1}{pc} + t_2 + t_1 = 1182,98^\circ.$

576.  $v = \frac{\pi l^3(1+3\alpha t_1)}{6} = 113,518$  куб. сантиметра.

577.  $t_1 = \frac{t_2 - (t_2 - n)\alpha t}{1 - (t_2 - n)\alpha} = 290^\circ,1.$

578.  $t = \frac{nH_0 - H}{(\alpha - \alpha_1)H} = 531^\circ,2.$

579.  $v_1 = \frac{vH}{(1+\alpha t)(H-F)} = 93,73$  куб. сантиметра.

580.  $T = \frac{pc(t_1 + t + 2t_2) + m(t + t_2)}{4pc + 2m} = 19^\circ,1.$

581.  $\alpha = \frac{l_1 - l}{l(t_1 - t)} = 0,04121.$

582.  $\alpha = \alpha_1 + \frac{p_1 - p_2}{(p_2 - p)(t_2 - t_1)} = 0,031824$  куб. сантиметра.

583.  $H_1 = H - \frac{[1 + \alpha_1(t_1 - t)]}{1 + 3\alpha(t_1 - t)} = 1928,5$  миллиметра.

584.  $H_1 = H - F = 726,5$  миллиметра;  $H_2 = \frac{(H-F)(1+\alpha t_1)}{1+\alpha t} = 665,4$  миллиметра.

585.  $T_1 = \frac{t_1 + dt_2}{1+dc} = 69^\circ,02;$   
 $T_2 = \frac{t_2 + t_1 dc}{1+dc} = 30^\circ,98.$

586.  $t = \frac{2 + \alpha t_1}{\alpha} = 565.$

587.  $l_1 = l [1 - (t - t_1)\alpha] = 1,03797$  метра;  $l_2 = l[1 - (t - t_2)\alpha] = 1,03815$  метра.

588.  $p_2 = (p_1 - p) \left\{ 1 - \frac{1 + \alpha(t_1 - t)}{d} d_1 \right\} = 8,06$  грамма;  $v = \frac{p_1 - (p + p_2)}{d_1} = 100,14$  куб. сантиметра.

\*) 599.  $r = \sqrt[3]{\frac{3pv}{4\pi}} = 2,124624$  сантиметра;  $p_1 = p(vd - 1) = 275,75$  грамма.

603.  $p_1 = \frac{pH_1(1+\alpha t)}{H(1+\alpha t_1)} = 9,9854$  грамма.

604.  $\alpha_1 = \alpha - \frac{v_1 - v}{v(t_1 - t)} = 0,04264.$

605.  $p = \frac{vd p_1 H_1}{H(1+\alpha t)} = 13,52$  грамма.

606.  $x = kt_1 \left( 1 - \frac{1}{V^{1+\alpha t}} \right) = 10,367$  качаний.

607.  $v_0 = \frac{(p-p_1)(1+\alpha_1 t_1)}{(\alpha_1 - \alpha)(t_1 - t)d} = 0,873$  куб. дециметра.

608.  $p_1 = \frac{vp(H-F)}{H(1+\alpha t)} = 1134$  граммъ;  $p_2 = \frac{vpFd}{H(1+\alpha t)} = 113,7$  грамма.

609.  $m = \frac{m_1(t_2 - t)}{c(t - t_2)} = 17,86$  грамма.

610.  $\alpha = \frac{\alpha_1 l}{l_1} = 0,0417.$

611.  $l_1 = l\alpha(t_1 - t) = 90,75$  метра.

612.  $P = p \frac{(p_1 + p_2)c(t - t_1) + p_1 q_1}{q} = 116,163$  килограмма.

613.  $h_1 = \frac{l}{2} (\alpha - \alpha_1) (t_1 - t) = 0,038$  метрамъ;  $\frac{s}{s_1} = 1 + 2(\alpha - \alpha_1)$   $(t_1 - t) = 1,0032.$

614.  $d_1 = \frac{d[1 + \alpha_1(t - 4)]}{1 + \alpha t} = 8,985$  (относительно плотности воды при  $15^\circ$ ).

615.  $v_1 = p - p_1 = 26,064$  куб. сантиметра;  $v_2 = (p - p_1)[1 + 3\alpha(t_1 - t)] = 26,075$  куб. сантиметра;  $d = \frac{p - p_2}{p - p_1} = 0,99885.$

616.  $p = \frac{4\pi r^3 d}{3(1+\alpha t)} = 3725$  килограммъ.

617.  $P = p_2 + \frac{(cp + p_1)t}{q} = 159,57$  грамма.

618.  $m = \frac{m_2(t_1 - t_2)}{t_1 - t} = 15$  килограммъ;  $m_1 = \frac{m_2(t_2 - t)}{t_1 - t} = 5$  килограммъ.

619.  $\alpha_1 = \alpha - \frac{v_1}{v(t_1 - t)} = 0,042624.$

620.  $v_0 = \frac{v_1 l(t_1 - t)}{l(t_1 - t) + 3t_3(l_1 - l)} = 469,48$  куб. сантиметра.

621.  $Q = m(t_1 - t) = 25$  калоріямъ.

622.  $x = \frac{pH_1(1+\alpha t)}{vH(1+\alpha t_1)} = 1,2566$  граммъ;  $d_1 = \frac{pH_1(1+\alpha t)}{vH_1(1+\alpha t_1)} = 0,9717.$

623.  $t^\circ = \frac{Q}{mc} = 200^\circ.$

624.  $Q = \frac{Pb + pd}{asp} = 6,87$  атмосферы.

625.  $p = vd[1 - (\alpha - \alpha_1)t_1] = 108,49$  грамма.

626.  $p_2 = \frac{(pc + p_1)t}{q} = 0,5284$  килограмма.

627.  $t_1^\circ = \frac{t}{cd} = 220^\circ$  (гдѣ  $c$  — теплоемкость ртути,  $d$  — плотность ея).

628.  $\frac{l_1}{l_2} = \frac{\alpha_1}{\alpha}.$

629.  $v = \frac{\left( \frac{p_1}{2} - p \right) (1 + \alpha t)}{d} = 30,54$  куб. сантиметра.

630.  $d_1 = \frac{pdH_1}{(1+\alpha t)H} = 0,094$  грамма;  $p_1 = \frac{vpdH_1}{(1+\alpha t_1)H} = 0,094$  грамма.

631.  $P = \frac{(pc+kp_1)(t-t_1)}{q+t_1} = 569,8$  грамма.

632.  $t_1 = \frac{kp}{Hsd\alpha} = 176^\circ$ .

633.  $Q = mc(t_1-t) = 800$  калориймъ.

634.  $l_1 = \frac{\alpha_1 l}{\alpha - \alpha_1} = 7,06$  сантиметра;  $l_2 = \frac{\alpha l}{\alpha - \alpha_1} = 17,06$  сантиметра.

635.  $H_2 = \frac{1}{2} \left[ H + l - \frac{\sqrt{(l-H)^2 + 16kvH_1}}{\pi D^2 [1 + \alpha(t_1-t)]} \right] = 538,32$  миллиметра.

636.  $p = \frac{vp_1(1+\alpha t_1)H}{H_1(1+\alpha t)} = 10,552$  грамма.

637.  $Q = p(q+t) = 18850$  калориймъ.

638.  $t = \frac{n}{mc} + t = 128^\circ, 11$ .

639.  $t_1 = \frac{l - l_1(\alpha_1 - \alpha)t}{\alpha_1 - \alpha} = 50^\circ$ .  
 $l + H - \sqrt{(l-H)^2 + 4VH(1+\alpha t_1)}$

640.  $H_1 = \frac{\pi r^2(1+\alpha t)}{2} = 71,45$  сантиметра.

641.  $v_0 = \frac{H}{76(1+\alpha t)H_1} = 0,08377$  литра.

642.  $v_1 = \frac{VH}{H-F} = 10,319$  куб. сантиметра.

643.  $T = \frac{mt + m_1ct_1}{m + m_1c} = 52^\circ, 61$ .

644.  $t_1^\circ = \frac{l_1}{(\alpha_1 - \alpha)} = 106^\circ, (6)$ .

\*) 653.  $p_1 = \frac{pd}{760} \left( \frac{vF}{1+\alpha t} + \frac{vF_1}{1+\alpha t_1} - \frac{v_1F_2}{1+\alpha t_2} \right) = 34,23$  грамма где  $p = 1293,187$  гр.

645.  $v = \frac{\pi r^2[l - (H-h)](1+\alpha t_1)}{H_1(1+\alpha t)} = 53,582$  куб. сантиметра.

646.  $t_1 = \frac{v_1H_1(1+\alpha t) - Hv}{Hv\alpha} = 195^\circ, 5$ .

647.  $p = \frac{vP_1(H-EF)}{760(1+\alpha t)} = 10,95$  грамма.

648.  $P = \frac{pc(t_2-t)}{c_1(t_1-t_2) + c(t_2-t)} = 3,908$  килограмма.

649.  $v_0 = \frac{p}{d} = 7,35533$  куб. сантиметра;  $v_1 = \frac{p_1}{p_1} = 7,36134$  куб. сантиметра;  $\alpha = \frac{p_1 d - pd_1}{3pd_1(t_1-t)} = 0,09$ .

650.  $H_1 = H\{1 - \alpha(t-t_1)\} = 76,58$  сантиметра.

651.  $v = \frac{p(1+\alpha_1 t)}{d(\alpha_1 - \alpha)t} = 1454$  куб. сантиметрамъ.

652.  $\frac{vd\mu}{H_2} \left[ \frac{H}{1+\alpha t} - \frac{H_1}{1+\alpha t_1} \right] = 2,163$  грамма.

653.\*)

654.  $q = \frac{p_1 c(t_1-T) - pc_1(T-t)}{T-t} = 212,75$  грамма.

655.  $v = \frac{p\{1+(\alpha-\alpha_1)(t-t_1)\}}{d} = 100,279$  куб. сантиметра.

656.  $H_1 = H\{1 - (\alpha - \alpha_1)(t-t_1)\} = 76,64$  сантиметра.

657.  $v = \frac{5 \cdot H(1+\alpha t_1)}{H_1(1+\alpha t)} = 4,442$  куб.сантиметра;  $p = \frac{5H}{v_1H_1(1+\alpha t)} = 0,005747$  грамма.

658.  $H_1 = \frac{(H-F)(1+\alpha t_1)}{1+\alpha t} + F_1 = 1723,8$  сантиметра ( $F_1 = 760$  мм.).

659.  $P = \frac{p(t_2-t_1)}{c(t-t_2)} = 39,55$  грамма;  $q = \frac{p(t_2-t_1)t_3}{t-t_2} = 3,66$  калорій.

660.  $h_1 = \frac{h(1+\alpha t_1)}{1+\alpha t} = 5,008$  сантиметра.

661.  $p_1 = \frac{d + p(1+\alpha t)}{1+\alpha t} - \frac{d(1+\alpha_1 t_1)}{1+\alpha t_1} = 136,112$  грамма.

662.  $p = \frac{\pi D^2 hd}{4(1+\alpha t)} = 3774,2$  грамма.

663.  $v_1 = v \left\{ \frac{H(1+\alpha t_1)}{H_1(1+\alpha t)} - 1 \right\} = 1,043$  куб. сантиметра.

664.  $t^\circ = \frac{pvd - P}{Pa} = 34^\circ, 5$ .

665.  $Q = vdc(t_1-t) = 3,1$ .

666.  $p = v(1+\alpha t_1)d = 133,88$  грамма;  $v_1 = v(1+\alpha t_1) = 10,027$  куб. сантиметра.

667.  $h_1 = h \frac{d}{d_1} = 1,427$  миллиметра.

668.  $v_1 = \frac{v(1+\alpha t_1)p}{(1+\alpha t)p_1} = 57,59$  куб. сантиметра.

669.  $F = h(1+\alpha t) = 17,36$  миллиметра.

670.  $t_1 = T + \frac{m_1(T-t)}{mc} = 527^\circ$ .

671.  $l_2 = \frac{l_1 \alpha}{\alpha_1} = 0,357$  метра.

672.  $l = \frac{\pi D^3(\alpha_1 - \alpha)}{6s} = 3,224$  миллиметра.

673.  $t^\circ = \frac{2}{\alpha} = 544^\circ, 9$ .

674.  $d = \frac{kp(H-H_1(1-d_1))}{(1+\alpha t)760} = 0,0010549$ .

675.  $c = \frac{m(T-t_1)}{t-T} = 0,095$ .

676.  $v = \frac{p\{1+(\alpha_1 - 3\alpha)t\}}{rd} = 0,147717$  куб. миллиметра.

677.\*)

678.  $p = \frac{vd(1+\alpha t)H_1}{(1+\alpha_1 t)H} = 61,41$  грамма.

679.  $e = v_0 t = 1992$  метрамъ.

680.  $e = v_0 t = 1660$  метрамъ.

681.  $l = \frac{kv_0 t}{mn} = 0,498$  метра.

682.  $n = \frac{kv_0}{l} = 3320$  колебаниемъ.

683.  $l = \frac{vt}{n} = 2,594$  метра.

684.  $n_1 = n \sqrt{\frac{p_1}{p}} = 256$  колебаниемъ.

685.  $m = \frac{n}{t} \sqrt{\frac{p_1}{p}} = 2n$ .

686.  $f = \left( \frac{n}{n_1} \cdot m \right)^2 = 81 f_1$ .

687.  $n_i = n \frac{rl \sqrt{f_1}}{r_1 l_1 \sqrt{f}} = 282,8$  колебанія въ 1".

\*) 677.  $s = \frac{\pi D^3 t (\alpha_1 - \alpha)}{6 \{m - nt (\alpha_1 - \alpha)\}} = 0,1312$ .

688.  $e = v_0 t = 110,89$  метра.

689.  $\frac{d}{d_1} = \frac{n}{m} = 2$ .

690.  $e = \frac{v_0 t}{2} = 166$  метрамъ.

691.  $\frac{n}{n_1} = \frac{1}{V^m} = \sqrt[4]{0,2}$ .

692.  $n_1 = \frac{(l+l_1)m}{l_1 t} = 331,6$  колебаниямъ въ 1''.

693.  $\frac{n}{n_1} = \sqrt{\frac{p}{p_1}} = \frac{1}{2}$ .

694.  $n = \frac{e_1^2}{e^2} = 16$ .

695.  $n = n_1 + \frac{m}{\pi \sqrt{\frac{l}{g}}} = \begin{cases} 454,95 \\ 415,05 \end{cases}$

696.  $t = \sqrt{\frac{2h}{g}} + \frac{h}{v} = 2,059$  секунды.

697.  $e = v_0 \frac{m}{n} = 33,2$  метра.

698.  $n_1 = \begin{cases} n+m=503 \\ n-m=497 \end{cases}$

699.  $t = \frac{l}{v_0} \left(1 - \frac{1}{n}\right) = 2,66$  секунды.

700.  $\frac{f_1}{f_2} = 4 \frac{dl_1^2 r_1^2}{d_1 l_2^2 r_2^2} = 1,158$ .

701.  $n_1 = \frac{v_0}{l_1} = 132$  колебаниямъ;

$n_2 = \frac{v_0}{l_2} = 94$  колебаниямъ.

702.  $t = \frac{1}{v_0} \sqrt{h^2 + e^2} = 0,65''$ .

703.  $\frac{f}{f_1} = (mn)^2 = 9$ .

704.  $n_1 = n \left(1 + \frac{v}{v_1}\right) = 468$  колебаниямъ въ 1'';  $n_2 = n \left(1 - \frac{v}{v_1}\right) = 442$  колебаниямъ въ 1''.

\* 708.  $h = \frac{v_0}{g} [v + gt - \sqrt{v(v+2gt)}] = 73,41$  метра.

723.  $r = 2 \frac{df}{f+d} = 66,6$  сантиметра.

724.  $f = \frac{dh_1}{h} = 30$  сантиметрамъ;  $r = \frac{2dh_1}{h_1-h} = 30$  сантиметрамъ

725.  $f = \frac{Fd}{F+d} = 5,25$  сантиметра.

726.  $r = 2d \frac{l_1}{l-l_1} = 240$  сантиметрамъ.

727.  $d = \frac{r(n-1)}{2} = 45$  сантиметрамъ.

728.  $d_1 = \frac{dff_1}{d(f-f_1)+ff_1} = 40$  сантиметрамъ.

729. Лучь отразится подъ угломъ  $\alpha$ .

730.  $\sin \alpha = \frac{1}{\mu} = 48^\circ 27' 40''$ .

731.  $\mu = \frac{1}{\sin \alpha} = 1,555725$ .

732.  $\mu = \frac{\sin 3}{\sin \alpha} = 2$ .

733.  $f = \frac{dF}{d-F} = 12$  сантиметрамъ.

734.  $d = \frac{1}{(\mu-1) \left( \frac{1}{r} + \frac{1}{r_1} \right) - \frac{1}{f}} = 20$  сант.;  $F = \frac{1}{(\mu-1) \left( \frac{1}{r} + \frac{1}{r_1} \right)} = 13^{1/3}$  сантиметра.

735.  $f = \frac{Fd}{d-F} = 28$  сантиметрамъ.

736.  $f = \frac{dF}{F-d} = 12$  сантиметрамъ.

737.  $F = \frac{h}{n+1} = 5$  сантиметрамъ.

738.  $f = \frac{Fd}{F+d} = 16$  сантиметрамъ.

739.  $t = \frac{1}{(\mu-1) \frac{2}{r} + \frac{1}{d}} = 3,75$  сантиметра.

740.  $G = \frac{F}{F+d} = \frac{1}{3}$ .

741.  $d = \frac{FD}{F+D} = 3,07$  сантиметра.

742.  $F = \frac{nl_1 d}{nl_1 - 1} = 2,2$  сантиметра.

743.  $G = \frac{D}{F} + 1 = 6$ .

744.  $l = \frac{kF^2}{k_l l_1 - F} = 2,253$  миллиметра.

745.  $\sin \beta_1 = \frac{\sin \beta \sin \alpha_1}{\sin \alpha}; \beta_1 = 22^\circ 1' 26''$ .

746.  $F = \frac{nd}{n+1} = 10$  сантиметрамъ;  $d_1 = \frac{(m+1)nd}{n+1} = 30$  сантиметрамъ.

747.  $f = \frac{dr}{2d+r} = 7,5$  сантиметра;  $h_1 = \frac{hr}{2d+r} = 2,5$  сантиметра.

748.  $r = \frac{fD}{2(D-f)} = 37,5$  сантиметра.

750.  $d_1 = \frac{r(n+1)}{2n} = 30$  сантиметрамъ;  $d = \frac{r(n-1)}{2n} = 20$  сантиметрамъ.

751.  $d_2 = d = 90$  сантиметрамъ.

752.  $d = F + \frac{F_1}{1 + \frac{F_1}{D}}$ , где  $F$  и  $F_1$  главные фокусные расстояния объектива и окуляра.

753.  $d_1 = (2htg\beta + h_1tg\alpha)tg(90^\circ - \alpha) = 35,2$  сантиметра.

754.  $f = F = 20$  сантиметров.

755.  $\sin\alpha = \frac{p_1}{p}$ ;  $\alpha = 62^\circ 44' 2''$ .

756.  $d_1 = D - (f + f_1) = 18,75$ , где  $f = \frac{(D-d)D}{3D-4d}$  и  $f_1 = \frac{D(2D-3d)}{5D-8d}$  — фокусные расстояния после отражения однихъ и тѣхъ же лучей отъ части зеркальной поверхности въ мѣстѣ  $B$  и затѣмъ въ мѣстѣ  $A$ .

757.  $f = \frac{Fd}{d-F} = 25$  сантиметровъ;  $l_1 = l \frac{F}{d-F} = 1,25$  сантиметра.

758.  $\beta = 2\alpha = 50^\circ$ .

760.  $F_2 = \frac{FF_1}{F_1-F} = 15$  сантиметровъ.

761.  $d_1 = \frac{d(s \pm \sqrt{ss_1})}{s-s_1} = \begin{cases} 6 & \text{сантиметровъ;} \\ -24 & \text{сантиметровъ.} \end{cases}$

762.  $d = F\left(1 - \frac{1}{n}\right) = 45$  сантиметровъ;  $d_1 = F\left(1 + \frac{1}{n}\right) = 55$  сантиметровъ.

763.  $F = \frac{DD_1}{D_1-D} = 100$  сантиметровъ.

764.  $\frac{l_1}{l} = \frac{r}{2d-r} = 0,5$ ;  $\frac{l_1}{l} = \infty$ ;  $\frac{l_2}{l} = 2$ .

765.  $F = \frac{Df}{f-D} = 20$  сантиметровъ.

766.  $d = F \frac{n+1}{n} = 10,5$  сантиметра.

767.  $r = \frac{2h_1d}{h-h_1} = 90$  сантиметровъ;  $f = \frac{h_1d}{h} = 11,25$  сантиметра.

768.  $d = \frac{l \sin \alpha}{p} = \frac{2}{3}$  сантиметра.

769.  $d_1 = r_1 \left(1 + \frac{d}{r_1+r_2}\right) = 39\frac{1}{23}$  сантиметра.

770.  $n = \frac{Fd}{d-F} - F = 0,100100$  сантиметра.

771.  $d_1 = r \frac{d}{r_1+r_2} = 5$  сантиметровъ.

772.  $d_2 = \frac{\frac{F_1d}{d} - \frac{d_1F}{d_1-F}}{\frac{d}{d} - \frac{d_1F}{d_1-F} - F_1} = 60$  сантиметровъ.

773.  $r = \frac{2dl_1}{l+l_1} = 64$  сантиметровъ.

774.  $F_1 = \frac{F(p-1)p_1}{(p-p_1)} = 80$  сантиметровъ.

775.  $h_2 = \frac{h_1}{2} = 80$  сантиметровъ.

776.  $\sin\beta = \frac{1}{p}$ ;  $\beta = 30^\circ 37' 30''$ .

777.  $\frac{i}{i_1} = \frac{1}{\cos\alpha} = \sqrt{2}$ .

778.  $f = \frac{DF}{D+F} = 52,5$  сантиметра.

779.  $\frac{l_1}{l} = \frac{F}{r+F} = \frac{1}{3}$ .

780.  $d_1 = \frac{dF}{d-F} + F_1 \frac{n+1}{n} = 70$  сантиметровъ.

781.  $f = \frac{dr}{2d-r} = 60$  сантиметровъ;  $h_1 = h \frac{F}{d-F} = 15$  сантиметровъ.

782.  $f = \frac{F_1D}{F_1+D} = 50$  сантиметровъ.

783.  $d = \frac{(n+1)r}{2n} = 0,55r$ .

784.  $p = \frac{1}{\sin 45^\circ} = \sqrt{2} = 1,414$ .

785. Изображеніе имѣтъ горизонтальное положеніе; по величинѣ равно предмету.

786.  $e_1 = \frac{e(J_1 \pm \sqrt{J_1 J_2})}{J_1 - J_2} = \begin{cases} 45 & \text{сантиметровъ;} \\ 9 & \text{сантиметровъ.} \end{cases}$

787.  $d = F + \frac{DF_1}{D+F_1} = 153,75$  сантиметра.

788.  $f = \frac{mm_1}{d^2} = 3$  динамъ.

789.  $m_1 = \frac{kfgd^2}{m} = 11,77$  дины.

790.  $d_1 = d \frac{\sqrt{q}}{\sqrt{q} + \sqrt{q_1}} = 5,(5)$  сантиметра.

791.  $f = -\frac{mm_1}{d^2} = -6$  динамъ;  $f_1 = \frac{(m-m_1)^2}{4d^2} = 0,25$  дины.

792.  $q = d\sqrt{kfg} = 25$  единицъ.

793.  $d_1 = d \left(1 + \sqrt{\frac{q_1}{q}}\right) = 15$  сантиметровъ.

794.  $m = 2d\sqrt{kfg} = 28,01$  электрост. единицы.

795.  $d_1 = d \sqrt{\frac{f}{f_1}} = 16$  сантиметровъ.

796.  $n = \frac{d^2}{d_1^2} = 4$ .

797.  $d_1 = d \frac{\sqrt{q_1}}{\sqrt{q} - \sqrt{q_1}} = 9$  сантиметровъ.

798.  $\sigma = \frac{q}{4\pi r^2} = 6,25$ .

799.  $Q = 4\pi r^2 \sigma = 942$  эл. ст. единицъ.

800.  $i = \frac{e}{R+r} = 0,33\dots$  ампера.

801.  $i = \frac{e}{r} = 18$  амперамъ.

802.  $i = \frac{v}{R} = 2$  амперамъ.

803.  $i = \frac{e}{2r} = 3,6$  ампера;  $i_1 = \frac{e}{r(1+n^2)} = 0,277$  ампера.

804.  $e = v = 1,8$  вольта.

805.  $P = Ri = 18$  вольтъ.

806.  $e = P \frac{R+r}{R} = 1,8$  вольта.

807. Разность потенциаловъ будетъ возрастать.

808.  $r = \frac{i}{e} - R = 0,63$  ома.

809.  $R = p \frac{l}{D^2} = 1,06$  ома.

810.  $R = \frac{v}{i} = 3$  омамъ.

811.  $R_1 = Rn = 1000$  омовъ.

812.  $R_1 = Rn^2 = 500$  омамъ.

813.  $\frac{R}{R_1} = \left(\frac{l}{l_1}\right)^2 \frac{p_1}{p} = \frac{1}{3}$ .

814.  $R_1 = R \frac{l(1+\alpha t_1)}{l(1+\alpha t)} = 0,6716$  ома.

815.  $Q = \frac{lD^2 p}{l_1 D^2 R} = 0,8$ .

816.  $R_2 = \frac{RR_1}{R+R_1} = 7,5$  ома.

817.  $i = \frac{ne}{nr+R} = 1$  амперу;  $P = \frac{nRe}{nr+R} = 5$  вольтамъ.

818.  $n = \frac{e}{e+iR} = 10$  элементъ.

819.  $q = \sqrt{\frac{nr}{R}} = 1$  группа;  $p = \sqrt{\frac{nR}{r}} = 16$  элементамъ.

820.  $Q = ci^2 Rt = 115,2$  граммокалоріи.

821.  $Q = \frac{kcp^2 t}{R} = 17280$  граммокалоріямъ.

822.  $\frac{Q_1}{Q} = \frac{p}{p_1} = 0,1682$ .

823.  $i = \frac{v}{R} = 0,75$  ампера.

824.  $R = \frac{v}{i} = 75$  омамъ.

825.  $E = iR = 60$  вольтамъ.

826.  $\alpha_1 = \alpha\beta = 0,338$ .

827.  $m = kiat = 50,7$  миллиграммма.

828.  $i_1 = i \frac{v_1 t}{vt_1} = 2$  амперамъ.

829.  $T = i^2 R \alpha = 612$  килограммометрамъ въ 1".

830.  $w = Ei = 900$  уаттамъ;  $w_1 = \frac{E^2}{R} = 1,8$  уатга.

831.  $w = \frac{Ri^2}{gw} = 3$  лошадинымъ силамъ.

832.  $i = \frac{v}{r+R} = 0,198$ .

833.  $n = \frac{iR}{e} = 8$  лампочкамъ.

834.  $P = n(e - ir) = 6,1875$  вольта.

835.  $r = \frac{e}{ni} - \frac{R_1 R_2}{n(R+R_2)} = 0,5$  ома.

836.  $t = \frac{m}{\alpha z} = 4$  часамъ 7 минутамъ.

837.  $R_1 = \frac{R}{n-1} = 10,2$  ома.

838.  $E = i(R + nr) = 64$  вольтамъ.

839.  $s = \frac{p_1 li}{e} = 50$  кв. миллиметрамъ.

840.  $W = \frac{ei}{y} = 3$  уаттамъ.

841.  $R_1 = \frac{RR_2}{R-R_2} = 5,0625$  ома.

842.  $\frac{i_1}{i_2} = \frac{e_1}{e_2}$ .

843.  $R = \frac{E}{i} - r = 40$  омамъ.

844.  $n = \frac{P}{iR} = 100$  лампочкамъ.

845.  $R_1 = \frac{E}{i} - (R + r) = 5$  омамъ.

846.  $Q = \frac{kcn^2 e^2 t}{nr+R} = 3888$  граммокалоріямъ;  $\vartheta_1 = \frac{kn^2 e^2 t \cdot 10^7}{nr+R} = 16200 \cdot 10^7$  эргамъ;  $\vartheta_2 = \frac{kn^2 e^2 t}{nr+R} = 16200$  джоулімъ;

$\vartheta_3 = \frac{kn^2 e^2 t}{(nr+R)9,81} = 1651$  килограммометру.

847.  $i = \frac{E}{r+nR_1+R_2} = 0,563$  ампера.

848.  $D = \sqrt{\frac{pl(100-n)}{mnR}} = 2,187$  миллиметра.

849.  $i_1 = ni = 4$  амперамъ;  $R_3 = \frac{R_2}{n} = 12$  омамъ;  $Q = ci^2 R t = 115,2$  граммокалорій.

850.  $R = \frac{P}{i} = 9,25$  ома;  $r = \frac{e-P}{i} = 0,75$  ома.

851.  $w = (v_1 - v_2)i = 1000$  уаттамъ.

852.  $v - v_1 = \frac{m(t_1^\circ - t^\circ)}{60 cit} = 1,39$  вольта.

853.  $R_1 = \frac{e-P}{t} - R = 3$  омамъ.

854.  $\frac{Q}{Q_1} = \frac{\rho l D_1^2}{\rho_1 l_1 D_1^2} = 42,03$ .

855.  $R = \rho \frac{2\pi nr}{100 D^2} = 4083$  омамъ.

856.  $\frac{i}{i_1} = \frac{R_1}{R}$ .

857.  $R_1 = \frac{R}{l(1+\alpha t)} = 0,0208$  ома.

858.  $n_1 = \frac{l}{l_1} = 60$  элементамъ;  $n = \frac{r_1 e}{re_1} = 6$  группамъ;  $N = \frac{e^2 r_1}{e_1^2 r} = 360$  элементамъ.

859.  $n = \frac{n_1^2 R}{mr} = 36$  лампочкамъ.

860.  $T_1 = T - \frac{e^2}{R+r} = 0,0004$  уатта.

861.  $i = \frac{e}{\frac{nR}{m^2} + r} = 15,625$  ампера.

862.  $l_1 = l \sqrt{\frac{\rho_1 R_1}{\rho R}} = 1000$  метръмъ.

863.  $\frac{Q_1}{Q_2} = \frac{\rho_2}{\rho_1} = 5,5$ .

864.  $v = \frac{z}{dd_1} + \frac{\alpha^2}{dd_2} = 0,174$  куб. сантиметра.

865.  $r = \frac{R(n-m)}{(m-1)n} = \frac{1}{18}$  ома.

866.  $n = \frac{Ri}{e-ri} = 40$  элементамъ.

867.  $r = \frac{R_1 i_1 - Ri}{i_1 - i_1} = 0,25$  ома;  $e = \frac{ii_1(R_1 - R)}{i_1 - i_1} = 1,8$  вольта.

868.  $n = \frac{e-Ri}{ri} = 533$  лампочкамъ;  $-r \pm \sqrt{\frac{r^2 i + 4eR}{i}} = \frac{R}{2R} =$  одна лампочка.

869.  $i_1 = i \frac{\frac{r}{n}}{\frac{R_1}{r+n_1}} = 1,198$  ампера.

870.  $\frac{\rho}{\rho_1} = \frac{Rl^2 p}{R_1 l^2 p_1} = 1,333$ .

871.  $\frac{Q}{Q_1} = \frac{rr_1}{(r+r_1)^2} = \frac{5}{36}$ .

872.  $\frac{R}{r} = \frac{ni_1 - i_2}{ni_2 - i_1} = 16,67$ .

873.  $\frac{i}{i_1} = \frac{n+4}{2(n+1)} = 1,06$ .

874.  $q = \sqrt{\frac{nr}{R}} = 3$  группамъ, соединенными параллельно;  $r = \sqrt{\frac{nR}{r}} = 12$  элементамъ, соединенными последовательно;  $i = \frac{en}{pr+gr} = 3$  амперамъ.

875.  $W = \frac{e^2}{rgw} = 0,17$  лошадиной силы.

876.  $P = e \frac{l_1 R_1}{r + l R_1} = 0,58$  вольта.

877.  $\rho = \frac{D^2 R}{l} = 0,01152$  ома.

878.  $Q = \frac{cn(im)^2 p}{D^4} = 0,871$  калорий.

879.  $i = \sqrt{\frac{T - T_1}{r + R}} = 0,3$  ампера.

880.  $R = R_1 \frac{l^2 p_1}{l_1^2 p} = 0,0749$  ома.

881.  $m = \frac{4\pi^3 i er}{e_1^2} = 1852$  элем., соединеннымъ группами.

882.  $w = \frac{e^2}{R+r} = 100$  уаттамъ;

$$w_1 = \frac{e^2 R}{(r+R)^2} = 60 \text{ уаттамъ}; \quad w_2 = \frac{R}{r+R} = 60\%$$

883.  $i_1 = i \frac{p_1 t}{p t_1} = 3$  амперамъ.

884.  $R_1 = R \frac{l^2 p}{l_1^2 p_1} = 5,6$  ома.

885.  $\frac{Q}{Q_1} = \frac{(r+R_1)^2 R}{(r+R)^2 R_1} = 2,47$ .

886.  $v = e \frac{r}{r+R} = 0,06$  вольта;

$$v_1 = e \frac{R}{r+R} = 1,44 \text{ вольта.}$$

887.  $p = \frac{R_1 l^2 p_1}{R l_1^2} = 610$  омамъ.

888.  $n = \frac{m n_1 R}{R + (1-m) n_1 r} = 90$  элементамъ.

889.  $w = (v_1 - v_2) i = 48$  уаттамъ.

890.  $\frac{i}{i_1} = \frac{(r+R_1)(R+R_2)+RR_2}{(r+R+R_1)(R+R_2)} = 0,2974$ .

891.  $R_1 = R \frac{s l_1}{l s_1} = 0,1237$  ома.

892.  $i = \frac{km}{ta\beta} = 2,75$  ампера.

893.  $l = R \frac{D^2}{\rho} = 0,4337$ .

894.  $n = \frac{iR}{e - ri} = 35$  элементамъ.

895.  $w = \frac{e^2}{Rr+r} = 1,62$  уатта;

$$w_1 = \frac{e^2 R}{(r+R)^2} = 1,4175 \text{ уатта}; \quad w_2 = \frac{e^2 r}{(R+r)^2} = 0,2025 \text{ уатта.}$$

896.  $\frac{i}{n} = \frac{R_1}{R} = 0,875$ .

897.  $\vartheta = Ei = 36$  уаттамъ.

898.  $Q = cie = 288$  граммокалориямъ.

## ПОПРАВКИ и ОПЕЧАТКИ.

Въ задачахъ вторично повторенные буквы:  $e$  (109 и 560);  $m$  (110);  $v$  (160, 432, 596, 666);  $t$  (174, 517, 530, 535, 551, 557, 561, 565, 573, 638, 658);  $l$  (227);  $P$  (240);  $r$  (311);  $h$  (357);  $d$  (395);  $p$  (521, 580, 592, 608, 652),  $\alpha$  (571, 578, 582, 625, 671);  $H$  (605) слѣдуетъ отмѣтить значкомъ  $_1$  ( $e_1$ ,  $m_1$ ,  $v_1$  и т. д.); вторично повторенные  $d_1$  (395);  $t$  (531) и  $p_1$  (626) слѣдуетъ отмѣтить значкомъ  $_2$ .

№ задачи:	Строка:	Напечатано:	Должно быть:
1	2	12 (7)	12, (7)
18	4	6 <sup>2</sup> /3 метровъ въ 1'	3,75 метровъ въ 1''
32	4	въ противоположныхъ сторонахъ	въ одну сторону
91	2	43,145	44,145.
155	1	78,84	78,48.
169	2	102	109
173	1	$t$	$t$
192	1	Стороны	Двѣ стороны и диагонали
203	3	одинаково	пропорционально ихъ силамъ
221	1	$q$	$b$ .
209	4	разстояніи	на разстояніи
225	2	45°	90°
241	2	одинаковы по вѣсу	уравновѣшаны
243	6	$\frac{P_1 P_2}{P_2}$	$\frac{P_1}{P_2}$
251	2	200	20000
261	3	$d$	$\alpha$
268	2	$n = \frac{1}{2}$	$n = 2$ .
275	1	спустить	поднять
284	2	783,744	784,14.
347	4	корабля.	корабля въ водѣ.
375	2	1,70188	1,703
447	2	49	51,586
448	4	100	130
465	3	$v_1$	$v_1 = 3$ литрамъ.
498	3	$t = 10^\circ$	$t = 100^\circ$
515	3	17,06	15,287
537	2	20°	20° и давлениі 760 мм
544	1	35	5
547	4	13,534	13,534 (при 25°)
575	4	которой	которой $t_2 = 10^\circ$
599	4	объемъ воды	объемъ граммъ-массы воды
645	5	20°	30°
653	4	$p_1$ паровъ	$p_1$ сгущенныхъ паровъ
686	3	сили	отношеніе силь

Ответы:

75

$$v = 3,6 \frac{g}{n}$$

$$v = k \frac{g}{n} = 0,000981$$